

تحليل المسار path analysis وتطبيقه في تجربة زراعية

* الدكتور محمد طه الغنام

الخلاصة

استعرضنا في هذا البحث تحليل المسار path analysis وفوائده العملية ، الذي يعتبر أحد أساليب متعدد المتغيرات وبواسطته يتم تحليل العلاقة بين المتغيرات الى مباشرة وغير مباشرة ، وتناولنا في جانبه النظري كيفية كتابة النموذج الخاص به ، بتحويل نموذج الانحدار الى الحالة القياسية ، التي يتساوى فيها التباين المشترك مع معامل الارتباط مع معامل الانحدار ، وبأستخدام أسلوب المربعات الصغرى ols نحصل على معادلة الحل لحساب معاملات المسار ، ثم كيفية إنشاء مخططات المسار التي لها الدور المهم في أنجاز التحليل ، أما في الجانب العملي فتم تحليل الارتباطات بين متغيرات تجربة زراعية أقيمت في كلية الزراعة بجامعة بغداد للموسم الزراعي -2000-2001 علمحصول القمح وكانت النتائج أن هناك بعض الأختلافات في التفسيرات بعد أستخدام تحليل المسار عن الأتماد على معاملات الارتباط البسيطة فقط.

ABSTRACT

Path analysis is one of multivariate analysis using to examine causal relation ships between variables upon linear equation system, in order to understand the direct and indirect relationships among studying variables. In this paper I consider the model of path analysis by standardized the regression model{at this case covariance=correlation coefficient=regression coefficient} , get the general solution of path analysis by using (ols), and explain path diagram that's important to the analyze. In the application part , I use the data of agriculture experiments that done in College of Agriculture/ Baghdad university, season 2000-2001 ,which related to the factors affecting wheat production , the results of path analysis indicate that there are another interpretation from that based on correlation coefficient only.

*استاذ مساعد /جامعة تكريت /كلية التربية

١ - المقدمة

يعتبر تحليل المسار path analysis احد أساليب التحليلات المتعددة المتغيرات الذي يستخدم في فحص العلاقات بين المتغيرات الكثيرة العدد في منظومة معادلات خطية .

لقد استخدم التحليل لأول مرة من قبل Sewall Wright عام 1930 في دراسات علم البيئة وما يتعلق بالسلالات العرقية والسلوك الوراثي ثم توسع استخدام هذا التحليل ليشمل ميادين أخرى تتعلق بحاجات الإنسان الضرورية . إن إحدى أهداف دراسة هذا الأسلوب هو محاولة فهم قوة العلاقة المباشرة وغير المباشرة بين متغيرات الدراسة ، وبمعنى آخر يتم تحليل الارتباط بين هذه المتغيرات بهذا الأسلوب ، ذلك أن تحليل المسار هو الوحيد الذي يوضح العلاقات التوسيطية (الوسطى) بين مجموعة متغيرات ، مثلا العلاقة بين ثلاث متغيرات $(X \rightarrow Y \rightarrow Z)$ وعلى فرض أن هناك ارتباط فيما بينهم ، فيكون الهدف قياس تأثير (X) في (Z) بشكل مباشر، وتأثير (X) في (Z) من خلال (Y) بشكل غير مباشر، ونشير هنا بأن العلاقة غير المباشرة تزيد من قوة العلاقة المباشرة عندما تكون بنفس الاتجاه، وتقلل من تأثيرها عندما تكون بأتجاه معاكس. نهدف في هذا البحث الى استعراض تحليل المسار وكيفية الاستفادة منه في التطبيقات العملية.

٢- الجانب النظري [1] [3] [4] [5] :

(١-٢) النموذج وتقدير المعالم :-

أن النموذج الخطي لتحليل المسار هو يمكن كتابته كما يأتي:

$$Y_i = P_{01}X_1 + P_{02}X_2 + P_{03}X_3 + \dots + E_i \quad (1)$$

حيث أن y_i : تمثل المتغير المعتمد ويدعى بالاثـر effect وان $(i=1,2,\dots,n)$

X_i : تمثل المتغير المستقل ويدعى بالسبب cause

P_{0i} : معامل المسار بين المتغير المعتمد والمتغير المستقل حيث: 0 يمثل المتغير المعتمد و i رقم المتغير المستقل.

