



AL- Rafidain
University College

PISSN: (1681-6870); EISSN: (2790-2293)

مجلة كلية الرافدين الجامعة للعلوم

Available online at: <https://www.jrucs.iq>

JRUCS

Journal of AL-Rafidain
University College for
Sciences

تقدير الفترة المثلى لاستبدال المكنان باستعمال نموذج الاستبدال العمري تحت معيار أقل كلفة

ا.د.مهدى وهاب نعمة نصر الله mehdi.wahab@uokerbala.edu.iq	ا.م.د. بهاء عبد الرزاق قاسم العامري bahaa.kasem@uobasrah.edu.iq
قسم الاحصاء - كلية الإدارة والاقتصاد - جامعة كربلاء كربلاء، العراق	قسم الاحصاء - كلية الإدارة والاقتصاد - جامعة البصرة البصرة، العراق

معلومات البحث

تواريخ البحث

تاريخ تقديم البحث: 2021/7/25
تاريخ قبول البحث: 2021/10/29
تاريخ رفع البحث على الموقع: 2022/12/31

الكلمات المفتاحية

توزيع كامبل المبتور من اليسار- ويبيل، مقدر
Cran، الاستبدال العمري

للمراسلة:

ا.م.د. بهاء عبد الرزاق قاسم العامري

bahaa.kasem@uobasrah.edu.iq

المستخلص

اليوم ونتيجة التقدم التكنولوجي الهائل و التعقيد في صناعة الآلات والمكانن اصبح من الصعب تحديد التوزيع الملائم لأوقات فشل المكنان والمعدات بالاعتماد على التوزيعات القياسية اي باتت نمذجة اوقات الفشل باستعمال التوزيعات الاحتمالية الجديدة امراً ضرورياً. وهذا بدوره يؤدي بالوصول الى قرارات علمية وعملية سليمة لاسيما في موضوع صيانة واستبدال المكنان والمعدات بهدف تخفيض التكاليف والمحافظة على سير العملية الانتاجية بدون وقوع خسائر. وعليه يهدف البحث الى توظيف التوزيع الاحتمالي المركب كامبل المبتور من اليسار- ويبيل في تطوير النماذج الرياضية الخاصة بتقدير الفترة المثلى للاستبدال العمري الوقائي للمكانن والمعدات و تحت معياري اقل كلفة و اقل وقت للتوقف الى جانب استعمال مقدر طريقة Cran لتقدير معالم التوزيع المذكور. ثم تطبيق تلك النماذج على بيانات حقيقية تمثلت بأوقات توقف مكنان ومعدات شركة لسلسل لتحلية وتعبئة المياه في محافظة البصرة خلال المدة (2020/1/1-2020/12/31). وقد تم التوصل الى ان فترة الاستبدال المثلى لمكانن الشركة المذكورة انفا تساوي اربعة اشهر.

doi: <https://doi.org/10.55562/jrucs.v52i1.537>

1. المقدمة

اليوم في القطاع الصناعي بات الاعتماد على التوزيعات المفردة امراً غير مجدٍ في دراسة توقعات (عطلات) المكنان والمعدات نتيجة التعقيد التكنولوجي للمكانن والمعدات، لذا دعت الحاجة الى اقتراح توزيعات جديدة لتمثيل ازمنة فشل المكنان والمعدات عن طريق تركيب التوزيعات الاحتمالية لإيجاد توزيع جديد يتصف بمرونة وفائدة اكثر احصائياً. والذي بدوره يؤدي الى تطوير نماذج الصيانة و الاستبدال المستعملة في الحد من العطلات و الوقفات العشوائية التي تتعرض لها المكنان و المعدات ومن ثم تقليل التكاليف والتوقفات وزيادة الارباح والانتاج.

لذا هدف البحث الى بناء مجموعة من نماذج الاستبدال الاحتمالية للمكانن والمعدات بتوظيف التوزيع الاحتمالي المركب (توزيع كامبل المبتور من اليسار- ويبيل) ومعيار اقل كلفة. فضلاً عن تصميم برنامج حاسوبي باستعمال الماتلاب لتقدير فترة الاستبدال الوقائي المثلى للمكانة او المعدة باستعمال نماذج الاستبدال المقترحة. فضلاً عن تقدير معالم توزيع كامبل المبتور من اليسار - ويبيل باستعمال طريقة Cran.

