

تحديد القرار الأمثل في عملية تخطيط الإنتاج باستخدام إسلوب البرمجة الديناميكية

م. م خالد وليد عطا

م. م عباس حسين بطيخ
كلية الإدارة والاقتصاد/جامعة بغداد

م. د عبد الجبار خضر بخيت

الخلاصة

إن عملية تخطيط الإنتاج عملية معقدة وتحتاج جهد عالي ووقت كبير وخاصة إنها فعالية ديناميكية تتغير متغيراتها الأساسية باستمرار مع الزمن، مما يتطلب استخدام إحدى أساليب بحوث العمليات (البرمجة الديناميكية) Dynamic programming لما لها من قوة فعالة ومؤثرة في عملية صنع القرار في التخطيط والسيطرة على الإنتاج وتأثيرها المباشر على كافة العملية الإنتاجية والسيطرة على الخزين .

Abstract

The operation of production planning is a difficult operation and it's required High effect and large time especially it is dynamic activity which it's basic variables change in continuous with the time, for this reason it needs using one of the operation research manner (Dynamic programming) which has a force in the decision making process in the planning and control on the production and its direct affect on the cost of production operation and control on the inventory.



تعد أهم المشاكل التي تواجهها إدارة أي منظمة هي كيفية اتخاذ القرار المناسب لتقليل التكاليف . وهذه المشكلة تنتج بسبب عدم وجود جدولة مناسبة للإنتاج مع الخزين بوجود طلبات معلومة ولكن تتغير من فترة إلى أخرى ومن منتج إلى آخر .

ويعد إسلوب البرمجة الديناميكية من الأساليب المهمة لحل مشاكل الأمثلية (optimization) فهو يشكل أداة مهمة تسهم في تخطيط الإنتاج واتخاذ القرار الأمثل لأن يكون هذا القرار متمثلاً في تعظيم الأرباح أو تقليل التكاليف أو زيادة الطاقات الإنتاجية وذلك لأن القرار النهائي يتخذ على أثر قرارات جزئية سابقة للمشكلة .

وتشير مصادر بحوث العمليات إلى أن إسلوب البرمجة الديناميكية في حل المشكلات يعد واحد من الأساليب الحديثة التي يعود الفضل في تطويره إلى العالم ريشارد بيلمان (Richard Bellman) التي بدأت كتاباته تظهر في الخمسينيات من القرن الماضي . وقد تواترت البحوث في هذا الموضوع إذ تم تشكيل فريق بحث⁽⁸⁾ عام 1961 مكون من Milten,L.G,Dranff,J.s. Wanniger بتطبيق البرمجة الديناميكية في مجال الهندسة الصناعية وقد عد هذا البحث أول تطبيق في هذا المجال

وفي عام 1978 حل الباحث Ali⁽⁶⁾ نظام الموارد المائية واستخدام الخزانات لإغراض متعددة، وكان النظام المذكور يحوي على ستة خزانات ونهرتين رئيسيتين في المملكة المتحدة، وقد هدفت المسألة إلى تقليل قيمة دالة الهدف إلى أقل ما يمكن. تلك الدالة تعتمد على المياه وحالة الخزين إذ تم التوصل إلى قواعد التغيير الأمثل باستخدام البرمجة الديناميكية التفاضلية المتقطعة. وفي عام 1986 قدم الباحث

Sulem Agnes بحثاً حل فيه سياسة الطبلية المثل لنظام الخزين لمنتج واحد والخاص بطلب منتج من خلال عملية التصريف، إذ أن الهدف هو تخفيض تكاليف الخصم المتوقعة التي تتضمن تكاليف ثابتة لعملية الشراء وتكاليف خطية للشراء والخزن والحزن. وقد تم التوصل إلى أفضل التكاليف بوصفها أفضل الحلول المتعلقة باشباه المتغيرات والتي تم اشتراطها من مبدأ الأمثلية للبرمجة الديناميكية.

وفي عام 2005 اعتبر كل من⁽⁷⁾ Eugene And Iaszio بحثاً ناقشاً فيه مشكلة العشوائية في جدولة الإنتاج بالمكانين المتوازيين غير المرتبطة وإعادة الجدولة حسب قرار ماركوف الخاص باستخدام البرمجة الديناميكية وتوافقاً مع جهود الباحثين الذين سبقونا نقدم هذا البحث الذي يتضمن تطبيق إسلوب البرمجة الديناميكية في تخطيط الإنتاج والسيطرة على تكاليف العملية الإنتاجية من خلال السيطرة على الخزين في الشركة العامة لإنتاج البطاريات .



2- الجانب النظري

البرمجة الديناميكية / المفهوم والأهمية (D.p)

يعد إسلوب البرمجة الديناميكية⁽⁸⁾ من الأساليب المهمة لحل مشاكل الأمثلية (Optimization) فهو يشكل أداة مهمة تسهم في تخطيط الإنتاج واتخاذ القرار الأمثل لأن يكون هذا القرار ممثلاً في تعظيم الأرباح أو تقليل التكاليف أو زيادة الطاقة الإنتاجية، وذلك لأن القرار النهائي يتخذ على اثر قرارات مبدئية سابقة للمشكلة.

وتعزف البرمجة الديناميكية بأنها إسلوب رياضي يهدف إلى إيجاد الأمثلية لدالة معينة طبقاً إلى مجموعة شروط، وذلك بتجزئة المسألة الأصلية (الدالة) إلى مجموعة مسائل فرعية (stage) وربطها بعلاقة رياضية، وكل مسألة حالات عدة (states) لمتغيرات القرار.