E_i : الأخطاء العشوائية

أن هذا النموذج نحصل عليه من إجراء تحويل خطي على معادلة نموذج الانحدار الخطي المتعدد ، نفرض أن لدينا نموذج الأنحدار المتعدد الاتي :

$$Y_i^* = B_0^* + B_1^* X_1^* + B_2^* X_2^* + \dots + e_i^* \quad (2)$$

وبطرح الوسط الحسابي والقسمة على التباين ، وفق الصيغة الآتية: \

$$Y_i = \frac{Y_i^* - \bar{Y}^*}{S_{y^*}}, X_i = \frac{X_i^* - \bar{X}^*}{S_{x^*}} \quad (3)$$

نحصل على النموذج في (1) أعلاه ، وسيكون المتوسط لكل من X_i ، Y_i يساوي صفر ، وتباينها يساوي واحد ، أي انها ستكون متغيرات قياسية (معيارية) وبناء على ذلك يدعى هذا بالأسلوب المعياري الذي يكون فيه (التباين المشترك = معامل الارتباط = معامل الانحدار) ، وستكون معالم

(ثوابت) النموذج مساوية للكمية $B_i \frac{S_{x^*}}{S_{y^*}}$ والتي وضعت لتمثل معالم نموذج

المسار ، أي ان $P_i = B_i \frac{S_{x^*}}{S_{y^*}}$ ولتقدير المعالم في (1) سوف نستخدم صيغة المصفوفات ، وعليه نعيد كتابة النموذج وكما يأتي:

$$Y = PX + E \quad (4)$$

حيث تمثل Y, P, E متجهات و X مصفوفة ، ذات أبعاد ملائمة . وبأستخدام اسلوب المربعات الصغرى ، نحصل على المعادلات الطبيعية وكما يأتي:

$$X^t X p = X^t Y \quad (5)$$

وعند التعويض بموجب المقادير المذكورة في (3) ستكون عناصر المصفوفة $X^t X$ معاملات ارتباط فيما بين المتغيرات المستقلة ، وعناصر المتجه $X^t Y$ معاملات ارتباط بين المتغيرات المستقلة و المتغير المعتمد ، كما يأتي :

$$X'X = \begin{bmatrix} \frac{X_{11}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \frac{X_{21}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \dots & \frac{X_{n1}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} \\ \frac{X_{12}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \frac{X_{22}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \dots & \frac{X_{n2}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{X_{1n}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \frac{X_{2n}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \dots & \frac{X_{nn}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{X_{11}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \frac{X_{12}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \dots & \frac{X_{1n}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} \\ \frac{X_{21}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \frac{X_{22}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \dots & \frac{X_{2n}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{X_{n1}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \frac{X_{n2}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} & \dots & \frac{X_{nn}^* - \bar{X}^*}{S_x^*} \end{bmatrix} \dots \dots \dots (6)$$

وتكون نتيجة الضرب أن عناصر القطر الرئيسي تساوي واحد ، أما العناصر خارج القطر فهي معاملات ارتباط بسيط بين المتغيرات و كما يأتي :

$$\begin{bmatrix} 1 & r_{12} & r_{13} & \dots & r_{1n} \\ r_{21} & 1 & r_{23} & \dots & r_{2n} \\ r_{31} & r_{32} & 1 & \dots & r_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ r_{n1} & r_{n2} & \dots & \dots & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_{10} \\ p_{20} \\ \vdots \\ \vdots \\ p_{n0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{10} \\ r_{20} \\ \vdots \\ \vdots \\ r_{n0} \end{bmatrix} \dots \dots \dots (7)$$