وقد ظهرت عدة دراسات تناولت مشكلة تقدير الفترة المثلى لاستبدال المكنان والمعدات نذكر منها الاتي:

اجرت (الحسيني) في عام 2011 بحثاً تناولت فيه نماذج الاستبدال المؤكد (الاستبدال في ظل تكاليف التشغيل، الاستبدال في ظل قياس جودة المنتجات، الاستبدال باستعمال المخططات الشبكية، الاستبدال والفحوصات الدورية)، كما قامت بتطبيق تلك النماذج على مكنان و معدات ورش قسم الميكانيك في المعهد التقني- بابل، [2]. و قدم (ŠEBO وآخرون) عام (2013) بحثاً ناقشوا فيه مجموعة من النماذج الرياضية المحددة (المؤكدة) لتحديد مدة الاستبدال المثلى وفق معيار اقل كلفة، اذ قام بتقدير تلك النماذج

بطريقة المربعات الصغرى والمفاضلة فيما بينهم حسب معيار اقل متوسط مربعات خطأ عن طريق تطبيقهم على بيانات حقيقية، ثم تقدير الفترة المثلى للاستبدال باستعمال الانموذج الافضل الذي امتلك اقل متوسط مربعات خطأ، [13]. و قدمت (ابراهيم) في (2013) بحثاً تم فيه دراسة العطلات التي تتعرض لها اجزاء احد مكائن الشركة العامة للزيوت النباتية خلال عام 2010، كما تم تطبيق نماذج الاستبدال العشوائية وفق معيار اقل كلفة لتحديد الفترة الزمنية (بالشهر) لاستبدال تلك الاجزاء بهدف زيادة كفاءة الماكينة او كفاءة خطوط الانتاج والذي بدوره يؤدي الى زيادة الانتاج وخفض التكاليف، [1]. و عمل (BERREHAL and BENISSAAD) عام (2016) على اشتقاق الانموذج الرياضي لاستبدال المكائن والمعدات حسب العمر ومعيار اقل كلفة بافتراض ان ازمنا فشل المكائن تتوزع وتوزيع ويبل. فضلا عن ذلك فقد تمت محاكاة الانموذج الرياضي للاستبدال باستعمال مجموعة من القيم لمعلمة الشكل لتوزيع ويبل، [7]. كذلك قام (Sembring و اخرون) في عام (2018) باستعمال انموذج الاستبدال العمري لتحديد فترة الاستبدال الامثل للمكائن والمعدات عن طريق دراسة عطلات مكائن احد الشركات المنتجة للمصابيح الكهربائية للاستعمال المنزلي و المركبات الالية ثم تحديد التوزيع الاحتمالي الملائم للماكينة و تقدير معلمات ومتوسط وقت الفشل لذلك التوزيع، [14].

يختلف بحثنا عما سبق من الدراسات اعلاه من حيث اقتراح نماذج لاستبدال المكائن والمعدات باستعمال توزيع كامبل المبتور من اليسار- ويبل ومعيار اقل كلفة، فضلاً عن تصميم برنامج حاسوبي لتحديد الفترة المثلى لاستبدال المكائن والمعدات باستعمال نماذج الاستبدال المقترحة.

2. الجانب النظري

2.1 توزيع كامبل المبتور من اليسار- ويبل المركب

Left Truncated Gumbel –Weibull (LTGUWI)

يعد هذا التوزيع ناتجاً من تركيب توزيع كامبل حالة (التعظيم) المبتور من اليسار مع توزيع ويبل. وتعرف الصيغة الرياضية لدالتيه الكثافة و التوزيعية بالمعادلتين (1)، (2) ادناه، [6].

$$F(x) = [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{-\frac{(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \quad (1)$$

$$f(x) = \frac{p\lambda}{b} x^{p-1} \left[1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right]^{-1} e^{-e^{-\frac{(\lambda x^p - a)}{b}}} \frac{(\lambda x^p - a)}{b}; X > 0 \quad (2)$$

Where:

$$-\infty < a < \infty, b > 0, p > 0, \lambda > 0$$

2.2 مفهوم الاستبدال

Replacement Concepts

تكون جميع المكائن والمعدات عرضة الى العطل او التوقف او حتى هبوط كفاءتها التشغيلية على امتداد عمرها التشغيلي، مما يدعو الى العمل الجاد على تقليص الوقت الذي تكون فيه تلك المعدات او المكائن خارج الخدمة الى اقل ما يمكن، و كذلك تقليل الكلفة الكلية الى اقل ما يمكن وهذا الامر بدوره يستدعي الى تحديد الوقت المناسب لفحص الاجهزة و تدقيقها بعناية كافية واصلاحها او استبدالها [4].

