# أسلوب بير فى تحليل البيانات غير التامة

أ. د. اموري هادي كاظم
 جامعة بغداد/ كلية الادارة والاقتصاد
 قسم الاحصاء

#### الستخلص:

في هذا البحث سوف يتم توضيح كيفية توظيف اسلوب بيز في تحليل أنموذج الأنحدار الخطي المتعدد الذي يعاني من فقدان في بعض مشاهدات متغيراتة التوضيحية  $\mathbf{X}^{'s}$  كأسلوب مقترح جديد، إذ سيتم توضيح بعض من انماط الفقدان وتحت شرط الية فقدان من نوع MCAR، وكيفة توظيف هذا الأسلوب في ظل وجود هذه الأنماط ومقارنة مقدارت بيز مع الطريقة الكلاسيكية المتبعة في التحليل والمتمثلة بطرية الحالة التامة ، إذ تم استخدام أسلوب المحاكات في المقارنة بين الطريقتين .

#### **Abstract:**

In this paper we will explain ,how use Bayesian procedure in analysis multiple linear regression model with missing data in variables X's as the new method suggest , and explain some of missing Patterns under missing mechanism , missing complete at random MCAR and compare Bayesian estimator with complete case estimator by use simulation procedure .

#### 1) المقدمة:

لقد شهدت مشكلة البيانات المفقودة أهتماماً ملحوظاً في السنوات الأخيرة ولاسيما لنماذج الانحدار الخطي، ومع التطور السريع لأجهزة الحاسوب في معالجة العمليات أصبح تطوير طرائق تحليل البيانات المفقودة ممكن نظرياً وعلى الرغم من ذلك ما زال العديد منها بحاجة للتطوير ويعاني من مشاكل عديدة من هنا تأتي أهمية تسليط الضوء على طرائق تقدير معالم أنموذج الانحدار الخطي المتعدد بهدف أيجاد أفضل الطرائق التي تلائم هذا الانموذج في تقدير معالمة بوجود القيم المفقودة أخذين بنظر الاعتبار نسب الفقدان و آلية الفقدان ونمط الفقدان بالإضافة لذلك إذ توافرت معلومات أولية لمعالم أنموذج الانحدار الخطي المراد تقديرها، كيفية توظيف هذه المعلومات باستخدام أسلوب بيز في ظل كون مشاهدات العينة قيد الدراسة تعاني من فقدان، لذلك يهدف هذا البحث الى توظيف اسلوب بيز في تقدير معالم أنموذج الانحدار الخطي الطبيعي المتعدد الذي يعاني من فقدان في بعض مشاهدات متغيراته التوضيحية علماً أن متغير الاستجابة يكون تام المشاهدة وأستخدام أسلوب المحاكات لمقارنة أسلوب بيز في التقدير مع طريقة الحالة التامة.

# 2) أنماط البيانات المفقودة :[1], [3]

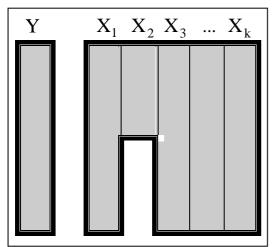
أن معرفة نمط والية الفقدان تساعد الباحث على تحديد الطريقة الإحصائية المناسبة لتقدير معالم الأنموذج، وبالأخص الأنماط، لأن هناك طرائق إحصائية تكون مناسبة لأنماط خاصة من البيانات غير التامة التي يمكن إن ترتب بشكل محدد، حيث تكون هذه الطرائق واضحة الخطوات وسهلة التطبيق. أما طرائق التحليل المناسبة للنمط العام لفقدان البيانات فتكون أكثر تعقيداً من طرائق الأنماط الخاصة، وهذا ما يدفع كثير من الباحثين إلى ترتيب بياناتهم بحسب نمط منتظم كلما أمكن ذلك تجنباً لاستخدام الطرائق المعقدة حسابياً. وعليه فأن أنماط البيانات المفقودة تقسم إلى قسمين الأولى منها يكون ضمن الأنماط الخاصة Special Patternsوالثانية ضمن النمط العام General Pattern.

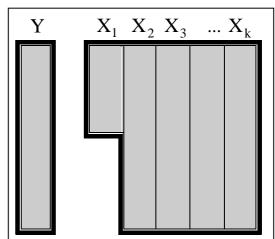
وفي أدناه عدد من أنماط البيانات غير التامة والمتمثلة بقيم المشاهدات لأنموذج الأنحدار الخطئ:

$$Y X_1 X_2 X_3 ..... X_k$$

النمط الأول:

يعد هذا النوع من الأنماط الخاصة، وهو أبسط حالة من حالات البيانات غير التامة والتي يكون فيها جميع المتغيرات تامة المشاهدة عدا متغيراً واحداً يتضمن قيماً مفقودة في قسم من مشاهداته.

