

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد وإحدى التقنيات الذكائية مع التطبيق

شهد جمال الزيدي**

د. ابتهاج عبد الحميد محمد الكسو*

المستخلص

تم في هذا البحث إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد فضلا عن استخدام إحدى التقنيات الذكائية ممثلة بمستعمرة وقد أثبتت الطريقة الذكائية كفاءتها DNA النمل المثلى. وتطبيقهما على بيانات سلسلة الـ في إيجاد الحلول المثلى.

Finding optimal solutions to Traveling Salesman Problem by using Branch and Bound method and one of intelligence techniques with application

Abstract

In this research we find an optimal solutions for traveling salesman problem (TSP) using Branch and Bound method as well as we use an intelligence techniques represented by ant colony optimization (ACO) and applied them on the DNA chain data, where the technique method give an optimal solution with high efficiency.

Introduction

1- المقدمة

تعد مسألة البائع المتجول إحدى مسائل التخصيص التي يعتمد عليها الشركات أو المنشآت في توزيع المهام على العاملين (كافة اداء تلك المهام) أو المكائن أو الاقسام أو فرق العمل لديها، بهدف تقليل كلفة التنقل بالنسبة للبائع وبأقصر مسار امثل، اذ تمثل الشركة بالبائع المتجول والمهام بالمدن التي سيقوم بزيارتها. [3][5]

* استاذ مساعد / قسم بحوث العمليات والتقنيات الذكائية / كلية علوم الحاسوب والرياضيات / جامعة الموصل

** باحثة / قسم بحوث العمليات والتقنيات الذكائية / كلية علوم الحاسوب والرياضيات / جامعة الموصل

تتاول العديد من الباحثين مسألة البائع المتجول لأهميتها في الحياة العملية، اذ اقترح الباحث Chaweshly عام 2010 خوارزمية النمل المعتمدة على الطفرة لحل مشكلتي البائع المتجول وجدولة الوظائف اذ اثبت ان نموذج المقترح المناسب لحل المشاكل من نوع NP - Complete وقد اعطت هذه الخوارزمية نتائج جيدة مقارنة مع خوارزمية النمل التقليدية.[8]

وفي عام 2013 قدمت الباحثان Habeeb&Sadiq طريقة لتحسين مشكلة البائع المتجول باستخدام نظام مستعمرة النمل باستخدام جافا ، اذ تم توليد حلول جيدة وحسب المعامل الارتباط بين عدد المعتمد وعدد مرات التكرار.[14]

وقد وظف الباحث السبعوي عام 2012 مزايا خوارزمية التفرع والتحديد باعتبارها احدى الطوائق المثلى لحل مسألة البائع المتجول (TSP) اذ ادى تطبيقها بالارتباط مع الحل الامثل بسهولة واقتراح بعض التحسينات للوصول الى الحل الامثل بسهولة ويسر .[2]

يهدف البحث الى ايجاد القيمة الاصغرى لسلسلة الـ DNA لبكتريا القولون ضمن مسار باستخدام طريقتين حدسيتين الاولى طريقة التفرع والتحديد وتتمثل الطريقة الثانية بمستعمرة النمل المثلى.

2- مسألة البائع المتجول Travelling Salesman Problem (TSP)

تكمن مسألة البائع المتجول في العثور على اقصر مسار لمندوب مبيعات شركة ما يبدأ به سفره من المدينة التي انطلق منها ، اذ يقوم هذا المندوب بزيارة جميع المدن الموجودة لديه او المنصوص عليها بالعقد المبرم مع الشركة ومن ثم العودة الى المدينة التي انطلق منها .

ان القيام بهذه الجولة يعتمد بوضوح على ترتيب المدن التي زارها المندوب ، وبالتالي فأن المشكلة هي ايجاد المسار "الامثل" عبر هذه المدن .