حيث تمثل: r_{i0} معاملات ارتباط بسيط بين المتغير المعتمد (رمزنا له 0) والمتغير المستقل ذو الرقم i .
 r_{ij} معاملات ارتباط بسيط بين المتغيرين المرقمين i, j حيث $(i, j = 1, 2, \dots, n)$.
 ويمكن التعبير عن (7) كما يأتي :

$Rp=r$
 حيث تمثل R مصفوفة معاملات الارتباط وهي مربعة متماثلة ، معكوسها موجود ، p متجه معاملات المسار ، عليه يكون الحل وفقاً للمعادلة الآتية :

$$p=R^{-1} r \dots \dots \dots (8)$$

ولغرض قياس نسبة المساهمات في التباين والتباين المشترك ، للنموذج الخطي للمعادلة (2) نستخدم النموذج في المعادلة رقم (2) وكما يأتي :

$$Y^* - \bar{Y}^* = B_1(X_1^* - \bar{X}_1^*) + B_2(X_2^* - \bar{X}_2^*) + \dots + (e^* - \bar{e}^*) \dots (9)$$

وتبريق الطرفين وأخذ التوقع تصبح المعادلة:

$$\sigma_y^2 = \sum B_i^2 \sigma_i^2 + 2 \sum \sum B_i B_j \sigma_{ij} + \sigma_e^2 \dots (10)$$

حيث أن σ_{ij} هو التباين المشترك ، وبالقسمة على σ_y^2 نحصل على الآتي :

$$1 = \sum p_{yi}^2 + \sum \sum p_{yi} r_{ij} p_{yj} + p_{ye}^2 \dots (11)$$

وفق التعابير الآتية :

$$p_{yi} = B_i \frac{\sigma_i}{\sigma_y}, p_{ye} = \frac{\sigma_e}{\sigma_y}, \sigma_{ij} = r_{ij} \sigma_i \sigma_j \dots (12)$$

وتمثل (11) معادلة التحديد الكامل للنموذج .

(٢-٢) مخططات المسار :

يعتبر الرسم التخطيطي المعبر عن العلاقة المسارية بين المتغيرات ذو أهمية كبيرة في أنجاز التحليل ، وهناك قواعد أساسية في تكوين المخطط وحساب الارتباطات ومعاملات المسارين المتغيرات نذكرها فيما يأتي:

- 1 - أن علاقة الارتباط بين أي متغيرين تمثل بسهم ذو رأسين ، والعلاقة المسارية بين المتغيرات السببية الى الاثر بسهم ذو رأس واحد .
- 2- في كل مسار يوجد فقط سهم واحد ذو رأسين .
- 3- أن معاملات المسار ليس شرطاً أن تكون قيمها المطلقة أقل من واحد ، وان قيم المساهمات عن المسارات غير المباشرة قد تكون سالبة .
- 4- يقاس التأثير المباشر لمتغير سببي على متغير الأثر بأنه يساوي معامل المسار ، أما التأثير غير المباشر فيساوي حاصل ضرب المعاملات الخاصة بهذه المسارات .
- 5- في مخطط المسار تبدأ الحركة خلفية Backward ثم تصبح أمامية Forward.

6- يتساوى معامل الارتباط مع معامل المسار عندما يكون المتغير السببي غير مرتبط مع متغير آخر ولا يحصل التساوي في حالة وجود ارتباطات أخرى . وعند عدم وجود مسار بين عنصرين فهذا يعني أن معامل الارتباط بينهما يساوي صفر .