وبعد إيجاد الحل الأمثل لكل مسألة فرعية بواسطة العلاقات التكرارية تستخدم هذه الحلول الفرعية للتوصل إلى الحل النهائي للمشكلة.

تعد طريقة البرمجة الديناميكية إسلوب من الأساليب المهمة⁽⁶⁾ في بحوث العمليات، وقد طبقت على المشاكل التي يمكن تجزئتها إلى سلسلة من المراحل وعند كل مرحلة تطبق علاقة تكرارية لإيجاد الحل الأمثل لهذه المرحلة، آخذين بنظر الاعتبار الحالات المختلفة لتغير القرار في تلك المرحلة، وبعد الانتهاء من إيجاد الحلول المثلث لكل المراحل تتحقق هذه الحلول بطريقة ممكن عدتها طريقة البحث المتسلسل كما هو الحال في مسائل التفرع والتقييد، فالبرمجة الديناميكية (D.p) هي عبارة عن إسلوب خاص للأمثلية ليست خوارزمية خاصة كالخوارزمية البسيطة (simplex) التي هي مجموعة من القواعد العددية على مشكلة البرمجة الخطية (L.P) وإنما هي تقنية للوصول إلى الحل الرياضي الأمثل، والغاية منها بناء سلسلة من العلاقات المتراكبة والمتشابكة للقرارات التي تحدد سير عملية تشغيل أي نظام. إذ إن عملية اتخاذ القرار للمراحل المتعددة (Multistage) تتحول إلى سلسلة من المراحل المفردة لاتخاذ القرار.

إن البرمجة الديناميكية تبدأ بجزء صغير من المسألة ومحاولة الوصول إلى حل أمثل لهذا الجزء ثم تدرجياً يؤخذ جزء آخر من هذه المسألة والتوصل إلى حل نموذج آخر، مع الأخذ بنظر الاهتمام الحل للجزء الأول. وهذا إلى أن نحل المسألة على أكمل صورة ومن جميع الأوجه.

2-1 المفاهيم الأساسية للبرمجة الديناميكية يمكن تلخيصها كما يلى⁽³⁾:

1- المرحلة stage: تمثل الانتقال من حالة إلى أخرى أو هي الفترة الزمنية أو القيمة الفيزيائية التي على أساسها يتم تقسيم المشكلة الرئيسية إلى مشكلات ثانوية.

2- متغيرات الحالة state variable: وهي تلك المتغيرات التي تمثل الربط بين المراحل السابقة والمرحلة الحالية أو عملية الربط بين المرحلة الحالية والمرحلة اللاحقة ومن خلال تحديد عملية الربط يتم اتخاذ القرار الأمثل للمرحلة الحالية.

3- المعادلة التكرارية The Recursive Equation: المعادلة التكرارية هي قاعدة لصياغة أي مشكلة أمثلية بواسطة البرمجة الديناميكية. إذ تكشف هذه المعادلة الطبيعة التعاافية للبرمجة الديناميكية وتعكس بالوقت نفسه المبدأ الأساسي للأمثلية الذي ينص على (أن السياسة المثلث لها خاصية وهي مهما كانت الحالة الابتدائية والقرار الابتدائي فإن القرارات المتبقية يجب أن تكون سياسة مثلى بالرجوع إلى الحالة الناتجة من القرار الأول).

2-2 الحسابات الأمامية والخلفية في البرمجة الديناميكية⁽⁵⁾:

يعتمد مبدأ عمل المعادلات التكرارية على قيم دوال العائد للمراحل المختلفة التي تتضمنها المشكلة. وهناك في الواقع إسلوبين لحساب قيم الدوال التي من خلالها نحصل على الحل الأمثل للمشكلة بشكل عام.

الإسلوب الأول :- يعتمد هذا الأسلوب على قيم الدوال المرتبة ترتيباً تصاعدياً. إذ تستخدم المعادلة التكرارية أولاً في حساب قيمة الدالة الأولى (الابتدائية) ولتكن على سبيل المثال، $F(1)$ وذلك في المرحلة الأولى ثم يتم حساب $F(2)$ في المرحلة الثانية وهكذا وتقدم بحسب الدوال الأخرى حتى نصل إلى الدالة $F(m)$ التي تمثل الدالة النهائية للمعادلة التكرارية ويسمى هذا الأسلوب بأسلوب الحسابات الأمامية

(Forward Computation Method)



الإسلوب الثاني :- يمكننا في بعض المسائل استخدام المعادلة التكرارية عن طريق حساب قيم الدوال $F(i)$ بأسلوب معاكس تماماً للإسلوب الأول وذلك بترتيب الدوال تنازلياً. وبموجب هذا الإسلوب تستخدم المعادلة التكرارية لإيجاد قيمة العائد للمرحلة الأخيرة n ثم التدرج تنازلياً باستخدام المعادلة التكرارية نفسها لإيجاد قيم العوائد الأخرى حتى نصل إلى المرحلة الأولى. ويسمى هذا الإسلوب *(Backward Computation Method)*.

2-3 وصف النموذج المقترن (3)-(5):-

من المعروف أن المنتج يظهر خلال كل فترة من الفترات الزمنية المرقمة من 1 إلى N وعليه فان الأمر يقتضي القيام بعملية تخطيط الإنتاج على مدى تلك الفترات لكي يمكن تحقيق ذلك الطلب إما بالإنتاج في تلك الفترة أو أية فترة سابقة لها من خلال الكميات المتراكمة.

ومن المعروف أيضاً أن العملية الإنتاجية تترتب عليها تكاليف معينة وان عملية التخزين هي الأخرى يتربت عليها تكاليف الاحتفاظ بالمخزين **Inventory Carrying Costs** لهذا فقد تم الأخذ بنظر الاعتبار في النموذج المقترن هذا التكاليف وكيفية التعامل معها.