وهناك العديد من التطبيقات تقف وراء تخطيط الطريق من قبل البائع المتجول او مندوب الشركة وقد استخدمت مسألة البائع المتجول لفهم العديد من الصياغات الطبيعية لأنها تعد مشكلة نموذجية لتحسين وحل حالات كثيرة جدا من الصعب ان لم يكن من المستحيل حلها . [9][13][21]

3- النموذج الرياضي لمسألة البائع المتجول:-

Mathematical Model for Travelling Salesman Problem

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد

ان جوهر مسألة البائع المتجول عبارة عن نموذج تخصيص يستثني المسارات الفرعية، لذلك فإنه يمكن صياغة النموذج الرياضي لهذه المسألة TSP كالآتي:-

$$\text{Minimize } Z = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n c_{ij} x_{ij} \quad , \quad c_{ij} = \infty \text{ for all } i=j$$

Subject to

$$\sum_{j=1}^n x_{ij} = 1 \quad i = 1, 2, \dots, n \quad \dots (1)$$

$$\sum_{i=1}^n x_{ij} = 1 \quad j = 1, 2, \dots, n \quad \dots (2)$$

$$x_{ij} = (0, 1) \quad \dots (3)$$

$$u_i - u_j + n x_{ij} \leq n - 1 \quad \text{for } i \neq j ; i = 2, 3, \dots, n \quad \dots (4)$$

; j = 2, 3, \dots, n

$$u_i \geq 0 \quad i = 2, 3, \dots, n$$

أذا تمثل c_{ij} كلفة السفر او المسافة من المدينة (i) الى المدينة (j)، وتكون مسألة البائع المتجول متماثلة

symmetric TSP اذا كانت $c_{ij} = c_{ji}$ لكل زوج من المدن i و j وبخلاف ذلك تعد

المسألة غير متماثلة Asymmetric TSP ، اما x_{ij} فيمثل القرار وهو على حالتين هما:-

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{اذا تم وصل المدينة } i \text{ بالمدينة } j \\ 0 & \text{o.w} \end{cases}$$

وتعرف القيود (3 و 2 و 1) على انها نموذج تخصيص اعتيادي ، فاذا كان الحل الامثل لنموذج التخصيص (ماعدا القيد الرابع) يمثل مساراً فيعد هو الحل الامثل للمسألة ، ماعدا ذلك فأن القيد (4) يجب ان يؤخذ بعين الاعتبار لضمان الحل للمسار. [9][6][2]

ويعد القيد الرابع مفتاح الصياغة للمسألة اذ ان أية مجموعة x_{ij} تحتوي على مسار فرعي ستكون غير قابلة للتطبيق ومن ثم فأن اية مجموعة لـ x_{ij} تمثل مساراً كاملاً ستكون قابلة للتطبيق ، كما ان قيمة u_i تمثل الموقع في المسار للمدينة i عندما تتم زيارتها (تسلسل المدينة i في المسار) ، يستخدم هذا غالباً في برمجة الحاسبات للتعرف على المسار الكامل ، اما في الحل اليدوي للمسألة فعادة ما يتم على المسار بمجرد النظر الى الحل.

ويمكن صياغة القيد الرابع كلامياً عند إيجاد الحل يدوياً بالقول ان "الحل المتكون يجب ان يمثل مسارا متكاملًا" او "الحل المتكون يمثل دائرة هاميلتون". [2][11]

4- الطريقة الهنكارية Hungarian method

طورت هذه الطريقة لحل مسألة التخصيص حلاً أكثر فعالية وذلك بالاعتماد على خاصية رياضية اكتشفها العالم الهنغاري Konig سنة 1957م ومن هنا جاء اسم الطريقة، و في هذه الطريقة تكون قيم التكاليف C_{ij} غير سالبة. وينص المبدأ الاساس لهذه الطريقة على ان طرح او جمع عدد ثابت من أي صف او عمود في مصفوفة كلفة التخصيص القياسية لا يؤثر في التخصيص الامثل. فمثلا اذا تقلصت كلفة انجاز عمل على آلة معينة الى K دولار فإن دالة الهدف الاصغرية لمسألة التخصيص تصبح كما يأتي:-

$$\min z = \sum_{j=1}^n (c_{1j} - k) x_{1j} \quad \dots (5)$$

$$= \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n c_{ij} x_{ij} - k \sum_{j=1}^n x_{1j}$$