7- لرسم مخطط المسار ، توضع مسالك بين المتغيرات المستقلة والمعتمدة بأسهم كما ذكرنا وتستخرج معاملات كل مسار حيث تضرب المعاملات عن المرور خلال ممرين أو أكثر مثلا اذا كان لدينا المسار $X \rightarrow Y \rightarrow Z$ فإن معامل المسار بين X , Z يساوي حاصل ضرب معاملي مسار وكما يأتي:

$$p_{xz} = p_{xy} \cdot p_{yz}$$

وفي حالة وجود أكثر من اتجاه ، نقوم بجمع حاصل ضرب المعاملات

كل المسارات ، مثلا للمسار $X \Rightarrow Y \Rightarrow Z$
 $X \Rightarrow W \Rightarrow Z$ تكون النتيجة:

$$p_{wz} = p_{wx} + p_{yz} = p_{xy} p_{xz}$$

ويجب ملاحظة أن يهمل المسار الذي يحتوي على متغير واقع بين رأسي سهمين كما أنه في الممرات المنفردة لا يمكن المرور على متغير واحد مرتين.

8- يكون الارتباط بين أي متغير مستقل ومتغير معتمد عبارة عن مجموع الارتباطات لكل الاتجاهات المختلفة المباشرة وغير المباشرة على أن تبدأ الحركة أولا خلفية.

9- يرتبط متغير الخطأ بعلاقة مباشرة مع المتغير المعتمد (الأثر) وتقاس هذه العلاقة بموجب الصيغة الآتية :

$$p_{0e} = \sqrt{1 - R^2} \dots\dots\dots(13)$$

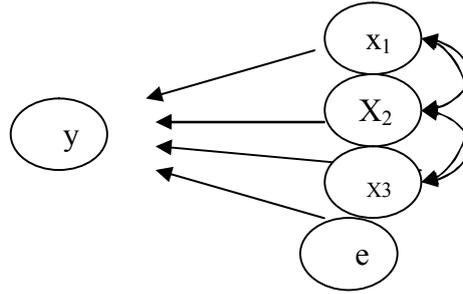
حيث أن p_{0e} يمثل معامل المسار بين المتغير المعتمد ومتغير الخطأ، أما R فيمثل معامل التحديد الذي يعبر عن درجة مساهمة المتغيرات المستقلة في تباين المتغير المعتمد وفق الصيغة الآتية :

$$R^2 = \sum p_{oi} r_{i0} \dots\dots\dots(14)$$

ونشير أن تحليل المسار يكون أكثر فائدة في حالة وجود عدد من المتغيرات المعتمدة (أو متجه من المتغيرات المعتمدة) ، عندها يكون المخطط متداخل ، عبارة عن تركيب المخططات المنفردة على بعضها .

(٣) العلاقات المسارية [1] [3] [4] [5] :-

لو كان لدينا متغير معتمد واحد y مع ثلاث متغيرات مستقلة X_1, X_2, X_3 فإن لكل من هذه المتغيرات تأثيرات على y بطرق ثلاث ، فبالنسبة الى X_1 هناك تأثير مباشر $x_1 \rightarrow y$ وغير مباشر بالمسارين $x_1 \rightarrow x_2 \rightarrow y, x_1 \rightarrow x_3 \rightarrow y$ ، وبالمثل تكون تأثيرات X_2, X_3 . وفيما يأتي مجمل مخطط العلاقات لهذه الحالة :



علما أن السهم الرابع يمثل علاقة البواقي ، وتكون المساهمات كما يأتي :

1- المساهمات عن التأثيرات المباشرة تمثلها معاملات المسار

$$P_1, P_2, P_3, P_e$$

2- المساهمات $2P_1r_{12}P_2$ عن التأثيرات غير المباشرة: للمسار

$$y \leftarrow x_1 \leftrightarrow x_2 \rightarrow y$$

المسار $2P_2r_{23}P_3$

$$y \leftarrow x_2 \leftrightarrow x_3 \rightarrow y$$

المسار $2P_1r_{13}P_3$

$$y \leftarrow x_1 \leftrightarrow x_3 \rightarrow y$$

وقد أعتبرت التأثيرات مضاعفة لأنها تؤثر في y من طريقين ، مثلا المسار $y \leftarrow x_2 \leftrightarrow x_1 \rightarrow y$ يشبه المسار الأول . ان النموذج في هذه الحالة (ثلاث متغيرات مستقلة مع متغير معتمد واحد) كما يأتي:

