Abstract

The Parametric test for some single and Multivariate distribution

The research is studying some of important tests, for the hypothesis statistic to the universes and Multivariate, with one sample and two sample, by using t, T^2 , F, and find the Confidence interval from the means, the research using tow application the first is the college for the phys education for the women and Scand the college of administration and economic and then will compare with nine variables between.

The search EMAN HASAN AL- ANEE

الخلاصة:

((عنوان البحث)) الاحتيارات المعلمية لبعض التوزيعات المنغردة والمتعددة

الاختبارات المعلمية من المواضيع المهمة في العملية الأحصائية كون الاستدلال الأحصائي يعتمد على موضوعي التخمين واختبار الفرضيات لهذا يدرس الباحث بعض الاختبارات المهمة والتي تحقق فرضيات احصائية سواء أكانت متغير واحد او عدة متغيرات ولعينة واحدة او المقارنة بين مجموعتين من العينات وقد استخدم اختبار F, T^2 , t وايجاد حدود الثقة كما أستخدم الباحث تجربة تطبيقية تضمنت تسعة متغيرات حيوية وعينتين مختلفتين من الطلبة الممارسين وغير الممارسين للنشاط الرياضي المنتظم.

الباحث ايمان حسن العاني

1-1 المقدمة

يعتبر موضوع الاختبارات المعلمية واحد من المواضيع الحيوية المهمة للتطبيقات الاحصائية في المجالات العلمية. ويرتبط مفهومها بمفهوم الاستدلال الأحصائي والذي يقسم بدوره الى قسمين رئيسيين هما التقدير وأختبار الفرضيات ويعد مفهوم الاختبارات المعلمية من أحد المواضيع المهمة للتحقق من فرضية ادعاء (فرضية العدم) واتخاذ القرار بشأن قبولها أو رفضها بناءا" على معيار يعد على أساس توزيع معين التوزيع الطبيعي ، توزيع ع، توزيع عدة مجالات منها توزيع ي حالة المتغير الواحد ولعدة متغيرات وتستخدم الاختبارات في عدة مجالات منها الطبية، الهندسية، والرياضية والحيوية ... الخ.

وهناك عدة دراسات أستخدمت أختبارات T^2 في تحليل القياسات الخاصة بموضوع ووضع مؤشرات حول المشكلة المراد دراستها نذكر على سبيل المثال أطروحة ماجستير أنتصار الدوري 1949(v) تتاولت أختبار T^2 في تطبيق معدلات القياسات لأطفال حديثي الولادة، وفي بحث الـ Br.J Ophthalmal في (٥) ٢٠٠١ لأنحراف البصر وتحليل تصحيحه الجراحي حيث ${
m T}^2$ أستخدم الباحث طريقة المقارنة الأحصائية لمجموعات معالجة مختلفة ولسلسلة من أختبارات للبيانات الخام في جراحة ماء العين وأهداف جراحة refractive لتحسين الرؤية وزيادة المدة البصرية بأستعمال تغييرات الموجهات وطرق أخرى لتحليل التغيير في أنحراف البصربعد الجراحة، من خلال مناقشة الطرق والأفتراضات الأحصائية الملائمة، وفي دراسة الـ interface guidelines for the web apps(3) 2003 حول تصميم مواقع ويب للأنترنيت وحجم الموجات والتشعبات المالية حيث أستخدمت الدراسة مسح مكون من ١٠ أسئلة حول الصفحة وأستخدمت مباحث مختلفة من هندسة المعلومات المعمارية، تصميم المعلومات، وتوصلت النتائج من خلال أستعمال الأحصائية T^2 الى ثانى أكثر من 73% من المشاركين في المسح يهتمون الى صنف نظرة التصميم المكون الأكثر أهمية بليها تصميم / تركيب الموقع، ولورقة عمل مؤتمر Gordon shunk Texas Transportatation(2) 2003 ناقش التصميم الحضري والاتصالات والسفر ولتحسين هذه المسارات الثلاثة من خلال منظمات التخطيط الحضري (MPO) وزارة النقل من خلال عدة أسئلة تعلقت بالموضوع وتم تحليل البيانات على T^2 أساس أستخدام أختبارات