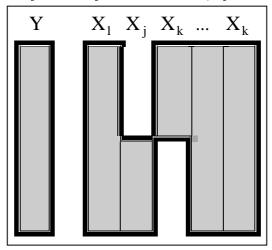




شكل رقم (1) نمط فقدان البيانات لأحد المتغيرات

النمط الثاني: النمط المرتب أو المتداخل

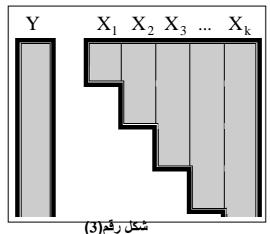
يعد هذا النمط من الأنماط الخاصة ايضاً، وفي هذا النمط ترتب البيانات حسب عدد القيم المفقودة ويمكن ترتيبها بشكل تصاعدي أو تنازلي، كذلك يتكون هذا النمط عادة عند اختيار عينة لحساب عدد من المتغيرات التوضيحية ومن ثم سحب عينة جزئية لحساب عدد من المتغيرات التوضيحية الأخرى والتي لم تسحب سابقاً كما في الشكل الأتي:



شكل رقم(2) النمط المرتب أو المتداخل

#### النمط الثالث:

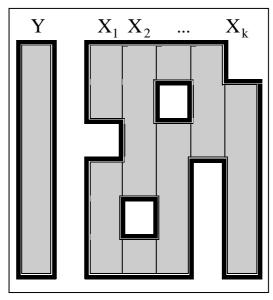
يعد هذا النمط أخر الأنماط الخاصة، ويسمى بنمط البيانات المفقودة في حالة عدم تطابق المعالم، ويكون هذا النمط في حالة مشاهدات  $X_k$  و  $X_j$  غير مسجلة في مشاهدات واحدة، أي أن أي مشاهدة في المتغير  $X_k$  ، وتحدث هذه الحالة عند دمج أو توليف عينتين والشكل الأتي يبين هذا النمط من البيانات غير التامة.



نمط البيانات المفقودة في حالة عدم تطابق المعالم

## النمط الرابع: النمط العام

هذا النمط يوضح فقدان البيانات بشكل عشوائي لأي قيمه من قيم المتغيرات قيد الدراسة والشكل التالي يبين هذا النمط من البيانات غير التامة.



شكل رقم (4) النمط العام للبيانات المفقودة

## 3) اليات البيانات المفقودة :[1], [4] , [6]

تختلف الطرائق الإحصائية الخاصة بتحليل البيانات غير التامة في فرضياتها حول الإلية التي تؤدي إلى فقدان البيانات. وأن فهم هذه الآلية وتحديد طبيعتها يساعد كثيراً في اختيار الطريقة المناسبة للتحليل بل يعد المدخل لتشخيص الطريقة التي تقترب نتائجها من الأمثلية للبيانات المدروسة. ويمكن أن تلخص علاقة فقدان البيانات لمتغير معين بقيم المتغير نفسه أو بقيم المتغيرات الأخرى وكما يأتى:

- ان فقدان قيم  $\mathbf{X}_j$  يكون مستقالاً عن قيم المتغيرات الأخرى وعن القيم المفقودة نفسها .
  - . أن فقدان قيم  $\mathbf{X}_{i}$  يعتمد على القيمة المفقودة نفسها .
  - $X_{j}$  على قيم المنفودة لـ  $X_{j}$  على قيم المتغيرات الأخرى في العينة .
    - وعلية يمكن تقسيم الالية كما يلي:
- Missing Complete At Random (MCAR) فقدان البيانات تماماً بشكل عشو الي -1
  - -2 فقدان البيانات بشكل عشوائي Missing At Random (MAR)
- فقدان البيانات بشكل غير عشوائي Missing Not At Random (Not MAR) وبما أننا سوف نعتمد على الأليه الأولى سنوضح كيفية حدوثها ، إذا كان سبب الفقدان مستقلاً عن القيمة المفقودة نفسها وعن قيم المتغيرات الأخرى في العينة عندها يمكن القول أن البيانات تفقد تماماً بشكل عشوائي Missing Complete At Random (MCAR). ويمكن