$$y_i = p_{01}x_1 + p_{02}x_2 + p_{03}x_3 + e_i$$

أما المعادلات الطبيعية فتكون كما يأتي:

$$r_{10} = p_{01} + p_{02}r_{12} + p_{03}r_{13}$$

$$r_{20} = p_{01}r_{12} + p_{02} + p_{03}r_{23}$$

$$r_{30} = p_{01}r_{13} + p_{02}r_{23} + p_{03}$$

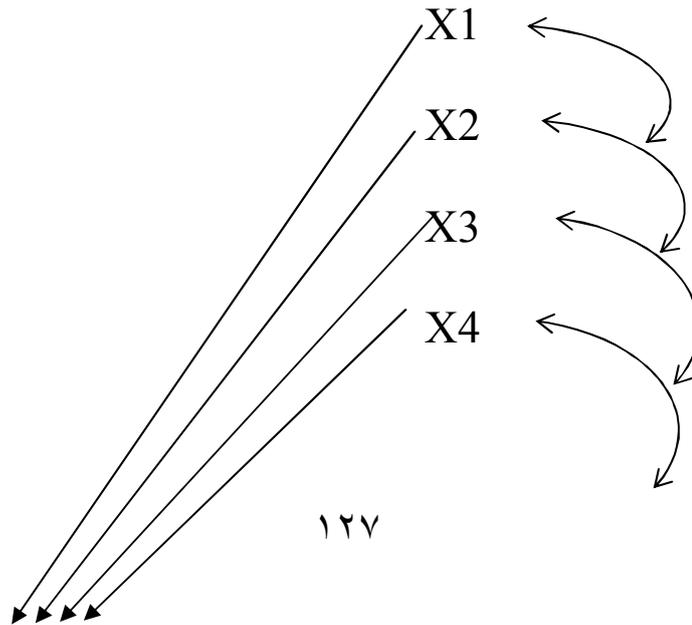
أما في حالة وجود متغيرين معتمدين ، عندها تظهر فائدة إضافية في تحليل المسار وهي القدرة على قياس درجة العلاقة بينهما ، وهما يتشاركان في العلاقة مع المتغيرات التوضيحية . ففي حالة وجود متغيرين معتمدين مع ثلاث متغيرات توضيحية ، سيكون لدينا عشرة مسارات . أما معامل الارتباط بين هذين المتغيرين هو حاصل جمع لعمليات ضرب معاملات المسار ومعاملات الارتباط لهذه المسارات ، وكما يأتي :

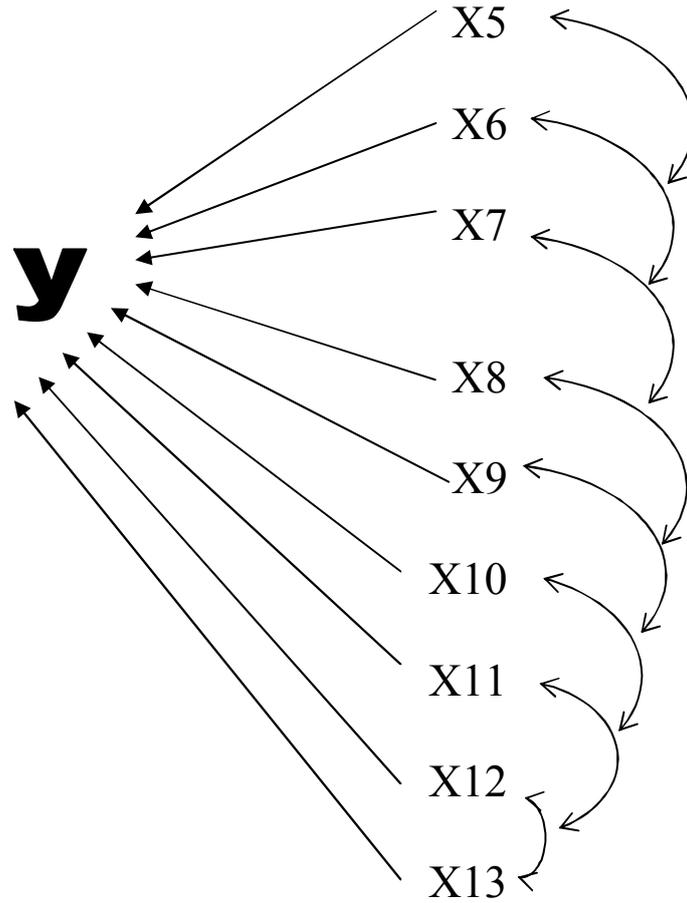
$$r_{zy} = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n p_{zi} r_{ij} p_{yj} + p_{ze} e_{zy} p_{ye}$$