تعتبر سياسة الاستبدال احد اساليب الصيانة التي تستند على استبدال المكائن والمعدات التي مضى على استخدامها فترة من الزمن بمعدة او ماكينة اخرى احدث او اكثر كفاءة. اذ يعود سبب استبدال المكائن والمعدات في الحقيقة اما لتلف مادي فيها يؤدي بالنتيجة الى قلة الانتاج او استهلاك اكثر للوقود او ارتفاع تكاليف ومستلزمات صيانتها و تصليحها. وقد يترك استخدام الماكينة عند ظهور ماكينة افضل منها انتاجاً و مردوداً. و عرف الباحثون والمهتمون بعمليات صيانة المكائن و المعدات الاستبدال بعدة مفاهيم منها، [3]:

- الاستبدال يقصد به (عملية تغيير اية ماكينة انخفضت كفاءتها الانتاجية مع الزمن وبتعذر اعادةها الى مستواها بنفقات صيانة معيارية تتناسب وسعرها و المدة المتوقع ان تؤدي وظيفتها بالكفاءة المطلوبة).
- او انها (استبدال معدة او جزء منها او وحدة عاملة بأخرى لتلبية متطلبات انتاجية او خدمية بأسلوب اقتصادي).
- ووفقاً للمفهومين اعلاه نستنتج ان الاستبدال هو عملية تهدف الى الحفاظ على سير العملية الانتاجية بأعلى مستوياتها من خلال القيام بعملية استبدال للماكينة او المعدة او احد اجزائها والتي تكون مؤثرة سلباً على الاداء التشغيلي واعدتها الى حالتها الاعتيادية. كما تجدر الاشارة الى ان متخذي القرار في الشركات او المصانع يتوجب ان يكون قرارهم بشأن الاستبدال مبنياً على اسس علمية

صحيحة من خلال القيام بالمفاضلة بين نتائج الاستمرار في استخدام الماكينة الحالية والعوائد المتوقعة من جراء استبدالها بماكينة جديدة.

2.3 نماذج الاستبدال Replacement Models

تصنف النماذج الرياضية للاستبدال (والنماذج الرياضية للصيانة بوجه عام) الى نوعين هما نماذج الاستبدال المحدد ونماذج الاستبدال الاحتمالية وسوف نتطرق في بحثنا هذا لنماذج الاستبدال الاحتمالية، [10,11].

Probabilistic Replacement models

• نماذج الاستبدال الاحتمالية

وهي النماذج التي يكون فيها الزمن المطلوب لاستبدال المعدة او الماكينة يعتمد على الاحتمال وليس على العمر التشغيلي للماكينة. و ان ابسط الحالات لمثل هذه النماذج هو وصف المعدة بانها جيدة او فاشلة. ولتطبيق هذه النماذج يتطلب استعمال قانون الاحتمالات الذي يصف حالة الماكينة من جيد الى فاشل من خلال دراسة توزيع الفترة الزمنية بين فشل المعدة ولحين اكمال استبدالها. وبهذا يكون زمن الفشل عبارة عن متغير عشوائي يمتلك توزيعاً احتمالياً معيناً. و تعرف بعدة صيغ رياضية منها نموذج عمر الاستبدال الوقائي الامثل لماكينة معرضة للفشل وتحت معيار اقل كلفة و الموضح ادناه.

2.3.1 نموذج عمر الاستبدال الوقائي الامثل لماكينة معرضة للفشل

Optimal Preventive Replacement Age of an Item Subject to Breakdown

يعد هذا النموذج احد نماذج الاستبدال الاحتمالية ويعرف بسياسة استبدال العمر Replacement Age والذي يتم فيه استبدال الماكينة او المعدة بفترات استبدال وقائية ثابتة او عند عطل الماكينة. و يفترض هذا النموذج اخذ الوقت اللازم لإنجاز استبدالات الفشل والاستبدالات الوقائية للماكينة بالاعتبار بدلاً من تلك الاستبدالات تتم على الفور، و نتيجة لهذا الافتراض من المحتمل ظهور دورتين للعملية التشغيلية للماكينة وكما موضح بالشكل (1)، [10,12].

اما هدف هذا النموذج فيتمثل بتحديد عمر الاستبدال الامثل للماكينة لتقليل إجمالي تكلفة الاستبدال المتوقعة لكل وحدة زمنية او لتقليل إجمالي وقت توقف الماكينة عن العمل.

➤ الصيغة الرياضية للنموذج

ادناه مناقشة الصيغ الرياضية للنموذج حسب معياري اقل إجمالي كلفة متوقعة، [11].

▪ نموذج إجمالي الكلفة

يهدف هذا النموذج الى تحديد عمر الاستبدال الوقائي الامثل للماكينة لتقليل إجمالي تكلفة الاستبدال المتوقعة لكل وحدة زمنية. ويعرف رياضياً بالمعادلة (3) الآتية:

$$C(t_r) = \frac{\text{Total expected replacment cost per cycle}}{\text{Expected cycle length}}$$

$$C(t_r) = \frac{C_r R(t_r) + C_f [1 - R(t_r)]}{(t_r + T_r)R(t_r) + [M(t_r) + T_f][1 - R(t_r)]} \quad (3)$$