المجلد 14/ع49/ لسنة 2008

مجلة العلوم الاقتصادية والادامية

التعبير عن هذه الآليه رياضياً وذلك من خلال التوزيع الخاص بها والمقترحة من قبل .  $\Psi$  وبمعالم مجهولة هي  $\Psi^{[1]}$  والمتمثل بالتوزيع الشرطي لـ  $\Psi$  (X/R) وبمعالم مجهولة هي  $\Psi$  (R/X,  $\Psi$ )

حيث أن :

X : مصفوفة تمثل البيانات الحقيقية من مرتبة (nxp)

X : مصفوفة ثنائية تأخذ القيم (0,1) مناظرة للمصفوفة  $\mathbb{R}$  حيث أن:

 $r_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{if } X_{ij} \text{ obs.} \\ 0 & \text{if } X_{ij} \text{ miss.} \end{cases}$ 

والمصفوفة R تدعى مصفوفة مؤشر البيانات المفقودة Rissing Data Indictor Matrix فاذا كان :

 $P(R/X,\Psi)=P(R/\Psi)$  for all  $X_{miss.}$  ...(1) فأن البيانات تفقد تماماً بشكل عشوائي (MCAR) ...

4) تعليـل العالـة التامـة (1], [3], [1]: عليـل العالـة التامـة (4)

تعد هذه الطريقة من الطرائق الأساسية التي تم استخدامها في تحليل البيانات التي تعاني من مشكلة الفقدان ويمكن القول أنها طريقة أساس في التحليل ،على فرض لدينا أنموذج الأنحدار الأتي:

$$y_{I} = \beta_{0} + \beta_{1}x_{i1} + \beta_{2}x_{i2} + ... + \beta_{k}x_{ik} + \varepsilon_{i}$$
 ... (2)

أو حسب الصيغة العامة:

$$\underline{\mathbf{Y}} = \mathbf{X}\underline{\boldsymbol{\beta}} + \underline{\boldsymbol{\varepsilon}} \qquad ...(3)$$

حيث أن :-

n x 1 (الاستجابة) : Y

X: مصفوفة التصميم بدرجة p وتمثل مشاهدات المتغيرات التوضيحية (المستقلة) فيما يخص نماذج الانحدار من رتبة p وأن p=k+1 ومحتوياتها كمية، وأن عدد هذه المتغيرات  $x_j$  , j=1,2,...,k

.  $p \times 1$  متجه المعالم المجهولة ذات البعد  $\beta$ 

ع: متجه الأخطاء العشوائية ذات البعد n x 1 .

فأن أسلوب هذه الطريقة وتحت شرط الية فقدان من نوع MCAR ، هو عند فقدان مشاهدات لمتغير ما ولتكن مثلاً المشاهدات  $X_{i'1}$  نقوم بحذف جميع المشاهدات المقابلة للتسلسل i' ولجميع المتغيرات (المتغيرات ألتوضيحيه ومتغير الأستجابه) وبعد الانتهاء من عملية

 $n_{\rm C}$  الحذف يتكون أنموذج تام المشاهدات ولكن بعينه حجمها (والرمز C هنا يشير إلى رمز التمام C (والرمز C هنا يشير إلى رمز التمام

$$y_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}x_{i'1} + \beta_{i'}x_{i'2} + ... + \beta_{k}x_{i'k} + \varepsilon_{i'}$$
 ... (4)

 $n_C < n$  and  $i' = 1, 2, \dots, n_C$  : اذ أن

n هي عدد المشاهدات الأصلية في الأنموذج.

ومن ثم يتم استخدام طريقة المربعات الصغرى OLS في تقدير معالم الأنموذج الخطي العام التالي :

$$\underline{\mathbf{Y}}_{\mathbf{C}} = \mathbf{X}_{\mathbf{C}} \boldsymbol{\beta} + \underline{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\mathbf{C}} \qquad \dots (5)$$

إذ إن:

.  $(n_C \times 1)$  هو متجه متغير الأستجابه للبيانات التامـة ذو البعد  $\underline{Y}_C$ 

 $(n_{
m C} imes p)$  هي مصفوفة المشاهدات التامة للمتغيرات التوضيحية من الدرجة  $(n_{
m C} imes p)$  .