(4) الجانب العملي

- الجدول رقم (1) يمثل قيم معامل الارتباط البسيط بين متغيرات تجربة اقيمت في حقل تجارب كلية الزراعة/ جامعة بغداد (منطقة ابو غريب) خلال الموسم الزراعي 2000-2001 بهدف دراسة العوامل المؤثرة على حاصل حبوب القمح الشيلمي وهو نوع مهجن يمتاز بتحملة للظروف القاسية واحتوائه على بروتين عالي [المصدر رقم 2] ومكونات الحاصل من خلال رش المحصول بالنتروجين والبورون . ان العوامل التي شملتها التجربة هي كالتالي :
- 1 . مساحة ورقة العلم ومحتواها من الكلوروفيل عند مرحلة التزهير التام مع الاشارة الى ان هذه الورقة تعد المصدر الرئيسي لتجهيز الحبوب بالمادة الجافة (يمثل المتغير الأول ونرمز له x_1).
 2. طول النبات ليعبر عن مرحلة نضج النبات (يمثل المتغير الثاني ونرمز له x_2).
 3. طول السلامة العليا (يمثل المتغير الثالث x_3).
 4. طول السنبل x_4 .
 5. نسبة الخصوبة x_5 التي تمثل عدد حبوب السنبل مقسومة على عدد زهيراتها .
 6. عدد السنابل في المتر المربع x_6 .
 7. عدد حبوب السنبل x_7 .

8. وزن الف حبة X_8 .
9. الحاصل البيولوجي X_9 وهو وزن النباتات الجافة المحصودة في مساحة معينة الذي يعبر عن صافي عملية التركيب الضوئي خلال دورة حياة المحصول .
10. دليل الحصاد X_{10} الذي يساوي حاصل الحبوب مقسوما على الحاصل البيولوجي .
11. حاصل القش X_{11} الذي يساوي حاصل الحبوب مطروحا منه الحاصل البيولوجي .
12. نسبة البروتين أو محتوى الحبوب من البروتين X_{12} .
13. نسبة الكربوهيدرات أو محتوى الحبوب من الكربوهيدرات X_{13} .
- وقد كانت معاملات الارتباط بين حاصل الحبوب والصفات المذكورة في هذه التجربة موجبة ومعنوية باستثناء صفة وزن الف حبة إذ كانت علاقة الارتباط معها موجبة فقط وعلاقة سالبة وغير معنوية مع محتوى الحبوب من البروتين .
- ولتحليل هذه العلاقات لمعرفة التأثيرات المباشرة لهذه العوامل على حاصل الحبوب والتأثيرات غير المباشرة المعبرة عن مكونات معامل الارتباط، استخدمنا تحليل المسار الذي يمكننا بواسطته اجراء اللازم . ولأستخراج معاملات المسار p_{0i} حيث $(i=1,2,3,\dots,13)$ نستخدم العلاقة المرقمة (8) التي تحتاج الى معرفة معكوس المصفوفة R ذات الابعاد 13×13 ، وللحصول على هذا المعكوس استخدمنا البرنامج الرياضي التطبيقي Matlab (الاصدار السادس) ، ثم ضرب المعكوس بقيم الارتباطات المتمثلة بالمتجه r .
- ان مخطط المسار لهذه التجربة يمكن كتابته كما يأتي:





في هذا الشكل يرتبط كل متغير مع جميع المتغيرات الأخرى ولجميع الحالات الممكنة، السهم الأول (من الأسفل) يمثل ارتباط X_{12} مع X_{13} والسهم الثاني ارتباط X_{11} مع كل من (X_{13}, X_{12}) ، والسهم الثالث يمثل ارتباط X_{10} مع كل من (X_{11}, X_{12}, X_{13}) وهكذا لبقية الأسهم حتى السهم الثالث عشر الذي يمثل ارتباط X_1 مع المتغيرات الاثنى عشر $(X_2, X_3, \dots, X_{13})$ ومن المفروض وضع قيم معاملات المسار على الأسهم ذات الرأس الواحد ومعاملات الأرتباط على الأسهم ذات الرأسين ، ولكن كثرة المتغيرات أدى الى ضيق الرسم وعدم إمكانية وضع هذه القيم .

ان التأثيرات المباشرة للمتغيرات x_i على الحاصل Y تمثلها معاملات المسار مبينة بالجدول رقم (2) على القطر الرئيسي، اما التأثيرات غير المباشرة للمتغيرات على الحاصل فنحصل عليها من خلال المسارات لكل متغير عبر المتغيرات الأخرى ، وتساوي حاصل ضرب معاملات المسار بالأرتباطات $r_{ij} p_{0j}$ ، حيث i تمثل رقم المتغير ذو العلاقة ، و j رقم المتغير

الذي من خلاله يعبر التأثير الى y . والجدول رقم (3) يوضح التأثيرات غير المباشرة لجميع المتغيرات .
أما معامل التحديد (التوضيح) فيمكن حسابه باستخدام معادلة رقم (١٤) وكما يأتي:

$$R^2 = \sum_{i=1}^{13} p_{0i} r_{i0} = -0.0448 + 0.0054 + 0.03108 + 0.00846 - 0.00885 - 0.03534 + 0.02348 - 0.0003 + 2.189 + 0.00546 - 1.1798 + 0.00 + 0.0013 = 0.994$$

جدول رقم (1) قيم معاملات الارتباط البسيط بين متغيرات التجربة الثلاثة عشر (مصفوفة الارتباطات)

	مساحة ورقة الخ1	X2الطول النبات	X3الطول السلفية الطيا	X4الطول السنبلة	X5نسبة الخصوبة	X6عدد السنبلة	X7حجم السنبلة	X8وزن الف حبة	X9الحاصل البيولوجي	X10دليل الحصد	X11حاصل الفس	X12نسبة البروتين	X13نسبة الكربوهيدرات	Yحاصل الحبوب
X1	1	0.79	0.926	0.904	0.834	0.461	0.91	0.344	0.769	0.842	0.702	0.208	0.572	0.817
X2	0.79	1	0.932	0.878	0.488	0.711	0.698	0.101	0.844	0.73	0.836	-0.112	0.189	0.830
X3	0.926	0.932	1	0.931	0.676	0.642	0.832	0.092	0.859	0.676	0.823	-0.003	0.351	0.873
X4	0.904	0.878	0.931	1	0.666	0.545	0.804	0.197	0.838	0.774	0.817	0.103	0.435	0.838
X5	0.834	0.488	0.676	0.666	1	0.171	0.926	0.716	0.568	0.764	0.473	0.271	0.838	0.651
X6	0.461	0.711	0.642	0.545	0.171	1	0.46	-0.399	0.841	0.693	0.84	-0.267	-0.173	0.818
X7	0.91	0.698	0.832	0.804	0.926	0.46	1	0.513	0.792	0.898	0.714	0.204	0.696	0.851
X8	0.344	0.101	0.092	0.197	0.716	-0.399	0.513	1	0.054	0.266	-0.012	0.482	0.911	0.123
X9	0.769	0.844	0.859	0.838	0.568	0.841	0.792	0.054	1	0.872	0.987	-0.039	0.282	0.986
X10	0.842	0.73	0.676	0.774	0.764	0.693	0.898	0.266	0.872	1	0.782	0.078	0.474	0.941
X11	0.702	0.836	0.823	0.817	0.473	0.84	0.714	-0.012	0.987	0.782	1	-0.073	0.208	0.945
X12	0.208	-0.112	-0.003	0.103	0.271	-0.267	0.204	0.482	-0.039	0.078	-0.073	1	0.209	-0.002
X13	0.572	0.189	0.351	0.435	0.838	-0.173	0.696	0.911	0.282	0.474	0.208	0.209	1	0.351