۱-۱ هدونم البحوث

يهدف البحث الى دراسة الاختبارات المعلمية الخاصة لبعض التوزيعات (التوزيع الطبيعي يهدف البحث الى دراسة الاختبارات المعلمية الخاصة ببعض وفي حالات مختلفة منها (F, t, x^2) ومدى الترابط بين هذه التوزيعات وعلاقة بعضها ببعض وفي حالات مختلفة منها المتغير أحادي أو مجموعة متغيرات ولعينة واحدة ولعدة عينات وكذلك تحديد حدود الثقة بوجود قيود تحدد من قبل الباحث حسب طبيعة المشكلة.

٢- الجانب النظري (١)(١)

Univariate testing

١-٢: اختبارات العينة الواحدة:

اولا": الاختبار الأحادي للعينة الماحدة.

I - i المجتمع غير معلوم: عادة يستخدم الأحصائي متغير أحادي للفروقات بين متوسطات العينة (\overline{X}) وانحراف معياري للعينة (S) وأستنادا" الى معلومات العينة التي نرغب بأختبار الفرضية التالية:

$$H: \mu = \mu_0$$
(1)
 $H1: \mu \neq \mu_0$ (2)

 $\sigma^2 > 0$ بأفتراض

وان قاعدة القرار ستكون

$$\begin{split} \left|t\right| &= \left|n^{1/2} \left(\overline{X} - \mu_0\right)\right| \ \left/S \ge t_{f,\alpha/2} \ \right/ \quad , \quad f = n-1 \quad(3) \\ \overline{X} &= \sum X_i \Big/n \qquad \qquad S^2 = f^{-1} \sum \left(X_i - \overline{X}\right)^2 \qquad \qquad \vdots \end{split}$$

وتحت فرضية اله H فأن t

$$t = n^{1/2} (\overline{X} - \mu_0) / S$$
(4)

f = n-1 بدرجة حرية t-dist. لها توزيع

$$t^2 = n(\overline{X} - \mu_0)^2 / S^2 \sim F_{1,f}$$
(5)

لها توزیع F-distبدرجة حریة (1,f)

وترفض H اذا كان

$$n(\overline{X} - \mu_0)^2 / S^2 > F_{1,f} \equiv t_{f,\alpha/2}^2$$
(6)

Non-central t-distribution وتحت فرضية الـ H1 يتحول التوزيع الى Non-central F-distribution بدرجة حرية f للمعادلة (٣) وتوزيع

بدرجة حرية (1,f) للمعادلة (0) والمعلمة اللامركزية لكلا الحالتين:

$$\delta^2 = n(\mu - \mu_0)^2 / \sigma^2$$
(7)

٢-تباين المجتمع معلوم:

معيار الاختبار تحت فرضية الـ H

$$Z = \frac{\sqrt{n}(\overline{X} - \mu_0)}{\sigma} \sim N(0,1) \dots (8)$$

$$Z^2 = \frac{n(\overline{X} - \mu_0)^2}{\sigma^2} \sim X_{(1)}^2 \dots (9)$$

لذا فأن

$$Z_{\alpha/2}^2 = X_{1,\alpha}^2$$

(۱) بدرجة حرية non-central chi-squaredist بدرجة حرية Z^2 الى $\delta^2=\frac{n(\mu-\mu_0)^2}{\sigma^2}$ وتكون المعلمة اللامركزية

ثانيا": الاختبارات المتعددة للعينة الواحدة Multivariate one-sample test عندما نريد أن نقيس عدة خواص للبيانات تقاس بأسلوب متعدد المتغيرات بهذا يكون لدينا البعد P-variate وتكون الفرضية كالاتي:

$$H: \mu = \mu_0 \qquad \mu = (\mu_1, ..., \mu_P)' \qquad , \qquad \mu_0 = (\mu_{10}, ..., \mu_{P0})'$$