. (p imes 1) هو متجه المعالم المطلوب تقديره ذو البعد eta

. ( $n_{
m C} imes 1$ ) هو متجه الأخطاء العشوائية للبيانات التامة ذو البعد  $\underline{\epsilon}_{
m C}$ 

p=k+1 علماً أن p هي عدد المعالم و k عدد المتغيرات التوضيحية في الأنموذج وأن k+1 وباستخدام المصفوفات سوف يتم الحصول على:

$$\hat{\beta}_{CC} = (X'_C X_C)^{-1} X'_C \underline{Y}_C$$
 ...(6)

وبما أن آلية الفقدان هي MCAR فعلية فان تقديرات المعالم هي تقديرات غير متحيزة لتقديرات المربعات الصغرى الاعتيادية للبيانات التامة وأما التباين لهذه التقديرات فهو [163-66-91-59]

$$\operatorname{var}(\hat{\beta}_{CC}) = \hat{\sigma}_{CC}^{2} (X_{C}'X_{C})^{-1} \qquad \dots (7)$$

$$\hat{\sigma}_{CC}^{2} = \frac{\underline{Y}_{C}'\underline{Y}_{C} - \underline{\hat{\beta}}_{CC}'X_{C}'\underline{Y}_{C}}{n_{C} - p}$$

وبصورة عامه يمكن أيجاز بعض النقاط المهمة والخصائص لهذه الطريقة:[103.66]

- 1- أن هذه الطريقة تستخدم في حالة وجود آلية فقدان بيانات من نوع MCAR لأنه بعد عملية الحذف سوف تتكون عينه ذات حجم  $n_{\rm C}$  التي سوف تكون متحيزة عن العينة الأصلية ذات الحجم  $n_{\rm C}$  .
- 2- ولاستخدام هذه الطريقة يجب أن تكون نسبة المشاهدات المحذوفة لأجمالي المشاهدات قليلة نسبياً أي لا تتجاوز نسبة الفقدان 40% عندما (n>50) ولا يتجاوز 20% عندما n<50.
- 3- لا يمكن استخدام هذه الطريقة في حالة النمط الثالث لأنة سوف يتم حذف جميع المشاهدات.

# أسطوب بيسز في تعليسل الحالسة التامسة: [1] , [2] , [5]

Bayes Procedure in Complete – Case Analysis (BCC) كما وضحنا في الفقرة 4، أن طريقة الحالة التامة تستند في أساس عملها على حذف المشاهدات التي تقابل قيم مفقودة مما يؤدي إلى الحصول على عينة جزئية من العينة الأصلية قيد الدراسة، لذلك عندما يتم توظيف أسلوب بيز في التقدير وبخاصة في حالة استخدام دالة كثافة احتمالية مرفقة طبيعية والتي تم استنتاجها من تجارب سابقة، سوف نحتاج إلى عينة جزئية من هذه التجارب السابقة تتوافق مع العينة قيد الدراسة.

لذلك استندت الفكرة هنا على استخراج عينة جزئية من العينة المسبقة وذلك عن طريق حذف مشاهدات العينة المسبقة التي تقابلها مشاهدات مفقودة في العينة قيد الدراسة مما يؤدي إلى الحصول على عينة جزئية من العينة المسبقة تتوافق مع العينة الجزئية قيد الدراسة وكما يأتى:

بحسب الصيغة (2) فإن دالة الكثافة الاحتمالية المرافقة الطبيعية لـ  $\underline{\beta}_{\rm CC}/\sigma_{\rm CC}^2$  بعد حذف المشاهدات للعينة المسبقة التي تقابل قيم مفقودة لنفس صف العينة الأصلية تكون بحسب الصيغة الأثنية :

$$\pi \left( \underline{\beta}_{CC} / \sigma_{CC}^{2} \right) \propto \frac{1}{\left( \sigma_{CC}^{2} \right)^{\underline{n}_{C(0)}}} exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma_{CC}^{2}} \left( \underline{\beta}_{CC} - \underline{\hat{\beta}}_{CC(0)} \right)' Q_{C} \left( \underline{\beta}_{CC} - \underline{\hat{\beta}}_{CC(0)} \right) \right\} ...(8)$$

أما دالة الكثافة الاحتمالية المرفقة الطبيعية الحدية للمعلمة  $\, {f \sigma}^2 \,$  تكون بالشكل التالى :

$$\pi\left(\sigma_{CC}^{2}\right) \propto \left(\sigma_{CC}^{2}\right)^{-\left(\frac{v_{C(0)}}{2}+1\right)} exp\left\{-\frac{v_{C(0)}\sigma_{CC(0)}^{2}}{2\sigma_{CC}^{2}}\right\} \qquad ...(9)$$