2-4 المصطلحات والرموز الخاصة بالنماذج المقترن:-

الآتي مجموعة الرموز والمصطلحات الخاصة بالنماذج المقترن

$$t_i = \text{الطلب على المنتج خلال الفترة } i$$

$$C_i(m) = \text{كلفة إنتاج } m \text{ وحدة من المنتج خلال الفترة } i$$

$$L_i(r_i) = \text{كلفة الاحتفاظ بـ } r_i \text{ وحدة من المنتج في الفترة } i$$

$$m_i = \text{الكمية المنتجة خلال الفترة } i$$

$$r_i = \text{كمية الخزين تحت اليد في الفترة } i$$

$$f_i(r_i) = \text{أصغر كلفة لتحقيق الطلب للفترة } i \text{ إلى } N \text{ إذا كان } r_i \text{ يمثل الخزين في الفترة } i$$

$$(fN(rN)) = \text{أصغر كلفة لتحقيق الطلب خلال الفترة } N$$

2-5 افتراضات النموذج (3)-(5):-

- لا يسمح بترافق الطلب وتخفيفه من الإنتاج في فترات لاحقة في الظروف القياسية للإنتاج.
- الخزين في فترة بداية عملية التخطيط مساو للصرف لإغراض التسوية المالية.
- الخزين في فترة نهاية التخطيط مساو للصرف لأغراض التسوية المالية أيضاً.
- كميات الإنتاج والطلب قيم عدديّة صحيحة بسبب طبيعة المنتج.
- مستوى الإنتاج يقع بين أصغر مستوى تشغيل وأعظم إمكانية للمؤسسة الإنتاجية.
- مستوى الخزين يقع بين أصغر خزين أمان والسعة المتاحة لوحدة الخزن.
- مجموع الخزين r_i والإنتاج m_i خلال الفترة i يكون على الأقل مساوياً للطلب t_i خلال تلك الفترة.
- مجموع الإنتاج m_i في الفترة i والخزين r_i في تلك الفترة يجب أن لا يكون أكبر من الطلب الكلي خلال الفترات المتبقية أي

$$t_i \leq r_i + m_i \leq t_i + t_{i+1} + \dots + t_n$$

2-6 صياغة النموذج (5)

2-6-1 دالة الهدف:-

إن الهدف هو تحقيق الطلب بأقل كلفة كلية ، ويمثل بالدالة (1-1)

$$\underset{i=1}{\overset{N}{\text{Minimize}}} = \sum \{ C_i(m_i) + L_i(r_i) \} \dots \dots \dots \quad (1.1)$$



2-6-2 القيود Constraints

تخصيص دالة الهدف للقيود الآتية :

القيد الأول : يتطلب هذا القيد بأن يكون مجموع الخزين في بداية الفترة t والإنتاج خلال تلك الفترة m مساوياً لمجموع الطلب خلال تلك الفترة t والخزين في بداية الفترة اللاحقة $t+1$ ويمثل هذا القيد بالمعادلة (1-2) .

$$r_i + m_i = t_i + r_{i+1} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-2)$$

القيد الثاني : وفيه تكون كمية الخزين الابتدائي والخزين النهائي متساوية للصرف ويمثل بالعلاقة . (1-3)

$$r_1 = r_{N+1} = 0 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-3)$$

القيد الثالث : كمية الخزين الإنتاج تكون قيمة عدديّة صحيحة غير سالبة وتمثّل بالعلاقة (1-4) .

$$m_i \geq 0, m_i \cdot \text{integer} \cdot i = 1, 2, \dots, N \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-4)$$

القيد الرابع : كمية الخزين تكون قيمة عدديّة صحيحة غير سالبة وتمثّل بالعلاقة (1-5) .

$$r_i \geq 0, r_i \cdot \text{integer} \cdot i = 2, 3, \dots, N \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-5)$$

ويشير هذا القيد إلى أن الطلب في الفترة i يتحقق من الإنتاج خلال تلك الفترة أو خلال فترات سابقة .

7-2 علاقة مستوى الإنتاج مع مستوى الخزين (1) و(2) :-

نلاحظ من القيود بأن مستويات الإنتاج والخزين تكون متداخلة فإذا علمنا مستويات الخزين عند جميع الفترات فإننا نستطيع أن نحدد مستويات الإنتاج من القيد الأول في المعادلة (1.2) وبالعكس إذا علمنا مستويات الإنتاج إلى m_N فإننا نستطيع أن نحدد مستويات الخزين من المعادلة (1-6) .

$$m_1 + \dots + m_{i-1} = r_i + (t_1 + t_2 + \dots + t_{i-1}), i = 2, 3, \dots, N \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-6)$$

ولغرض التأكيد من صحة المعادلة (1.6) فإننا نجمع المعادلة (1.2) من 1 إلى i -1 وأوكالاتي :

$$\begin{aligned} r_1 + r_2 + \dots + r_{i-1} + m_1 + m_2 + \dots + m_{i-1} &= t_1 + t_2 + \dots \\ &+ t_{i-1} + r_2 + r_3 + \dots + r_{i-1} + r_i \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-7) \end{aligned}$$

وبما أن $r_1 = 0$ ، وبحذف الحدود المتشابهة $(r_2 + r_3 + \dots + r_{i-1})$ من طرفي المعادلة (1.7) فإننا سنحصل على المعادلة . (1.8) وتوضيح المعادلة (1.8) ، نلاحظ بأن الخزين r_i عند الفترة i يساوي الإنتاج الكلي خلال الفترات 1 إلى i مطروحاً منه الطلب الكلي خلال هذه الفترات ، أي

$$r_i = m_1 + m_2 + \dots + m_{i-1} - (t_1 + t_2 + \dots + t_{i-1}) \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1-8)$$



تسمى $(m_1, m_2, \dots, m_{i-1})$ بخطة الإنتاج الممكنة feasible production plan عندما تتحقق مستويات الخزين المحددة بالمعادلة (1.6) $m_i = \min\{m_1, m_2, \dots, m_{i-1}\}$ ، وتحقق القيود الأربع لدالة الهدف المحددة بالصيغة (1.1). وتسمى $(m_1, m_2, \dots, m_{i-1}, m_i)$ بخطة الإنتاج الأمثل Optimal production plan إذا كانت هي خطة الإنتاج الممكنة التي تقلل دالة الهدف وفق جميع خطط الإنتاج الممكنة.