و عليه يكون العمر الوقائي الامثل للاستبدال t_r^* هو:

$$t_r^* = \min(C(t_r))$$

اذ ان $C(t_r)$ إجمالي الكلفة الكلية المتوقعة خلال فترة الاستبدال t_r

C_r الكلفة الكلية للاستبدال الوقائي

C_f الكلفة الكلية لاستبدال الفشل

T_r متوسط الوقت المطلوب لعمل الاستبدال الوقائي

T_f متوسط الوقت المطلوب لعمل استبدال الفشل

t_r عمر الاستبدال الوقائي

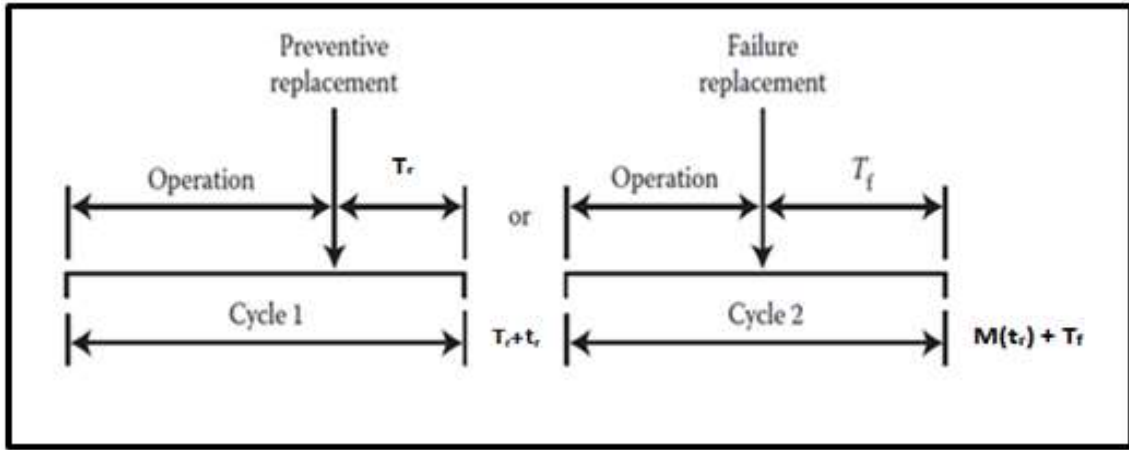
$M(t_r)$ متوسط وقت الفشل عندما الاستبدال يحدث في العمر t_r ويعرف بالمعادلة الآتية:

$$M(t_r) = \frac{\int_0^{t_r} t f(t) dt}{1 - R(t_r)} \quad (4)$$

حيث:

$f(t)$ دالة الكثافة الاحتمالية لوقت الفشل.

$R(t)$ دالة المعولية لوقت الفشل.



شكل (1): دورتا العملية التشغيلية للماكينة المحتمل ظهورها

المصدر: (Jardin,2013 :56)

2.3.2. نموذج الاستبدال الجديد تحت معيار اقل كلفة

➤ اشتقاق النموذج الرياضي

بافتراض ان توزيع زمن الفشل يتبع توزيع كامبل المبتور من اليسار- ويبل عندئذ وباستعمال المعادلات (1)، (3) نحصل على:

$$C(t_r) = \frac{\left[C_r \left(1 - \frac{\left[e^{-e^{-\frac{-(\lambda t_r^p - a)}{b}} - e^{-e^{-\frac{a}{b}}}} \right]}{\left[1 - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]} \right) + C_f \frac{\left[e^{-e^{-\frac{-(\lambda t_r^p - a)}{b}} - e^{-e^{-\frac{a}{b}}}} \right]}{\left[1 - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]} \right]}{\left[(t_r + T_r) \left(1 - \frac{\left[e^{-e^{-\frac{-(\lambda t_r^p - a)}{b}} - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]}{\left[1 - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]} \right) + [M(t_r) + T_f] \frac{\left[e^{-e^{-\frac{-(\lambda t_r^p - a)}{b}} - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]}{\left[1 - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]} \right]} \quad (5)$$

و بعد اجراء التكامل والتبسيط ليبسط المعادلة (4) المعرفة لمتوسط وقت الفشل $M(t_r)$ نحصل على:

$$\int_0^{t_r} t f(t) dt = \frac{1}{\left[1 - e^{-e^{-\frac{a}{b}}} \right]} \int_{e^{-\frac{-(\lambda t_r^p - a)}{b}}}^{e^{-\frac{a}{b}}} \left(\frac{(a - b \ln y)}{\lambda} \right)^{\frac{1}{p}} e^{-y} dy \quad (6)$$

يتضح من المعادلة (6) ان التكامل معقد وليس بالإمكان ايجاده بطرائق التكامل الاعتيادية لذا سنعمد الى استعمال احد الطرائق العددية للتكامل ومنها طريقة سمبسون.