وعلية فإن الصيغة (8) هي توزيع طبيعي متعدد المتغيرات لـ  $\underline{\beta}_{\rm CC}$  والصيغة (9) هي توزيع

 $\sigma_{\mathrm{CC}}^2$  للمعلمة Scaled inverse chi-square معكوس مربع كآي المقيس

ويدمج الصيغة (8) و الصيغة (9) يتم الحصول على دالة مرافقة طبيعية مشتركة مسبقة للمعالم ويدمج الصيغة ( $\left(\frac{\beta_{\rm CC}}{\beta_{\rm CC}},\sigma_{\rm CC}^2\right)$ 

$$\pi \left( \underline{\beta}_{CC}, \sigma_{CC}^{2} \right) \propto \sigma_{CC}^{-1} \left( \sigma_{CC}^{2} \right)^{-\left(\frac{v_{0}}{2}+1\right)} \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma_{CC}^{2}} \left[ v_{C(0)} \sigma_{CC(0)}^{2} + \left( \underline{\beta}_{CC} - \underline{\hat{\beta}}_{CC(0)} \right)' Q_{C} \left( \underline{\beta}_{CC} - \underline{\hat{\beta}}_{CC(0)} \right) \right] \right\}$$

...(10)

وعلية فأن الصيغة (10) ما هي إلا دالة الاحتمالية المسبقة المشتركة متعدد متغيرات طبيعي - معكوس مربع كآي Multivariate Normal - Inverted – chi-square أي أن :  $(Q_1, Q_2)$ 

$$\left(\underline{\beta}_{CC}, \sigma_{CC}^{2}\right) \sim MVN - Inv - Gamma\left(\underline{\hat{\beta}}_{CC(0)}, Q_{C}; \sigma_{CC(0)}^{2} / n_{C(0)}, v_{C(0)}\right)$$

أما دالة الكثافة الاحتمالية للصيغة (2) بعد حذف المشاهدات هي:

$$\begin{split} \left(\underline{Y}_{C}/X_{C}\underline{\beta}_{CC},\sigma_{CC}^{2}\right) &\sim \text{MVN}\left(X_{C}'\underline{\hat{\beta}}_{CC},\sigma_{CC}^{2}(X_{C}'X_{C})\right) \\ &: \text{وعلية فان دالة الكثافة الاحتمالية اللاحقـة للمعالم } \left(\underline{\beta}_{CC},\sigma_{CC}^{2}\right) \text{ a.s.} \\ \pi\left(\underline{\beta}_{CC},\sigma_{CC}^{2}/\underline{Y}_{C}\right) &\sim \text{MVN} - \text{Inv} - \text{Gamma}\left(\underline{\widetilde{\beta}}_{CC(n)},Q_{C(n)};\widetilde{\sigma}_{CC(n)}^{2},v_{C(n)}\right) \\ &\qquad \dots (11) \end{split}$$

وعلية فأن:

$$\begin{split} &\left(\underline{\beta}_{CC}/\underline{Y}_{C}\right) \sim t_{p}\left(\underline{\widetilde{\beta}}_{CC(n)},Q_{C(n)};\widetilde{\sigma}_{CC(n)}^{2},v_{C(n)}\right) \qquad ...(12) \\ &\left(\sigma_{CC}^{2}/\underline{Y}_{C}\right) \sim Inv - Gamma\left(v_{C(n)},\widetilde{\sigma}_{CC(n)}^{2}\right) \qquad ...(13) \\ &: \qquad \qquad \qquad \vdots \\ &\vdots \\ &\widetilde{\beta}_{BCC} = \underline{\widetilde{\beta}}_{CC(n)} = \left(X_{C}'X_{C} + Q_{C}^{-1}\right)^{-1}\left(X_{C}'\underline{Y}_{C} + Q_{C}^{-1}\underline{\widehat{\beta}}_{CC(0)}\right) \qquad ...(14) \end{split}$$

وان  $\hat{\underline{\beta}}_{\mathrm{CC}(0)}$  تمثل تقدير المربعات الصغرى LS التي تحسب من المعلومات الأولية .