3- الجانب التطبيقي

تتطلب عملية تخطيط الإنتاج واتخاذ القرار اعتماد الأساليب العلمية الحديثة ، باتجاه اتباع الخطط الإنتاجية من شأنها أن تحقق ربحية عالية للمنظمة من حيث تقليل الكلف الإنتاجية وفي نفس الوقت إنتاج الكميات التي تتناسب وقرارات المنظمة من جميع النواحي . وهذا يعني إقامة متطلبات إعداد الخطط الإنتاجية المبنية على أسس علمية . واحدى هذه المتطلبات تتمثل بتوفير طريقة علمية لإعداد الخطط الإنتاجية واتخاذ القرار حول ذلك وفي كل مرحل من مراحل تنفيذها .

أن إعداد خطة إنتاجية مبنية على أسس علمية متينة يؤدي إلى تعزيز مكانة المنظمة واستمرار وجودها ولأجل تطبيق الطرق العلمية في إعداد الخطة الإنتاجية تم اختيار المنشأة العامة لصناعة البطاريات، إحدى منشآت القطاع الاشتراكي المهمة التي تستخدم التكنولوجيا المتقدمة في الإنتاج وان إنتاجها يتكون من دفعات كبيرة الحجم .

جدول (1)

الإنتاج الفعلي وتكليف الإنتاج وتكليف الاحتفاظ بالخزين على مستوى الشهر في المنشأة العامة لصناعة البطاريات لسنة (2005)

| الشهر | الانتاج الفعلي ألف وحدة | تكلفة الإنتاج الكلية بالدينار | تكلفة الاحتفاظ بالخزين بالدينار |
|------------|----------------------------|----------------------------------|------------------------------------|
| كانون / 2 | 26 | 1768000 | 18310.163 |
| شباط | 22 | 1364000 | 16514.091 |
| آذار | 25 | 2025000 | 37611.179 |
| نيسان | 20 | 1200000 | 17545.057 |
| مايس | 14 | 1904000 | 33466.089 |
| حزيران | 13 | 1469000 | 43269.179 |
| تموز | 12 | 1548000 | 10886.553 |
| آب | 13 | 1093000 | 19018.832 |
| أيلول | 17 | 2193000 | 14887.538 |
| تشرين / 11 | 11 | 2398000 | 22487.865 |
| تشرين / 2 | 15 | 2580000 | 17557.978 |
| كانون / 11 | 17 | 3060000 | 29983.490 |
| المجموع | 205 | 23602000 | 251538.014 |

ومن خلال الجدول (1) نلاحظ ما يلي:-

- 1- أن مدة التخطيط هي سنة كاملة موزعة على مدى اثنى عشر شهرا تمثل المراحل عند حل النموذج فيما بعد
- 2- أن أقصى طاقة إنتاجية في الشهر الأول لسنة (2005) هي 26000 بطارية سائلة إذ أن هذا الرقم مهم جدا عند إيجاد حسابات المرحلة الأولى بالطريقة الأمامية للحل .
- 3- أن الكفة المترتبة على العملية الإنتاجية بما فيها كافة الاحتفاظ بالخزين بلغت 23853538 دينار حيث أن هذا الرقم مهم وستجري مقارنة نتائج حل النموذج معه .



3-2 الحل بتطبيق النموذج المقترن:-

للغرض حل المشكلة وإيجاد الخطة المثلثى للإنتاج فى هذه المشكلة وذلك بتطبيق النموذج المقترن وحله بالإسلوبين الأمامي والخلفي إذ أن احدث ما توفر من البرامج هو البرنامج الجاهز QSB والذي يقوم بالحل لغاية عشرة مراحل فقط . ومن خلال دراسة آلية عمل اسلوب البرمجة الديناميكية في التوصل للنتائج تطلب ذلك تحديد مقدار زيادة في الخزين ٢١ بين دوره وأخرى، وبذلك تمت تجربة عدة مقدادات زيادة في كل دوره وهي 5000، 2000، 1000، 500، وفي كل مره يتم إيجاد خطه إنتاج كاملة ثم لوحظت الفروقات بين النتائج التي تم التوصل إليها من خلال هذه الزيادات وتم اختيار الأفضل منها. علما انه تم التوقف عند الزيادة البالغة 500 وحدة لأننا حصلنا على الحل الأمثل والذي هو مطابق تماما للزيادة البالغة 1000 وحده، فضلا عن انه مهما يكن مقدار الزيادة (أقل من 500 وحدة) فسنحصل على نفس النتيجة إذ تمت تجربة الزيادة البالغة 400 وحدة فكانت النتائج مطابقة لتلك التي حصلنا عليها من الزيادة السابقة .