2.4. تقدير معاملات توزيع كامبل المبتور من اليسار-ويبل

عمد الباحث على استعمال طريقة Cran لتقدير معاملات توزيع كامبل المبتور من اليسار-ويبل والموضحة في ادناه وكالاتي:

➤ طريقة (Cran Method) Cran

قدم الباحث (Cran 1988) طريقة مقترحة لتقدير معاملات توزيع ويبل بثلاث معاملات (three-parameter weibull distribution). اذ تعتمد طريقة التقدير على الدالة الاحتمالية التجميعية في ايجاد تقدير لا معلمي لعزوم المجتمع من بيانات العينة ويسمى هذا المقدر (m'_k) ثم العمل على مساواة التقدير اللامعلمي مع عزوم المجتمع (μ'_k) وخطواتها مبينة ادناه، [5,8,9]:
تعرف عزوم المجتمع بالمعادلة (7) الاتية:

$$\mu'_k = \int_0^{\infty} \{1 - F(x)\}^k dx \quad (7)$$

وان تقدير عزوم المجتمع من العينة يعرف بالمعادلة (8) ادناه.

$$\begin{aligned} M'_k &= \int_0^{\infty} \{1 - S_n(x)\}^k dx \\ &= \sum_{r=0}^{n-1} \left(1 - \frac{r}{n}\right)^k \{x_{r+1} - x_r\} \quad , \quad x_0 = 0 \\ &= \left(1 - \frac{0}{n}\right)^k (x_1 - x_0) + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^k (x_2 - x_1) + \dots + \left(1 - \frac{n-1}{n}\right)^k (x_n - x_{n-1}) \end{aligned} \quad (8)$$

اذ ان $m'_1 = \bar{x}$ متوسط العينة و $x_1 \leq x_2 \leq \dots \leq x_n$ وان $S_n(x)$ تمثل الدالة التوزيعية التراكمية المحسوبة من العينة وقد تم تقديرها من الصيغة الاتية:

$$S_n(x) = \begin{cases} 0; & x < x_{(1)} \\ \frac{r}{n}; & x_{(r)} < x < x_{(r+1)} \quad , \quad r = 1, 2, \dots, (n-1) \\ 1; & x \geq x_{(n)} \end{cases} \quad (9)$$

و باستعمال المعادلات (2-26)،(2-27)،(2-29)،(2-93) نحصل على مقدرات Cran وكالاتي:

$$\begin{aligned} \mu'_k &= m'_k \\ &= \int_0^{\infty} \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{-\frac{(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^k dx \\ &= \left(1 - \frac{0}{n}\right)^k (x_1 - x_0) + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^k (x_2 - x_1) + \dots \\ &\quad + \left(1 - \frac{n-1}{n}\right)^k (x_n - x_{n-1}) \end{aligned} \quad (10)$$

عندئذ بافتراض $k=1$ نحصل على :

$$\begin{aligned} \mu'_1 &= m'_1 \\ &= \int_0^{\infty} \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{-\frac{(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^1 dx \\ &= \left(1 - \frac{0}{n}\right)^1 (x_1 - x_0) + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^1 (x_2 - x_1) + \dots \\ &= \int_0^{\infty} \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{-\frac{(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right) dx = \bar{x} \end{aligned} \quad (11)$$

وعند $k=2$ نجد

$$\mu'_2 = m'_2$$

$$\int_0^\infty \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{\frac{-(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^2 dx = \left(1 - \frac{0}{n}\right)^2 (x_1 - x_0) + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^2 (x_2 - x_1) + \dots \quad (12)$$

$$\int_0^\infty \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{\frac{-(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^2 dx = x_1 + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^2 (x_2 - x_1) + \dots$$

وعند k=3

$$\mu'_3 = m'_3$$

$$\int_0^\infty \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{\frac{-(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^3 dx = \left(1 - \frac{0}{n}\right)^3 (x_1 - x_0) + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^3 (x_2 - x_1) + \dots \quad (13)$$

$$\int_0^\infty \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{\frac{-(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^3 dx = x_1 + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^3 (x_2 - x_1) + \dots$$

وعند k=4

$$\mu'_4 = m'_4$$

$$\int_0^\infty \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{\frac{-(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^4 dx = \left(1 - \frac{0}{n}\right)^4 (x_1 - x_0) + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^4 (x_2 - x_1) + \dots \quad (14)$$

$$\int_0^\infty \left(1 - [1 - e^{-e^{\frac{a}{b}}}]^{-1} \left[e^{-e^{\frac{-(\lambda x^p - a)}{b}}} - e^{-e^{\frac{a}{b}}} \right] \right)^4 dx = x_1 + \left(1 - \frac{1}{n}\right)^4 (x_2 - x_1) + \dots$$

وبحل المعادلات غير الخطية (11)،(12)،(13)،(14) باستعمال احدى الطرق العددية نحصل على مقدرات المعلمات الاربع $(\hat{a}_{crans}, \hat{b}_{crans}, \hat{\lambda}_{crans}, \hat{P}_{crans})$ حسب توظيفنا لطريقة Cran .