اً هي : هي آ $\widetilde{eta}_{
m BCC}$  التباين والتباين المشتركة لـ $\widetilde{eta}_{
m BCC}$ 

$$var - cov(\underline{\widetilde{\beta}}_{BCC}) = \frac{v_{C(n)}}{v_{C(n)} - 2} \widetilde{\sigma}_{BCC}^{2} (X'_{C}X_{C})^{-1} \qquad ...(15)$$

وأن  $rac{oldsymbol{v}_{C(n)}}{oldsymbol{v}_{C(n)}-2}$  ما هي إلا الوسط الحسابي للصيغة (15) وتحسب كما يلي:

$$\tilde{\sigma}_{BCC} = s_{CC(n)}^2 = \left( n_{C(0)} s_{CC(0)}^2 + \left( n_C - 1 \right) s_{CC}^2 + \left( \underline{\hat{\beta}}_{CC} - \underline{\hat{\beta}}_{CC(0)} \right)' Q_{C(n)} \left( \underline{\hat{\beta}}_{CC} - \underline{\hat{\beta}}_{CC(0)} \right) \right) / v_{C(n)}$$
...(16)

وأن :

$$\begin{split} &n_{C(n)} = n_{C(0)} + n_{C} \\ &Q_{C(n)} = \left(X'_{C}X_{C} + Q_{C}\right)^{-1} \\ &\nu_{C(n)} = n_{C(n)} - p \end{split}$$

أما  $\frac{\hat{\beta}}{2}$  و  $\frac{\hat{\beta}}{2}$  يتم حسابيهما من الصيغة (6) من مشاهدات العينة و المعلومات الأولية وعلى التوالي وكذلك  $\frac{\hat{\beta}}{2}$  و  $\frac{\hat{\beta}}{2}$  تحسبا أيضاً من الصيغة (7) من مشاهدات العينة والمعلومات الأولية وعلى التوالي .

#### 6) الحاكاة:

لغرض معرفة كفاءة المقدرات في تحليل البيانات غير التامة وبيان تأثير نسب الفقدان، وتغير التباين للأخطاء وكذلك حجوم العينات، سوف يتم الأنموذج الأفتراضي التالى:

$$y_i = 3.39 - 0.601x_{1i} + 0.05x_{2i} + 0.25x_{3i} + e_i$$
 ...(17)

وأن اقيم ألفتراضية لمتجة المعالم  $\underline{\beta}$  تم أفتراضها بشكل ينسجم مع طبيعة الظاهرة المدروسة وذلك بالاعتماد على الخلفية النظرية للظاهرة .

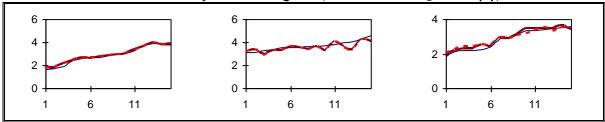
أما حالة الفقدان وحسب إلية الفقدان MCAR فسيتم توليدها حسب الصيغة التالية :[1]

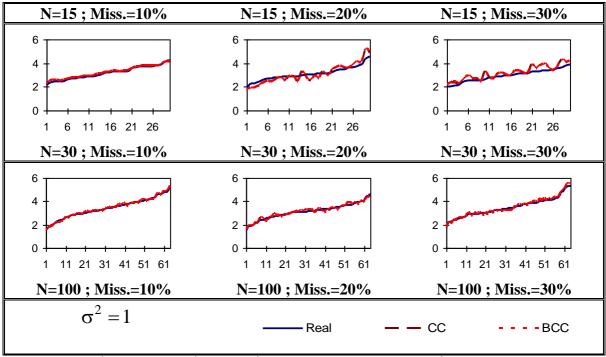
MCAR: 
$$p(x) = p(\delta = 1/X = x) = 0.9$$
,  $\forall x$ 

وتم افتراض قيم مختلفة لتباين الخطأ، وهي (1,1.5,2) .إما حجوم العينات المستخدمة فكانت ((1,5,30,100)). ((15,30,100)) فقدان (30%,30%) لمقدرات دالـة الانحدار المستعملة، التباينات، حجوم العينات ونسب الفقدان .