 $H1 = \mu_1 > \mu_{i0} \quad \text{for some } i = 1, 2, ..., P$

الفتراض تباین المجتمع غیر معلوم تحت فرضیة ال H فیکون معیار الاختبار

$$T^{2} = n(\overline{X} - \mu_{0})' S^{-1}(\overline{X} - \mu_{0})$$
(10)

$$\overline{X}' = \left(\overline{X}_1, \overline{X}_2, ..., \overline{X}_P\right)'$$
 و $S = Var - Cov(Xij)$ حيث أن

تحت فرضية اله H الاحصاءة

$$\left(\frac{f-P+1}{f_P}\right)T^2 \quad(11)$$

لها توزيع F بدرجة حرية (P,f-P+1) وبهذا ترفض الفرضية اذا كان

$$\frac{(f - P + 1)n}{f_P} (\overline{X} - \mu_o)' S^{-1} (\overline{X} - \mu_o) \ge F_P,_{f - P + 1, \alpha} \qquad \dots (12)$$

وبهذا فأن الاحصاءة T^2 يتحول Hotelling T^2 statistic وتحت فرضية الـ T^2 يتحول التوزيع الـ Non-central F-distribution المعادلة (١١) وإن المعلمة اللامركزية تكون $\delta^2 = n(\mu - \mu_0)' S^{-1}(\mu - \mu_0)$ (13)

٢- تباين المجتمع معلوم:

معيار الاختبار تحت فرضية الـ H

$$Q = n(\overline{X} - \mu)' \sum_{n=1}^{\infty} (\overline{X} - \mu) \sim X_P^2 \quad(14)$$

۲-۲ أختبار Student`s t-test للعينتين:

اولا": الاختبارات الأحادية للعينتين:

١- في حالة تباين المجتمع غير معلوم

$$X_1,....,X_n \sim N(\mu_1,\sigma^2)$$
 نفرض أن ينوض أن ينوض أن

$$H: \mu_1 = \mu_2$$
(16)
 $A: \mu_1 \neq \mu_2$ (17)

فأن معيار الاختبار تحت فرضية H

حيث أن

$$S_P^2 = f^{-1} (f_1 S_1^2 + f_2 S_2^2)$$

$$f = f_1 + f_2 = n_1 + n_2 - 2$$

٢- تباين المجتمع معلوم:

معيار الاختبار هو

$$Z^{2} = \frac{n_{1}n_{2}}{n_{1} + n_{2}} \frac{\left(\overline{X} - \overline{y}\right)}{\sigma^{2}} \sim X_{(1)}^{2} \qquad(20)$$

ثانيا": الاختبارات المتعددة للعينتين:

$$X \sim N_P(\mu_1, \Sigma)$$
 : نتکن
$$Y \sim N_P(\mu_2, \Sigma)$$

$$H: \mu_1 = \mu_2$$

 $H1: \mu_1
eq \mu_2$ ولاختبار الفرضية

فأن معيار الأختبار

$$T^{2} = \left(\frac{1}{n_{1}} + \frac{1}{n_{2}}\right)^{-1} \left(\overline{X} - \overline{Y}\right)' S_{P}^{-1} \left(\overline{X} - \overline{Y}\right) \dots (21)$$

$$\left(\frac{f - P + 1}{f_{P}}\right) T^{2} \ge F_{P},_{f - P + 1, \alpha} \dots (22)$$

حبث أن:

$$(n_1 - 1)S_1 = \sum_{i=1}^{n_1} (X_i - \overline{X})(X_i - \overline{X})'$$

$$(n_2 - 1)S_2 = \sum_{i=1}^{n_2} (Y_i - \overline{Y})(Y_i - \overline{Y})'$$

$$S_P = \frac{(n_1 - 1)S_1 + (n_2 - 1)S_2}{f} , \quad f = n_1 + n_2 - 2 \dots (23)$$

Confidence region تعلقه النبية ٣-٢

منطقة الثقة في حالة المتغير الأحادي عندما P=1

$$I_n = \left[\overline{X} - \frac{S}{\sqrt{n}} t_{n-1,2/\alpha}, \overline{X} + \frac{S}{\sqrt{n}} t_{n-1,\alpha/2} \right]$$
(24)