3. الجانب التطبيقي

من اجل تقدير الفترة المثلى لعمل الاستبدال الوقائي على اجزاء ماكينة النفخ التابعة لشركة سلسل لتحلية وتعبئة المياه، فقد تم تنفيذ ذلك على مرحلتين:

المرحلة الاولى: وفيها تم الحصول على بيانات تكاليف الاستبدال الوقائي والاستبدال بسبب الفشل الخاصة بماكينة النفخ لشركة سلسل لتحلية وتعبئة المياه المحدودة للفترة من 2020/1/1 الى 2020/12/31 من سجلات الحسابات لتلك الشركة. والجدول (2) ادناه يبين مقدار تلك التكاليف. وكذلك اوقات توقف الماكينة عن العمل بسبب العطل والمبينة في الجدول (1).

جدول (1): اوقات توقف ماكينة النفخ عن العمل بسبب العطل مقاسة بالدقيقة

10	15	15	20	20	25	25	30	30	35	45	60	90
10	15	15	20	20	25	25	30	30	35	45	60	90
15	15	15	20	20	25	25	30	30	35	45	60	90
15	15	20	20	20	25	25	30	30	35	45	60	90
15	15	20	20	20	25	25	30	35	35	45	60	105
15	15	20	20	20	25	25	30	35	40	45	60	105
15	15	20	20	20	25	25	30	35	45	50	60	120
15	15	20	20	20	25	25	30	35	45	50	90	120
15	15	20	20	20	25	25	30	35	45	60	90	120
15	15	20	20	20	25	30	30	35	45	60	90	

المصدر: اعداد الباحث

جدول (2): تكاليف الاستبدال الوقائية و تكاليف الاستبدال بسبب العطل الشهرية مقاسة بآلاف الدنانير

الشهر	كلفة الاستبدال بسبب الفشل	كلفة الاستبدال الوقائي
1	350	1883
2	18	1558
3	58	1633
4	499	1383
5	595	2383
6	350	2383
7	436	2383
8	819	2383
9	918	2383
10	499	2383
11	951	1633
12	499	1308

المصدر: سجلات شركة سلسل لتحلية وتعبئة المياه المحدودة

المرحلة الثانية: من اجل تقدير فترة الاستبدال المثلى لماكنة النفخ فقد تم تصميم برنامج باستعمال لغة الماتلاب MatlabR2018b. اذ تم استعماله في البدء لاختبار اوقات توقف الماكنة من خلال ايجاد نتائج تقدير معاملات توزيع كامبل المبتور من اليسار-وييل باعتماد طريقة Cran في التقدير و اختبار حسن المطابقة كولمكروف-سميرنوف K-S والموضحة في الجدول (3). اذ اظهرت نتائج اختبار كولمكروف - سميرنوف لاختبار فرضية العدم H_0 ، قبول هذه الفرضية اي ان البيانات الحقيقية لأوقات توقف الماكنة تتبع توزيع كامبل المبتور من اليسار - وييل ذو الاربع معاملات، اذ يتضح ذلك من خلال مقارنة مستوى المعنوية المقابلة لاختبار K-S لتوزيع كامبل المبتور من اليسار - وييل و البالغة $p=0.052038$ اكبر من مستوى المعنوية المحدد للاختبار $\alpha = 0.05$.

جدول (3): تقدير معاملات توزيع كامبل المبتور من اليسار-وييل ونتائج اختبار K-S

Model	Parameter estimate	K-S	P
LTGUWI	$\hat{a} = 2.6540$ $\hat{b} = 0.1768$ $\hat{\lambda} = 1.7655$ $\hat{p} = 0.13$	0.11756	0.052038 H_0 : البيانات ملائمة للتوزيع