3-1 الحل بالاسلوب الأمامي

أولاً:- عندما تكون الزيادة 5000 وحدة

لقد كانت خطة الإنتاج المثلثى والتكليف الدنى المتربة على الإنتاج على مستوى الشهر والتكليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في الجدول رقم (2)

جدول (2)

خطة الإنتاج المثلثى مع اقل تكاليف إنتاج على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 5000 وحدة والحل بالاسلوب الأمامي لسنة (2005) .

| الشهر | خطة الإنتاج المثلثى | تكليف الإنتاج على مستوى الشهر دينار | تكليف إنتاج تجميعية دينار |
|---------|---------------------|-------------------------------------|---------------------------|
| كانون/2 | 26 | 1711020 | 1711020 |
| شباط | 17 | 3137150 | 1426130 |
| آذار | 20 | 4647421 | 1510271 |
| نيسان | 19 | 5747612 | 1100191 |
| مايس | 14 | 7497872 | 1750260 |
| حزيران | 12 | 8637977 | 1140105 |
| تموز | 11 | 9869187 | 1231210 |
| آب | 12 | 11580077 | 1710890 |
| أيلول | 17 | 13390338 | 1810261 |
| تشرين/1 | 11 | 17500654 | 2310316 |
| تشرين/2 | 14 | 17835221 | 2134567 |
| كانون/1 | 16 | 20375840 | 2540619 |
| المجموع | 189 | | |

المصدر(الشركة العامة للبطاريات)

نلاحظ من خلال الجدول (2) بان خطة الإنتاج المثلثى التي أظهرها تطبيق النموذج المقترن وفقا لهذا المقدار من الزيادة كانت لأشهر السنة على التوالي (بالآلاف): (16,14,11,17,12,11,12,14,19,20,17,26) بطارية سائلة وبكلفة كلية دينار 20375840 دينار عراقي .



ثانيا :- عندما تكون الزيادة 2000 وحدة
لقد كانت خطة الإنتاج المثلى والتكاليف الدنيا المترتبة على الإنتاج على أساس الشهر والتكاليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في الجدول رقم (3) .

جدول (3)

خطة الإنتاج المثلى مع أقل تكاليف إنتاج على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 2000 وحدة والحل بالاسلوب الأمامي لسنة (2005)

| الشهر | ألف وحدة | خطه الإنتاج المثلى | تكاليف الإنتاج على مستوى الشهر دينار | تكاليف التجميعية دينار |
|----------|----------|--------------------|--------------------------------------|------------------------|
| كانون /2 | 26 | 1711020 | 1711020 | 1711020 |
| شباط | 18 | 3065233 | 1354213 | 1354213 |
| آذار | 21 | 4555353 | 1490120 | 1490120 |
| نيسان | 19 | 5655544 | 1100191 | 1100191 |
| مايس | 15 | 7358754 | 1703210 | 1703210 |
| حزيران | 13 | 8489855 | 1131101 | 1131101 |
| تموز | 10 | 9691112 | 1201257 | 1201257 |
| آب | 13 | 11381823 | 1690711 | 1690711 |
| أيلول | 16 | 13022236 | 1640413 | 1640413 |
| تشرين /1 | 12 | 15217449 | 2195213 | 2195213 |
| تشرين /2 | 16 | 17281379 | 2063930 | 2063930 |
| كانون /1 | 18 | 19716755 | 2435376 | 2435376 |
| المجموع | 197 | | | |

نلاحظ من خلال الجدول (3) بان خطة الإنتاج المثلى للعام التي أظهرها تطبيق النموذج المقترن وفقا لهذا المقدار من الزيادة كانت لأشهر السنة على التوالي (بـالآلاف) : 19716755 (18,16,12,16,13,10,13,15,19,21,18,26) بطارية سائلة وكلفة كلية دنيا مقدارها دينار عراقي .



ثالثا :- عندما تكون الزيادة 1000 وحدة
لقد كانت خطة الإنتاج المثلى والتكاليف الدنيا المترتبة على الإنتاج على أساس الشهر والتكاليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في الجدول (4)

جدول (4)

خطة الإنتاج المثلى مع أقل التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 1000 وحدة والحل بالاسلوب الامامي لسنة (2005) .

| الشهر | ألف وحدة | خطة الإنتاج المثلى | تكليف الإنتاج على مستوى الشهر دينار | تكليف الإنتاج التجميعية |
|-----------|----------|--------------------|-------------------------------------|-------------------------|
| كانون / 2 | 26 | 1711020 | 1711020 | 1711020 دينار |
| شباط | 20 | 1334514 | 3045534 | |
| آذار | 23 | 1432112 | 4477646 | |
| نيسان | 22 | 1005210 | 5482856 | |
| مايس | 18 | 1652340 | 7135196 | |
| حزيران | 16 | 1101200 | 8236396 | |
| تموز | 13 | 1120314 | 9356710 | |
| آب | 14 | 1632548 | 10989258 | |
| أيلول | 18 | 1521345 | 12510603 | |
| تشرين / 1 | 13 | 2001325 | 14511928 | |
| تشرين / 2 | 18 | 1934890 | 16446818 | |
| كانون / 1 | 19 | 2134726 | 18581544 | |
| المجموع | 220 | | | |

نلاحظ من خلال الجدول (4) بأن خطة الإنتاج المثلى التي أظهرها تطبيق النموذج المقترن وفقاً لهذا المقدار من الزيادة كانت لأشهر السنة على التوالي (بالآلاف): (18,16,12,16,13,10,13,15,19,21,18,26) بطارية سائلة. وبكلفة كلية دنيا 18581544 دينار عراقي .

رابعا :- عندما تكون الزيادة 500 وحدة
لقد كانت خطة الإنتاج المثلى والتكاليف الدنيا المترتبة على الإنتاج على أساس الشهر والتكاليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في الجدول (5) .