في حالة متعدد المتغيرات أي أن

 $\mu \in \mathbb{R}^P$, aP-dimensional space

تكون منطقة الثقة هي منطقة الشكل البيضوي allipsoidal region وتعطى بـ

$$a'\overline{X} - T_{\alpha} n^{-1/2} (a'Sa)^{1/2} \le a'\mu \le a'\overline{X} - T_{\alpha} n^{-1/2} (a'Sa)^{1/2} \dots (25)$$

$$a=(a_1,...,a_P)` # 0$$
 کل قیم

اما في حالة العينتين فيمكن تطبيق الصيغة التالية:

$$a'\left(\overline{X}_{1} - \overline{X}_{2}\right) - T_{\alpha}\left(\frac{N_{1}N_{2}}{N_{1} + N_{2}}\right)^{-1/2} a'Sa)^{1/2} \leq a'\mu \leq a'\left(\overline{X}_{1} - \overline{X}_{2}\right) - T_{\alpha}\left(\frac{N_{1}N_{2}}{N_{1} + N_{2}}\right)^{-1/2} (aSa)^{1/2} \dots (26)$$

٣- الجانب التطبيقي:

للتعرف على الفروق في القياسات البدنية والوظيفية بين للطلبة الممارسون وغير الممارسين للنشاط الرياضي المنتظم تطلب الامر اختيار عينة عشوائية من طالبات التربية الرياضة للبنات وطالبات كلية الادارة والاقتصاد وتم اختيار بعض المتغيرات البدنية والمتمثلة بـ (الوزن، الطول، مرونة عمود فقري، قياس سمك ثنايا الجلد والمتمثل بالثنايا العضدية وثنايا أعلى الحرقفة) ومتغيرات وظيفية متمثلة بـ (عدد مرات التنفس، النبض، الضغط العالي والضغط الواطئ) وتم تحديدها هذه المتغيرات واختيارها من قبل خبراء في مجال التربية الرياضية والطب الرياضي والفسلجة وعلم النفس ، وعلى ضوء ذلك تم أختيار عينتين عشوائيتين العينة الأولى تمثل الطالبات الممارسات للنشاط الرياضي المنتظم من كلية التربية الرياضية للبنات والبالغ عددهم (١٠٠) أما العينة الثانية فكانت للطالبات الغير ممارسات للنشاط الرياضي المنتظم من كلية الإدارة والاقتصاد والبالغ عددهم (١٠٠).

١-٣ أجراءات البداء:

أختبار فرضية الفروقات بين متوسطات المقاييس البدنية والوظيفية ولكلا العينتين من الطالبات الممارسات للنشاط الرياضي المنتظم.

 $H: \mu_1 = \mu_2$ المتوسطات μ_2 المتوسطات جدول (۱)

يوضح الوسط الحسابي والانحراف المعياري للمتغيرات البدنية والوظيفية وللطالبات الممارسات للنشاط الرياضي المنتظم

Variables	Mean	Std.
وزن	09.75	9.07
طول	1.09	٥٧٦
عدد مرات التنفس	۸۸.۲۲	٣.٧٥
نبض	۸٩.٨٨	1 ٤.1 ٤
ضغط واطئ	79.7.	۸.۲۸
ضغط عالي	1.0.75	17.17
مرونة عمود فقري	-7.9 ٤	1.91
ثنايا العضد	77.	٦.٦١
جلد الحرقفة	19.78	١٠.٣٣

جدول (٢) يوضح الوسط الحسابي والانحراف المعياري للمتغيرات البدنية والوظيفية وللطالبات الغير ممارسات للنشاط الرياضي المنتظم

Variables	Mean	Std.
وزن	٥٧.١٢	1 8.09
طول	1.07	00
عدد مرات التنفس	۲٣.٠٤	٤.٦٦
نبض	97.77	۲۰.۳۷
ضغط واطئ	77.77	11.91
ضغط عالي	1 . 9	10.0.
مرونة عمود فقري	1.79	1.49
ثتايا العضد	٣١.٣٢	1 • . • £
جلد الحرقفة	19.77	0.58