:- z لأن الآلة الاولى يخصص لها عمل واحد فقط، فتصبح الدالة

$$\sum_{j=1}^n x_{1j} = 1 \quad \text{ألا أن}$$

$$z = (\text{القيمة الاصلية}) - k \quad \dots (6)$$

تهدف هذه الطريقة الى الحصول على افضل تخصيص ممكن لعدد معين من المهام (المدن) على عدد من المكائن (البائع) وذلك عن طريق الحصول على اجمالي تكاليف فرص مساوية للصفر، أي ان افضل تخصيص لمهمة معينة على آلة معينة هو الذي يتضمن تكلفة فرصة مساوية للصفر. [7][16][21]

4-1 خطوات الخوارزمية الهنكارية Steps of Hungarian algorithm

تتمثل الخوارزمية الهنكارية بالخطوات الاتية:-

- 1:- من المصفوفة الاصلية، جد اصغر قيمة من كل صف واطرحها من الصف نفسه.
- 2:- من المصفوفة الناتجة من الخطوة 1، جد اصغر قيمة من كل عمود واطرحها من العمود نفسه.

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد

3:- جد الحل الأمثل المرتبط بالعناصر المساوية للصفر في المصفوفة الناتجة من الخطوة 2، ثم اذهب الى الخطوة 8.

4:- اذ لم يوجد حل امثل (مع الاصفار المدخلة) يمكن تأمينه من الخطوة 1 و 2، انتقل الى الخطوة 5.

5:- ارسـم خطوط مستقيمة على العناصر الاصغرية (الاصفار) بشكل عمودي او افقي ،على المصفوفة الاخيرة بحيث تغطي جميع الاصفار في المصفوفة. فلنكن n تمثل عدد الصفوف او الأعمدة (بما ان المصفوفة مربعة ،عدد الصفوف= عدد الأعمدة) و N تمثل الخطوط المستقيمة العمودية او الأفقية. فاذا كانت $n=N$ اي تم الوصول الى الحل اذهب الى الخطوة 3، اما اذ كانت $n < N$ فإنه لايمكن التخصيص اذهب الى الخطوة 6.

6:- اختر اصغر قيمة غير مغطاة في المصفوفة واطرحها من جميع عناصر المصفوفة الغير مغطاة ،ثم قم بأضافة القيمة المختارة للقيمة الواقعة عند كل تقاطع للخطين المرسومين .

7:- اذ لم تستطع ايجاد حل امثل من الاصفار الناتجة في المصفوفة اذهب الى الخطوة 4 ، والا فأذهب الى الخطوة 3 لحساب الحل الأمثل.

8:- التوقف.

5- طريقة التفرع والتحديد: Branch & Bound method(BB)

تبدأ فكرة هذه الطريقة بالحل الأمثل المرتبط بمسألة التخصيص فإذا كان الحل يمثل مساراً تنتهي العملية، ماعدا ذلك يصار الى فرض قيود لإزالة المسارات الفرعية اذ ان كل تفرع يمثل وضع احد متغيرات المسارات الفرعية مساوية للصفر .

وقبل حل المسألة يتم تعيين الحد الأعلى وذلك بتحديد أي مسار متصل (لا يحتوي مسارات فرعية) واستخدام كلفته كحد اعلى ويرمز له بالرمز (Z_0) ويفضل استخدام الحدسيات لأنها تنتج أفضل حد اعلى من أي مسار، ثم تحل المسألة باعتبارها مسألة تخصيص اعتيادية فاذا كان الحل يمثل دائرة هاميلتون (لا يحتوي على مسارات فرعية) يتم التوقف ويعد هو الحل الأمثل ،أما إذا احتوى على مسارات فرعية فيتم تعيين الحل الناتج كحد أدنى (Lower bound) ويرمز له ($Z_{\square}$).