**جدول (5)**

**خطة الإنتاج المثلث مع أقل التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 500 وحدة
والحل بالاسلوب الأمامي لسنة (2005)**

| تكاليف الإنتاج التجميعية دينار | تكاليف الإنتاج على مستوى الشهر دينار | خطه الإنتاج المثلث ألف وحده | الشهر |
|-----------------------------------|---|--------------------------------|-----------|
| 1711020 | 1711020 | 26 | كانون / 2 |
| 3045534 | 1334514 | 20 | شباط |
| 4477646 | 1432112 | 23 | آذار |
| 5482856 | 1005210 | 22 | نيسان |
| 7135196 | 1652340 | 18 | مايس |
| 8236396 | 1101200 | 16 | حزيران |
| 9356710 | 1120314 | 13 | تموز |
| 10989258 | 1632548 | 14 | آب |
| 12510603 | 1521345 | 18 | أيلول |
| 14511928 | 2001325 | 13 | تشرين / 1 |
| 16446818 | 1934890 | 18 | تشرين / 2 |
| 18581544 | 2134726 | 19 | كانون / 1 |
| | | 220 | المجموع |

نلاحظ أن النتائج التي توصلنا إليها عندما كانت الزيادة 500 وحدة هي ذاتها التي توصلنا إليها عندما كانت الزيادة 1000 وحدة وبذلك نتوقف عن اختيار مقادير زيادة أخرى ويعتبر الحل الذي تم التوصل إليه هو الحل النهائي للمشكلة بالاسلوب الأمامي

2-2-3 الحل بالاسلوب الخلفي

لغرض حل المشكلة باستخدام النموذج المقترن وفقاً لهذا الاسلوب تم تغير بعض عبارات برنامج الحاسوب الذي استخدم بالاسلوب الأمامي أخذين بنظر الاعتبار التغيير في المعادلات الواردة في المبحث الثاني وفيما يلي تحليل النتائج وفق معايير الزيادة المشار إليها آنفاً .

أولاً:- عندما تكون الزيادة 5000 وحدة

لقد كانت خطة الإنتاج المثلث والتكاليف الدنيا المترتبة على الإنتاج على مستوى الشهر والتكاليف التجميعية عندما تكون الزيادة 5000 وحدة والحل بالاسلوب الخلفي كما في الجدول (6) .

**جدول (6)**

خطة الإنتاج المثلى مع أقل التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 5000 وحدة والحل بالاسلوب الخلفي لسنة (2005).

| تكاليف الإنتاج التجميعية دinar | تكاليف الإنتاج على مستوى الشهر دinar | خطة الإنتاج المثلى ألف وحدة | الشهر |
|-----------------------------------|---|--------------------------------|----------|
| 2540619 | 2540619 | 16 | كانون /1 |
| 4675186 | 2134567 | 14 | تشرين /2 |
| 6985502 | 2310316 | 11 | تشرين /1 |
| 8795763 | 1810261 | 17 | أيلول |
| 10506653 | 1710890 | 12 | آب |
| 11737863 | 1231210 | 11 | تموز |
| 12877968 | 1140105 | 12 | حزيران |
| 14628228 | 1750260 | 14 | مايس |
| 15728419 | 1100191 | 19 | نيسان |
| 17238960 | 1510271 | 20 | أذار |
| 18664820 | 1426130 | 17 | شباط |
| 20375840 | 1711020 | 26 | كانون /2 |
| | | 189 | المجموع |

نلاحظ من خلال الجدول (6) بأننا توصلنا إلى نفس الحل الوارد في الجدول (2) وهذا يشير إلى تطابق الحل بالأسلوبين الأمامي والخلفي .

ثانياً:- عندما تكون الزيادة 2000 وحدة لقد كانت خطة الإنتاج المثلى والتكاليف الدنيا المتربة على الإنتاج على مستوى الشهر والتكاليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في الجدول (7) .



جدول (7)

خطة الإنتاج المثلث مع أقل التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 2000 وحدة والحل بالاسلوب الخلفي لسنة (2005) .

| تكاليف الإنتاج التجميعية دينار | تكلفة الإنتاج على مستوى الشهر دينار | خطة الإنتاج المثلث ألف وحدة | الشهر |
|--------------------------------|-------------------------------------|-----------------------------|----------|
| 2435376 | 2435376 | 18 | كانون /1 |
| 17281379 | 2063930 | 16 | تشرين /2 |
| 15217449 | 2195213 | 12 | تشرين /1 |
| 13022236 | 1640413 | 16 | أيلول |
| 11381823 | 1690711 | 13 | آب |
| 96911112 | 1201257 | 10 | تموز |
| 8489855 | 1131101 | 13 | حزيران |
| 7358754 | 1703210 | 15 | مايس |
| 5655544 | 1100191 | 19 | نيسان |
| 4555353 | 1490120 | 21 | آذار |
| 3065233 | 1354213 | 18 | شباط |
| 19716755 | 1711020 | 26 | كانون /2 |
| | | 197 | المجموع |

نلاحظ من الجدول (7) أننا توصلنا إلى نفس النتائج الواردة في الجدول (3) وهذا يشير أيضا إلى تطابق الحل بالسلوبين الأمامي والخلفي .

ثالثاً - عندما تكون الزيادة 1000 وحدة

لقد كانت خطة الإنتاج المثلث والتكاليف الدنيا المتربة على الإنتاج على مستوى الشهر والتكاليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في الجدول (8) .