Methods			C	C		ВСС					
N	Parameters Missing	$\beta_0$	$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$	$\beta_0$	$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$		
15	10%	0.1087	0.1232	0.1262	0.1304	0.0976	0.1108	0.1138	0.1185		
	20%	0.1215	0.1425	0.1465	0.1452	0.1077	0.1267	0.1314	0.1298		
	30%	0.1590	0.1984	0.1905	0.1965	0.1223	0.1527	0.1450	0.1492		
30	10%	0.0418	0.0449	0.0450	0.0451	0.0340	0.0365	0.0367	0.0367		
	20%	0.0479	0.0518	0.0514	0.0524	0.0460	0.0497	0.0495	0.0503		
	30%	0.0571	0.0617	0.0637	0.0637	0.0560	0.0602	0.0627	0.0623		
100	10%	0.0116	0.0118	0.0119	0.0119	0.0123	0.0126	0.0126	0.0127		
	20%	0.0131	0.0135	0.0134	0.0133	0.0132	0.0136	0.0135	0.0135		
	30%	0.0150	0.0154	0.0154	0.0155	0.0132	0.0136	0.0136	0.0137		

 $\sigma^2=1$  جدول رقم(1) يشير الى MSE لتقدير معالم أنموذج الانحدار الخطي المتعدد عندمــا

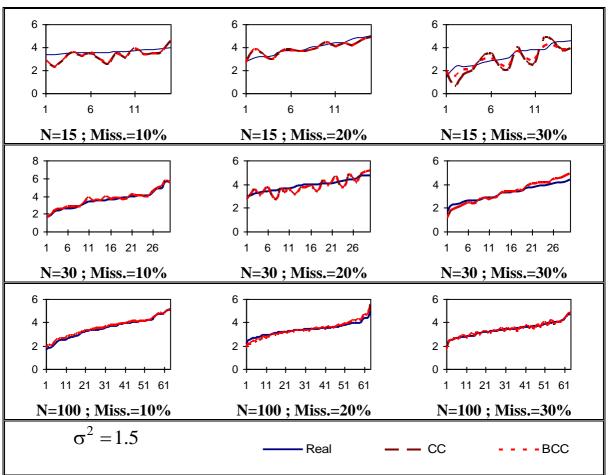




شكل رقم(5) يبين تأثير نسب الفقدان لجميع حجوم العينة على معادلة الانحدار التقديرية عندما  $\sigma^2=1$ 

Methods		CC					ВСС					
N	Parameters Missing	$\beta_0$	$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$		$\beta_0$	$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$		
15	10%	0.2383	0.2810	0.2807	0.2846		0.1727	0.2036	0.2030	0.2054		
	20%	0.2580	0.3154	0.3043	0.3151		0.1797	0.2195	0.2117	0.2182		
	30%	0.3683	0.4695	0.4583	0.4513	(	0.2633	0.3432	0.3464	0.3236		
	10%	0.0957	0.1048	0.1030	0.1042		0.0871	0.0950	0.0936	0.0947		
30	20%	0.1082	0.1188	0.1180	0.1184		0.1070	0.1172	0.1167	0.1168		
	30%	0.1279	0.1411	0.1389	0.1424		0.1259	0.1387	0.1370	0.1398		
	10%	0.0259	0.0265	0.0263	0.0265		0.0252	0.0258	0.0256	0.0258		
100	20%	0.0294	0.0302	0.0302	0.0302		0.0319	0.0327	0.0328	0.0328		
	30%	0.0338	0.0350	0.0348	0.0348	(	0.0291	0.0300	0.0298	0.0299		

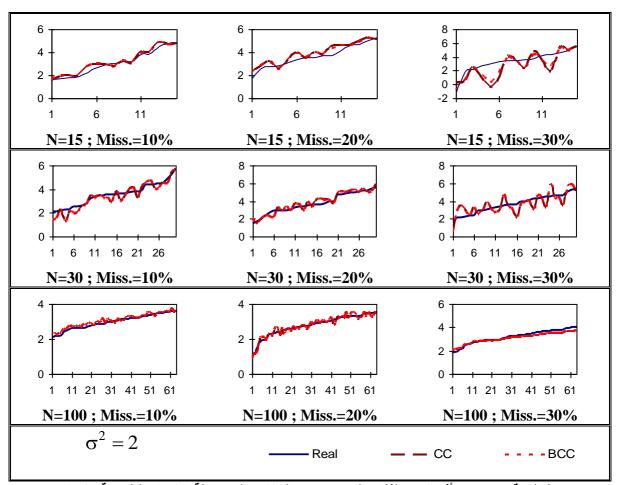
 $\sigma^2=1.5$  لتقدير معالم أنموذج الانحدار الخطي المتعدد عندما MSE جدول رقم



شكل رقم(6) يبين تأثير نسب الفقدان لجميع حجوم العينات على معادلة الانحدار التقديرية عندما  $\sigma^2=1.5$ 