المصدر: اعداد الباحث

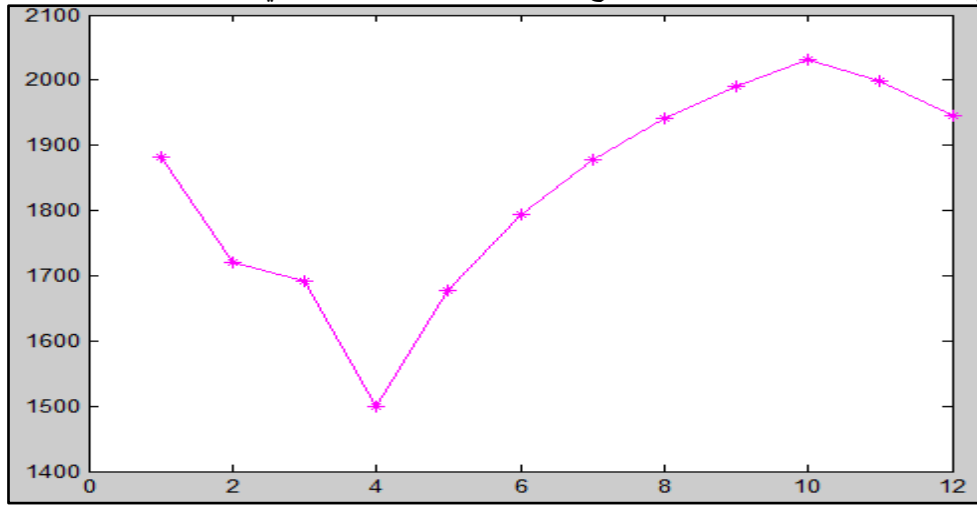
ثم بعدها تم تقدير الفترة المثلى لاستبدال اجزاء ماكنة النفخ بعد تغذية البرنامج ببيانات كلفة الاستبدال الوقائي الكلية C_r و كلفة الاستبدال بسبب الفشل الكلية C_f ولكل فترة استبدال t_r . والتي تم حسابها من خلال ايجاد المجموع التراكمي لبيانات تكاليف الاستبدال الوقائي وتكاليف استبدال الفشل الموضحة بالجدول(2). والجدول (4) ادناه يلخص تكاليف الاستبدال الوقائي الكلية وتكاليف الاستبدال بسبب الفشل الكلية.

جدول(4): تكاليف الاستبدال الوقائي الكلية و تكاليف الاستبدال بسبب الفشل الكلية لكل فترة مقاسة بالأشهر وبآلاف الدنانير

t_r	C_r	C_f
1	1883	350
2	3441	368
3	5074	426
4	6000	925
5	8383	1520
6	10766	1870
7	13149	2306
8	15532	3125
9	17915	4043
10	20298	4542
11	21931	5493
12	23239	5992

المصدر: اعداد الباحث

عندئذ نحصل على الفترة المثلى للاستبدال الوقائي لأجزاء ماكينة النفخ و قيمتها مساوية الى اربعة اشهر ($t_r=4$)، كما يبين الشكل (2) تمثيل بياني لقيم الكلفة الكلية $C(t_r)$ مقاسة عند فترات الاستبدال الوقائي t_r ، حيث يعزز الرسم البياني النتيجة السابقة للفترة المثلى للاستبدال الوقائي اذ نلاحظ ان اقل كلفة كلية لماكينة النفخ كانت عند فترة الاستبدال الوقائي $t_r=4$.



شكل (2): التمثيل البياني للكلفة الكلية عند فترات الاستبدال الوقائية t_r لماكينة النفخ

4. الاستنتاجات والتوصيات

من نتائج الجانب التطبيقي المبينة تم التوصل الى مجموعة من الاستنتاجات والتوصيات نلخصها بالاتي:

4.1. الاستنتاجات

1. اثبتت نتيجة اختبار حسن المطابقة كولمكروف - سميرنوف ملائمة البيانات الحقيقية لتوزيع كامبل المبتور- وبيل ذو الاربع معلمات اذ بلغ مستوى المعنوية للاختبار ($p=0.0520$) اكبر من ($\alpha = 0.05$) بينما التوزيعات المذكورة اعلاه كانت غير ملائمة للبيانات الحقيقية.
2. اظهرت نتائج نموذج الاستبدال الجديد بان فترة الاستبدال الوقائي لأجزاء ماكينة النفخ التابعة لشركة سلسل لتحلية و تعبئة المياه المحدودة في البصرة بلغت (4) اشهر لكون معدل كلفة الاستبدال الوقائي الكلية عند هذه الفترة اقل ما يمكن.

4.2. التوصيات

1. اقتراح نماذج استبدال جديدة بالاعتماد على معيار اقل تصليح Minimum Repair او معيار وقت التأخير DEALY TIME.
2. ضرورة تفعيل استعمال الاساليب العلمية و المدعومة بالتطبيقات البرمجية الحديثة في معالجة المشاكل التي يعاني منها القطاع العراقي الحكومي و الخاص من خلال بناء اليات تعاون بين الجامعات العراقية وتلك المؤسسات اسوة بالجامعات الدولية والعالمية.
3. ضرورة اهتمام المؤسسات الحكومية و الخاصة بمسألة توثيق البيانات بشكل صحيح ودقيق مما يسهل على الباحثين من المضي في بحوثهم والخروج بحلول علمية وعملية لمعالجة المعوقات والمشكلات لتلك المؤسسات.