جدول رقم (2) معاملات المسار لمتغيرات الدراسة على الحاصل

	مساحة ورقة الخ1	X2الطول النبات	X3الطول السلفية الطيا	X4الطول السنبلة	X5نسبة الخصوبة	X6عدد السنبلة	X7حجم السنبلة	X8وزن الف حبة	X9الحاصل البيولوجي	X10دليل الحصد	X11حاصل الفس	X12نسبة البروتين	X13نسبة الكربوهيدرات
X1	-0.0549	-0.04337	-0.05084	-0.04963	-0.04579	-0.02531	-0.04996	-0.01889	-0.04222	-0.04623	-0.03854	-0.01142	-0.0314
X2	0.005214	0.0066	0.006151	0.005795	0.003221	0.004693	0.004607	0.000667	0.00557	0.004818	0.005518	-0.00074	0.001247
X3	0.032966	0.033179	0.0356	0.033144	0.024066	0.022855	0.029619	0.003275	0.03058	0.024066	0.029299	-0.00011	0.012496
X4	0.00913	0.008868	0.009403	0.0101	0.006727	0.005505	0.00812	0.00199	0.008464	0.007817	0.008252	0.00104	0.004394
X5	-0.01134	-0.00664	-0.00919	-0.00906	-0.0136	-0.00233	-0.01259	-0.00974	-0.00772	-0.01039	-0.00643	-0.00369	-0.0114
X6	-0.01992	-0.03072	-0.02773	-0.02354	-0.00739	-0.0432	-0.01987	0.017237	-0.03633	-0.02994	-0.03629	0.011534	0.007474

X7	0.025116	0.019265	0.022963	0.02219	0.025558	0.012696	0.0276	0.014159	0.021859	0.024785	0.019706	0.00563	0.01921
X8	-0.00093	-0.00027	-0.00025	-0.00053	-0.00193	0.001077	-0.00139	-0.0027	-0.00015	-0.00072	3.24E-05	-0.0013	-0.00246
X9	1.707257	1.873764	1.907066	1.860444	1.261017	1.867104	1.758319	0.119885	2.2201	1.935927	2.191239	-0.08658	0.626068
X10	0.004884	0.004234	0.003921	0.004489	0.004431	0.004019	0.005208	0.001543	0.005058	0.0058	0.004536	0.000452	0.002749
X11	-0.87645	-1.04375	-1.02752	-1.02002	-0.59054	-1.04874	-0.89143	0.014982	-1.23227	-0.97633	-1.2485	0.091141	-0.25969
X12	0.000957	-0.00052	-1.4E-05	0.000474	0.001247	-0.00123	0.000938	0.002217	-0.00018	0.000359	-0.00034	0.0046	0.000961
X13	0.002231	0.000737	0.001369	0.001697	0.003268	-0.00067	0.002714	0.003553	0.0011	0.001849	0.000811	0.000815	0.0039
المجموع	0.824221	0.82139	0.87093	0.835545	0.670286	0.796472	0.861888	0.148184	0.973862	0.941821	0.929296	0.011377	0.373551

This document was created with Win2PDF available at <http://www.win2pdf.com>.
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.
This page will not be added after purchasing Win2PDF.