Methods		CC					ВСС					
	Parameters											
N		$\beta_0$	$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$	<b>II</b> (	$3_0$	$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$		
	Missing	1- 0	1- 1	I- Z	1- 3	,	- 0	1- 1	1- 2	1- 3		
15	10%	0.4245	0.4948	0.4973	0.5105	0.3	3916	0.4546	0.4546	0.4689		
	20%	0.4700	0.5754	0.5814	0.5969	0.3	3840	0.4718	0.4728	0.4860		
	30%	0.6407	0.7891	0.7860	0.8213	0.5	5485	0.6895	0.6711	0.7015		
30	10%	0.1714	0.1889	0.1833	0.1797	0.1	1576	0.1738	0.1683	0.1657		
	20%	0.1920	0.2143	0.2103	0.2107	<b>0.</b> 1	1603	0.1789	0.1763	0.1755		
	30%	0.2256	0.2519	0.2521	0.2524	0.2	2147	0.2384	0.2401	0.2404		
	10%	0.0457	0.0466	0.0466	0.0468	0.0	0446	0.0455	0.0454	0.0457		
100	20%	0.0518	0.0532	0.0539	0.0533	0.0	0473	0.0485	0.0492	0.0487		
	30%	0.0595	0.0611	0.0614	0.0614	0.0	0510	0.0523	0.0526	0.0526		

 $\sigma^2=2$  لتقدير معالم أنموذج الانحدار الخطي المتعدد عندما MSE جدول رقم



شكل رقم(7) يبين تأثير نسب الفقدان لجميع حجوم العينات على معادلة الانحدار التقديرية عندما  $\sigma^2=2$ 

# 7) تفسير النتائج:

يتضح من النتائج في الجاول (1) ، (2) ، (3) المذكورة أنفاً الأتي :

- عند أحجام العينة الصغيرة نلاحظ أن اسلوب بيز والمتمثل بالطريقة المقترحة BCC كأن أفضل من طريقة CC في تقدير معالم الأنموذج.
- نلاحظ تناقص MSE عند زیادة حجوم العینة ولکنه یزداد عند زیادة نسب الفقدان خاصه عند استخدام طریقة CC .
- كذلك نلاحظ تزايد MSE عند زيادة التباينات إذ تكون الزيادة كبيره عند استخدام طريقة CC .
- نلاحظ تناقص كفاءة كلا الطريقتين في تقدير معالم الأنموذج وبشكل ملحوظ عند زيادة نسب الفقدان وخاصه عند احجام العينة الصغيرة ، إذ كان BCC لطريقة كالكثر تأثراً بنسب الفقدان عند أحجام العينة الصغيرة من طريقة BCC.

### 8) الأستنتاحات:

نلاحظ من النتائج المذكورة في المبحث السابق أفضلية أسلوب بيز في تحليل البيانات المفقودة والمتمثل بالطريقة المقترحة BCC ولجميع الحالات وخاصه عند احجام العينة الصغيرة ويرجع ذلك الى توضيف المعلومات الأولية في التقدير ، بصورة اخرى ، أن المعلومات الأولية زادة من وفرة المعلومات حول المعلمة المراد تقديرها ، لذلك يوصى بأستخدام مقدر BCC في تحليل البيانات المفقودة تحت شرط الية فقدان MCAR وعند توفر معلومات أوليه حول الظاهرة المراد دراستها وخاصه كون هذه المعلومات تتوافق ومعلومات العينه قيد الدراسة .

#### 8) المادر:

[1] القزاز، قتيبه نبيل نايف ،(2007) "مقارنة أساليب بيز الحصين مع طرائق أخرى لتقدير معالم أنموذج الانحدار الخطي المتعدد في حالة البيانات غير التامة" أطروحة دكتوراه فلسفة في الإحصاء، كلية الإدارة والاقتصاد، جامعة بغداد.

- [2] Carlin , J.B ; Gelman , A. ; Rubin , D.B & Stern , H.S (2004) "Bayesian Data Analysis" 2<sup>nd</sup> ed. , Chapman & Hall, New York.
- [3] Little, R.J.A. (1992) "Regression with Missing X's: A Review" JASA, vol. 87, p. 1227 1237.
- [4] Little, R.J.A & Rubin, D.B (2003) "Statistical Analysis with Missing Data" 2<sup>nd</sup> ed., John Wile & Sons, New York.
- [5] Rowe, D.R. (2003) "Multivariate Bayesian statistics" John Wile & Sons, New York.
- [6] Schafer, J.L. (1997) "Analysis of Incomplete Multivariate Data" Chapman & Hall New York.