ومن خلال الجدول (١) و (٢) يمكن ايجاد متجه الفروق بين المقاييس المدروسة للأستفادة منها في تطبيق المعادلة (٢١) وكما موضح في الجدول رقم (٣)

جدول (٣) يوضح متجه الفروقات للأوساط الحسابية للقياسات البدنية والوظيفية

وزن	طول	عدد مرات	نبض	ضغط	ضغط	مرونة عمود	ثنايا العضد	<u>- </u>
		التنفس		وإطئ	عالي	فقري		الحرقفة
۲.۱۲	٠.٠٣٤	17	-7.5%	-٧.٥٢	۳.٧٦	- ٤.٦٠٨٨	-11.17	٠.٠٨

أستخدام برنامج الحاسبة المكتوب بلغة Visul-Basic والمعد من قبل الباحث تم ايجاد مصفوفتي التباين والتباين المشترك Var-Cov matrix ولكلا المجموعتين من المتغيرات المدروسة.

جدول رقم (٤) مصفوفة التباين والتباين المشترك للطالبات الممارسات للنشاط الرياضي المنتظم

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	91.604	0.275	-2.043	4.874	13.308	52.039	1.826	37.794	-6.529
2	_	0.003	-0.004	-0.071	0.135	0.145	0.034	-0.010	-0.217
3	_	_	14.026	-6.831	-1.610	-6.241	-0.498	-6.346	0.580
4	_	_	_	200.27	520.487	56.195	0.268	20.562	33.595
5	_	_	_	_	68.558	26.537	-5.820	7.650	-6.842
6	_	_	_	_	_	164.352	-0.933	10.999	-22.513
7	_	_	_	_	_	_	3.61	-1.003	-0.588
8	_	_	_	_	_	_	_	٤٣.692	10.242
9	_	_	_	_	_	_	_	_	106.708

جدول رقم (٥) مصفوفة التباين والتباين المشترك للطالبات الغير ممارسات للنشاط الرياضي المنتظم

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	212.86	0.441	13.569	32.692	78.129	65.582	3.566	98.144	56.249
2	_	0.003	0.108	0.123	0.399	0.409	-0.085	0.015	0.108
3	_	_	21.716	30.376	2.220	9.389	0.263	-0.468	1.265
4	_	_	_	414.937	-2.183	97.878	-6.893	-18.406	-2.212
5	_	_	_	_	141.848	116.301	-0.448	9.566	5.174
6	_	_	_	_	_	240.25	-7.258	-15.562	11.718
7	_	_	_	_	_	_	3.534	3.775	0.408
8	_	_	_	_	_	_	_	100.802	39.797
9	_	_	_	_	_	_	_	_	29.485

وبعد اجراء عدة خطوات والخاصة بايجاد مصفوفة التباين المشترك ومعكوسها تم التوصل الى قيمة T^2 والمساوية الى T^2 وبمقارنتها مع قيمها الجدولية

$$\frac{f - P + 1}{f_P} T^2 = 2.976 > F_P,_{f - P + 1,\alpha} = 2.748$$

من هنا يتضع وجود فروق بين المتوسطات للمجموعتين من الطالبات الممارسات وغير الممارسات للنشاط الرياضي المنتظم.

T-۳ محود الثقة Confidence regions

لغرض تطبيق المعادلة (٢٥) يستوجب أختيار متجه غير صفري لتحديد حدود الثقة لمتوسطات المتغيرات المدروسة ولكل عينة وكما موضح بالجدول رقم (٦).

جدول (٦) حدود الثقة لمتوسطات المتغيرات المدروسة

المتجه الغير صفري	حدود الثقة للعينة الأولى	حدود الثقة للعينة الثانية
(1 · · · · · ·)	09.7£ ± 1.97	07.17 ± 7.987
(••••••)	1.099 ±11	1.070 ±11
()	77.AA ±٧01	77.18 ± 1.977
())	λ 9. $\lambda\lambda$ \pm 7. λ 6	97.87 ± ٤.٠9٤
()	79.Y ± 1.77	۲.۳۹٤ <u>+</u> ۲۷.۲۷
()	1.0.7 £ ± 7.07.	1.9 ± ٣.110
(• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	-۲.9 £ ± •.۳۸۳	1.77 ± •.٣٧9
(• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	77. ± 1.879	71.77 ± 7.11
(• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	19.78 ± 7V7	19.87 <u>+</u> 191

أما حدود الثقة للفر وقات بين المتوسطات للعينتين من الطلبة الممارسين وغير الممارسين للنشاط الرياضي المنتظم فيمكن تطبيق المعادلة رقم (٢٦) بأختيار غير صفري وكما موضح في الجدول رقم (٧).