**جدول (8)**

خطة الإنتاج المثلى مع أقل التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 1000 وحدة والحل بالاسلوب الخلفي لسنة (2005) .

| تكاليف الإنتاج التجميعية دينار | تكاليف الإنتاج على مستوى الشهر دينار | خطة الإنتاج المثلى ألف وحدة | الشهر |
|-----------------------------------|---|--------------------------------|----------|
| 2134726 | 2134726 | 19 | كانون /1 |
| 16446818 | 1934890 | 18 | تشرين /2 |
| 14511928 | 2001325 | 13 | تشرين /1 |
| 12510603 | 1521345 | 18 | أيلول |
| 10989258 | 1632548 | 14 | آب |
| 9356710 | 1120314 | 13 | تموز |
| 8236396 | 1101200 | 16 | حزيران |
| 7135196 | 1652340 | 18 | مايس |
| 5482856 | 1005210 | 22 | نيسان |
| 4477646 | 1432112 | 23 | اذار |
| 3045534 | 1334514 | 20 | شباط |
| 18581544 | 1711020 | 26 | كانون /2 |
| | | 220 | المجموع |

نلاحظ من خلال الجدول (8) أننا توصلنا إلى نفس النتائج الواردة في الجدول(4) مما يشير أيضاً إلى تطابق الحل بالسلوبين الأمامي والخلفي .

رابعا:- عندما تكون الزيادة 500 وحدة

لقد كانت خطة الإنتاج المثلى والتكاليف الدنيا المترتبة على الإنتاج على مستوى الشهر والتكاليف التجميعية عند هذه الزيادة كما في جدول (9) .

**جدول (9)**

خطة الإنتاج المثلى مع أقل التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية عندما تكون الزيادة 500 وحدة والحل بالاسلوب الخلفي لسنة (2005) .

| تكاليف الإنتاج التجميعية دينار | تكاليف الإنتاج على مستوى الشهر دينار | خطة الإنتاج المثلى ألف وحدة | الشهر |
|-----------------------------------|---|--------------------------------|-----------|
| 2134726 | 2134726 | 19 | كانون / 1 |
| 16446818 | 1934890 | 18 | تشرين / 2 |
| 14511928 | 2001325 | 13 | تشرين / 1 |
| 12510603 | 1521345 | 18 | أيلول |
| 10989258 | 1632548 | 14 | آب |
| 9356710 | 1120314 | 13 | تموز |
| 8236396 | 1101200 | 16 | حزيران |
| 7135196 | 1652340 | 18 | مايس |
| 5482856 | 1005210 | 22 | نيسان |
| 4477646 | 1432112 | 23 | اذار |
| 3045534 | 1334514 | 20 | شباط |
| 18581544 | 1711020 | 26 | كانون / 2 |
| | | 220 | المجموع |

نلاحظ أن هذه النتائج مطابقة لتلك التي توصلنا إليها في الجدول (8) أي عندما كانت الزيادة 1000 وحدة وكذلك نلاحظ أن هذه النتائج أيضاً مطابقة لتلك التي توصلنا إليها في الحل الأمامي في الجدول (5) ولما كان قد توصلنا إلى نفس النتيجة لهذا المقدار من الزيادة مع تلك التي حققها مقدار الزيادة السابق البالغ 1000 وحدة لذلك تتوقف ونكون قد حصلنا على الحل الأمثل للمشكلة بالاسلوب الخلفي .

3-3 تفسير النتائج:-

1- من خلال الحل بالاسلوبين الأمامي والخلفي نلاحظ أن هناك تذبذباً واضحاً في بعض النتائج الواردة في الجداول فيما يتعلق بالإنتاج وتكاليفه . فقد ورد في الجدول (2) أن إنتاج شهر شباط بلغ 17000 بطارية وبكلفة 1426130 دينار في حين كان إنتاج شهر أيلول مطابقاً لتلك الشهر ولكن بكلفة أعلى وهي 1810261 دينار وأيضاً نلاحظ أن إنتاج شهر تشرين الأول بلغ 1000 بطارية وهي أقل من شهر أيلول في حين ارتفعت كلفة 2310316 دينار وهذا في الجداول (3)،(4)،(5)،(6)،(7)،(8)،(9) حيث نلاحظ نفس هذه التذبذبات في شهر مختلفة خلال السنة وعندما تم عرض هذه النتائج على المسؤولين في المنشأة أوضحوا بأنها نتائج اعتيادية نظراً لعدم استقرار حركة السوق وظروف العمل المختلفة في تلك الفترة .

2- من خلال الجداول التي تم عرضها للحل بالاسلوبين الأمامي والخلفي نلاحظ القول بان خطة الإنتاج المثلى للمنشأة للعام المذكور مع التكاليف على مستوى الشهر والتجميعية خلال السنة هي كما وردت في الجدول (5) بالنسبة للحل بالاسلوب الأمامي وفي الجدول (9) بالنسبة للحل بالاسلوب الخلفي . وتتجدر الإشارة هنا إلى أن بإمكان متذبذبي القرار بالمنشأة أن يتخذوا قراراً بالإنتاج على مستوى كل شهر من أشهر السنة وتلك هي إحدى المزايا الرئيسية لاسلوب البرمجة الديناميكية، لأن ذلك من شأنه أن يجعل متذبذبي القرار مواكباً لظروف الإنتاج والتغيرات المحيطة به من خلال مدة الخطة الإنتاجية .

إن مقارنة ما تم التوصل إليه في مجال خطة الإنتاج والتكاليف من خلال تطبيق النموذج المقترن مع الإنتاج الفعلي والتكاليف الحقيقة يمكن إجماله بالملحوظتين :-

1. حققت خطة الإنتاج المثلى المقترن نسبة زيادة مقدارها 7.32% مقارنة بخطة الإنتاج الفعلية حيث كانت الفعلية بطارية سائلة لسنة 2005 في حين اظهر تطبيق النموذج المقترن خطة إنتاج مقدارها 220000 بطارية 205000 سائلة .