المصادر

- [1] ابراهيم، سميرة خليل.(2013). استخدام نماذج الاستبدال في تحديد الزمن الامثل للاستبدال. مجلة العلوم الاقتصادية والادارية،19(72):321-330.
- [2] الحسيني، راقية جواد ناجي.(2011). تطبيق نماذج الاحلال المؤكد (The Certain Replacement Models) - دراسة حالة). مجلة كلية الادارة والاقتصاد للدراسات الاقتصادية والادارية والمالية، جامعة بابل، كلية الادارة والاقتصاد، 2011(4).
- [3] الطائي، يوسف عبد الاله .(2006). خطة الصيانة الوقائية و محاكاتها على وفق معايير هندسة المعولية - دراسة حالة في الشركة العامة للصناعات الجلدية معمل رقم (7)، رسالة ماجستير، كلية الادارة والاقتصاد، جامعة بغداد ، العراق.
- [4] ناسي، نبيل جورج.(2008). محاضرات في الهندسة الصناعية. الجامعة التكنولوجية، العراق.
- [5] نصر الله، مهدي وهاب نعمه.(2015). بناء توزيع اسي - باريتو الموزون مع تطبيق عملي، اطروحة دكتوراه، جامعة بغداد، كلية الادارة والاقتصاد.

[6] Qasim, B A . Naeamah, M W.(2021) . A New Left Truncated Gumbel- Weibull Distribution: Properties and Estimation. 1st International conference on advanced research in pure and applied science. During 24-25 march, College of Science- Al Muthanna University. Iraq.

- [7] Berrehal, R., & Benissaad, S. (2016). Determining the preventive replacement period based on the age of spare part. Third International Conference on Energy, Materials, Applied Energetics and Pollution:653-659.
- [8] Cran, G. W.(1988). Moment Estimators for the 3-Parameter Weibull Distribution. IEEE Transactions on Reliability,37(4):360-363.
- [9] El-Mezouar, Z. C. (2010). Estimation the shape, location and scale parameters of the Weibull Distribution. Reliability: Theory & Applications. RTA, 5(4 (19)):36-40.
- [10] Jardine, A. K., & Tsang, A. H. (2013). Maintenance, Replacement, and Reliability: Theory and Applications. 2nd edition, CRC press.
- [11] Jiang, X. (2010). Simulation Model on the Maintenance of Mining Equipment, M. Sc. Thesis, Graduate Department of Mechanical and Industrial Engineering, University of Toronto.
- [12] Nakagawa, T. (2005). Maintenance Theory of Reliability. Springer Science & Business Media. Printed in the United States of America (SBA).
- [13] Šebo, J., Buša, J., Demeč, P., & Svetlík, J. (2013). Optimal replacement time estimation for machines and equipment based on cost function. Metalurgija, 52(1):119-122.
- [14] Sembiring, N., Tambunan, M. M., & Siahaan, F. I. (2019, April). Determination of optimum time of replacement with age replacement model. In IOP Conference Series: Materials Science and Engineering, Vol. 508, No. 1, p. 012090, IOP Publishing.



AL- Rafidain
University College

PISSN: (1681-6870); EISSN: (2790-2293)

**Journal of AL-Rafidain
University College for Sciences**

Available online at: <https://www.jruc.s.iq>

JRUCS

Journal of AL-Rafidain
University College for
Sciences

Estimation of the Optimum Period for the Replacement of Machines Using the Age Replacement Model Under the Minimum Cost Criterion

Bahaa A. Qasim	Mahdi W. Neamah
bahaa.kasem@uobasrah.edu.iq	mehdi.wahab@uokerbala.edu.iq
Statistics Department-College of Administration and Economics - University of Kerbala, Kerbala, Iraq	Statistics Department-College of Administration and Economics - University of Basrah, Basrah, Iraq

Article Information

Article History:

Received: July, 25, 2021
Accepted: October, 29, 2021
Available Online: December,
25, 2022

Keywords:

Left Truncated Gumbel-
distribution, weibull, Cran
estimator, age replacement

Correspondence:

Bahaa A. Qasim
bahaa.kasem@uobasrah.edu.iq

doi: <https://doi.org/10.55562/jruc.s.v52i1.537>

Abstract

Today, as a result of the tremendous technological progress and complexity in the machinery and equipment industry, it has become difficult to determine the appropriate distribution of failure times of machines and equipment based on standard distributions, that is, modeling failure times using new probability distributions is necessary. This, in turn, leads to reaching sound scientific and practical decisions, especially in the matter of maintenance and replacement of machinery and equipment in order to reduce costs and maintain the production process without causing losses.

Accordingly, the research aims to employ the Left Truncated Gumbel-weibull probability distribution in the development of mathematical models for estimating the optimal period for the preventive life replacement of machines and equipment under the two criteria of least cost and least downtime, in addition to using the Cran method estimator to estimate the parameters of the mentioned distribution. Then applying those models to real data represented in the stopping times of the machines and equipment of Salsal Water Desalination and Bottling Company in Basra Governorate during the period (1/1/2020-31/12/2020). It has been concluded that the optimal replacement interval for the aforementioned company's machines is four months.