جدول (٧) حدود الثقة للفروقات بين المتوسطات

المتجه الغير صفري	حدود الثقة
(1 · · · · · · ·)	۲.۱۲ ∓ ۰.٤٣١
(• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	٠.٠٣٤ 🛨 ٠.٠٠٢٨
()	١٦∓0.
())	-7.£A ∓ ·.A79
()	-٧.٥7 ∓ ٠.٢٩٧
$(\cdots\cdots)\cdots)$	-٣.٧٦ ∓ ٠.٥٧٢
(· · · · · ·)	-£.7·AA ∓ ·.·1·
(· · · · · · ·) ·)	-11.17 =7.5
()	·.· \ ∓ ·.· \ 97

3- الاستنتاجات.

من خلال عرض الجانب النظري للبحث يمكن أن نستنج امكانية أستخدام الاحصاءة T² بصيغتها العامة لكلا الحالتين (المتغير الأحادي، متعدد المتغيرات) وللعينة الواحدة وللعينتين، أما من ناحية الجانب التطبيقي للنظرية الأحصائية المدروسة فتم التوصل الى وجود فروق معنوية بين المجموعتين (الممارسين وغير الممارسين للنشاط الرياضي المنتظم) من خلال قيمة T² بين المحتسبة والأحصاءة F وتم ايجاد حدود الثقة للمتغيرات المدروسة ولكلا العينتين وكما موضح في الجدول (٦) كما توصل الباحث الى ايجاد حدود الثقة للفروقات بين الأوساط الحسابية بين المجموعتين وكما موضح في الجدول (٧) أي هناك اختلافات منطقية بين المتغيرات المدروسة وللعينتين من الطلبة الممارسين وغير الممارسين للنشاط الرياضي المنتظم وهي محددة في جميع المقاييس المدروسة من (وزن، طول، عدد مرات التنفس، نبض، ضغط واطئ، ضغط عالي، مرونة عمود فقري، ثنايا العضد، جلد الحرقفة).

وهذه نتيجة طبيعية كون الطلبة الممارسين للنشاط الرياضي المنتظم يتمتعون بخصائص بدنية وفسلجية تختلف عن الطلبة الغير ممارسين للنشاط الرياضي المنتظم.

٥- المصادر:

- 1. ANDERSONTw.w 1947 "AN introduction to multivariate statistical anlysis" "Joune willy and Sons"
- 2. Gordon Shunk "orban Design, Teleommunication and travel Forcasting conference" Tex us Transportation institute the S&M university system united stat Department of transportation privery statement and Legal notices 2003.
- 3. Interface gnidelines for the web apps. "Web Application inter face Design"
 - 4. MORRISON D.F 1967 "Multivariate statistical method" Mc Grow Hill book.
- 5. Ophthalamal Br.J "Astigmatism and the analysis of its surgical Correction.2001,85: 1127-1138 Septemper.
- 6. SRIVASTAVA .M.S. (2002) "Method of multivariate statistics" AJOHN Wiley and Sons.

٧. الدوري، انتصار " معدلات القياسات للأطفال حديثي الولادة مع نموذج نمو للفترة (١-١٦)
 شهرا" للأطفال العراقيين " رسالة ماجستير ، كلية الأدارة والاقتصاد، جامعة بغداد ١٩٨٩.

جامعة بغداد كلية الإدارة والاقتصاد قسم الإحصاء

عنوان البحث

الاختيارات المعلمية لبعض التوزيعات المنفردة والمتعددة

مقدم من قبل م . ایمان حسن احمد

١٤٢٦ هـ شعبان

٢٠٠٥ ۾ أيلول