2. انخفضت التكاليف الكلية للإنتاج خلال السنة من 23853538 دينار إلى 18581544 دينار أي بنسبة انخفاض مقدارها 22.10% أي أن تطبيق النموذج المقترن حقق فروقات في التكاليف مع إنتاج أكثر .

المبحث الرابع



4- الاستنتاجات والتوصيات

1-4 الاستنتاجات

1. أن استخدام إسلوب البرمجة الديناميكية في حل مشكلات تخطيط الإنتاج يوصلنا إلى نتائج جيدة تمثل في تحديد خطة إنتاجية مثلى على مدار السنة وتحديد أقل كلفة لها .
2. أن اعتماد هذا الأسلوب العلمي من شأنه أن يشير إلى كفاءة الخطة وان الإعداد كان بمستوى الأداء حيث أظهرت نتائج التطبيق أن هذا الأسلوب يعتبر إسلوباً متقدماً ذو كفاءة عالية للحصول على الحل للمشكلات الكبيرة من خلال كمية الإنتاج اتخاذ القرارات التخطيطية الملائمة .
3. يتضح أن النتائج المتحققة من جراء حل النموذج المقترن والذي يعكس الإنتاج التي يمكن تحقيقها في ظل الإمكانيات المتوفرة بشكل تقريري مع ما هو مخطط المنشأة، وهذا يعكس أن بالإمكان تحقيق الكميات المخطط لها إذا ما تم استخدام الأساليب العلمية الصحيحة . فكمية الإنتاج المتحققة فعلاً والبالغة (205000) بطارية سائلة تقل عما يمكن إنتاجه من خلال تطبيق النموذج بمقدار 15000 كما أن الكلفة الكلية المتحققة فعلاً والبالغة 23853538 دينار تزيد على التكاليف التي أظهرها النموذج وبالغة 18581544 دينار بمقدار 5271994 دينار .
4. أن ما أشرنا إليه من الاستنتاج السابق ينطبق على مستوى مؤشرات كل شهر من أشهر السنة ويمكن ملاحظة ذلك من الجدولين (9)،(5) .
5. أظهرت نتائج استخدام إسلوبى الحل الأمامي والخلفي تطابق النتائج من حيث خطة الإنتاج المثلى والتكاليف الدنيا للإنتاج مما يعكس صحة استخدام هذين الأسلوب في الحل .

2- التوصيات

1. تطبيق إسلوب البرمجة الديناميكية في تخطيط الإنتاج وفق الأسلوب المقترن في المنشآة العامة لصناعة البطاريات والمنشآت الإنتاجية المماثلة من شأنه أن يؤدي إلى تقليل الإنتاج الكلية .
2. نظراً للدور الكبير الذي تؤديه الأساليب الرياضية عموماً، وأساليب بحوث العمليات ومنها البرمجة الديناميكية على وجه الخصوص، كان لابد للدوائر ذات العلاقة الاهتمام بها بتشكيل مراكز خاصة ورفد تلك المراكز بالاختصاصيين في إدارة العمليات الإنتاجية من أجل خلق قاعدة ملائمة لإعداد النماذج المطلوبة والاستفادة منها نظرياً وتطبيقياً .
3. اهتمام الدوائر الإنتاجية بناء قاعدة بيانات أساسية تتعلق بكل متطلبات العملية الإنتاجية من خزين وتكاليف ومراحل إنتاجية وتوثيقها وإدامتها لفتح المجال أمام الباحثين باستخدام هذه القاعدة لغرض إجراء دراسات ميدانية لتطوير وتقليل كلف العملية الإنتاجية التي يحتاجها القطاع الصناعي في الوقت الحاضر وذلك بسبب منافسة السلع المستوردة من الخارج .

المصادر

أولاً :- المراجع العربية

1. الشرقاوي، علي (بلا تاريخ) أ-إدارة الأعمال، الوظائف والممارسات الإدارية دار النهضة العربية،



بيروت

2. الشرقاوي، علي (بلا تاريخ) ب - إدارة النشاط الإنتاجي في المشروعات الصناعية، دار النهضة العربية، بيروت
3. هانس، جي دبلن باخ، وجون (1992) مقدمة في أساليب بحوث العمليات، ترجمة د.صباح رسول داخل، الطبعة الأولى .
4. وزارة التخطيط، هيئة التخطيط الصناعي، (2000) أساليب تخطيط الإنتاج في المنشآت الصناعية للقطاع الاشتراكي، دراسة رقم 451.
5. حيدر عدنان أمير " (2007) استخدام البرمجة الديناميكية لحل مشكلة جدولة إنتاج متعددة لماكينة منفردة لتكلفة خزین متغيرة " رسالة ماجستير كلية الإدارية والاقتصاد /جامعة بغداد .

ثانياً:- المصادر الأجنبية

- 6- Ali, A.M. (1978),, Development of reservoir operating rules with particular reference to the river tees system" ,ph.D.theses university of Newcastle upontyne ,u,k.
- 7- Balaze, C.C .and Laszlo, M, (2005)"stochastic reactive production scheduling by Multi- Agent Based Asynchronous Approximate Dynamic programming".
- 8- Dranoff,J.S and Milten ,L.G .and stevens ,W.F. and wanniger,L.A.(1961)"Applicaonof Dynamic programming to counter current flow processes" ,J.OPL .Res , SOC,Vol .9,NO .3.PP.388-401. Eugene, k .and Lehtihet, Amine (1990)"Operation 9-routing with lot sizing Consideration in A Manufacturing system", International Journal of production Res.vol .28.3.pp.503-515.