إن حساب الحدود العليا والدنيا يشير إلى وجود المسار الأمثل في المدى (Z_0, Z_1) وإن أي حل ينتج مساراً أكبر أو مساوٍ للحد الأعلى سوف يهمل، ثم يتم اختيار إحدى المسارات الفرعية لتفريعها ويفضل أن يحتوي المسار الفرعي المختار على أقل عدد من المدن (العقد) لتقليل عدد التفرعات ومن ثم إزالته عن طريق تمزيق حلقاته في شجرة البحث، وبذلك تكون عدد التفرعات بقدر الحافات الموجودة في المسار الفرعي الذي تم اختياره، بعدها يتم اختيار إحدى التفرعات وتحذف الحافة للتفريع المختار وذلك يجعل $X_{ij}=0$ وتخصيص كلفة لا نهائية للمتغير المتفرع، وتحل مسألة التخصيص الناتجة بعد حذف الحافة ويشار لقيمة دالة الكلفة بالرمز (Z) الذي يقارن حله مع الحد الأعلى (Z_0) ، فإذا كان الحل الناتج أكبر أو مساوٍ للحد الأعلى $(Z \geq Z_0)$ يهمل الحل الناتج ويتم اختيار تفريعاً آخر، إما إذا كان الناتج أقل من الحد الأعلى $(Z < Z_0)$ فهناك حالتين هما:

(1) الحالة الأولى:- إذا كان الناتج يمثل دائرة هاميلتون فيتم تحديد الحد الأعلى باعتبار الحل الناتج هو الحد الأعلى ويتم اختيار تفرع آخر لحله والاستمرار لحين إيجاد حل أفضل من الحد الأعلى، وفي حالة عدم وجود حلول أفضل من الحد الأعلى فيعد الحد الأعلى هو الحل الأمثل للمسألة.

(2) الحالة الثانية إذا كان الحل الناتج لا يمثل دائرة هاميلتون فيتم اختيار إحدى المسارات الفرعية وتفريعه والاستمرار لحين الوصول إلى الحل الأمثل بشرط عدم بقاء أية مسألة فرعية غير محلولة في شجرة البحث. [2][17]

5-1 خطوات خوارزمية التفريع والتحديد:-

تتمثل خوارزمية التفريع والتحديد بالخطوات الآتية :-

1:- إنشاء مسار عملي ابتدائي باستخدام الحديسيات أو باستخدام المسار X_0 والذي يمثل $1 \rightarrow 2 \rightarrow \dots \rightarrow n \rightarrow 1$ وتعيين $Z_0 = C_{12} + C_{23} + \dots + C_{n1}$ كحد أعلى.

2:- حل مسألة التخصيص المرتبطة فأذا كان الحل يمثل دائرة هاميلتون يتم التوقف ويكون هو الحل الأمثل، وإلا سيتم تعيين قيمة الدالة (Z_0) كحد أدنى.

3:- اختيار مسار فرعي بأصغر عدد من العقد وليكن (k) عقدة وبترتيب $i(1), \dots, i(k)$ إذ أن $k < n$ إذ يكون الحل السابق :-

$$X_{i(1),i(2)} = X_{i(2),i(3)} = \dots = X_{i(k-1),i(k)} = X_{i(k),i(1)} = 1$$

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد

4:- التفرع : تعيين (k) من المسائل الفرعية بحذف كل حافة في المسار الفرعي المختار وبالتتابع وذلك بجعل

$$X_{i(1),(2)}=0 \text{ or } X_{i(2),(3)}=0 \text{ or } \dots X_{i(k),i(1)}=0$$

5:- اختيار مسألة فرعية لحلها، وحل مسألة التخصيص المرتبطة بوضع $C_{ij}=\infty$ للحافة المحذوفة ويؤشر الحل بـ (X و Z).

6:- a: اذا كان $Z < Z_0$ ولكن الحل لا يمثل دارة هاميلتون (توجد مسارات فرعية)، اذهب الى الخطوة (3).

b: اذا كان $Z < Z_0$ ولكن الحل يمثل دارة هاميلتون (أي لاتوجد مسارات فرعية) فنقوم بتجديد الحل (الحد الاعلى والمسار) بجعل $Z_0=Z$ و $X_0=X$ ، اذهب الخطوة (7).

c: اذا كان $Z > Z_0$ اذهب الخطوة (7).

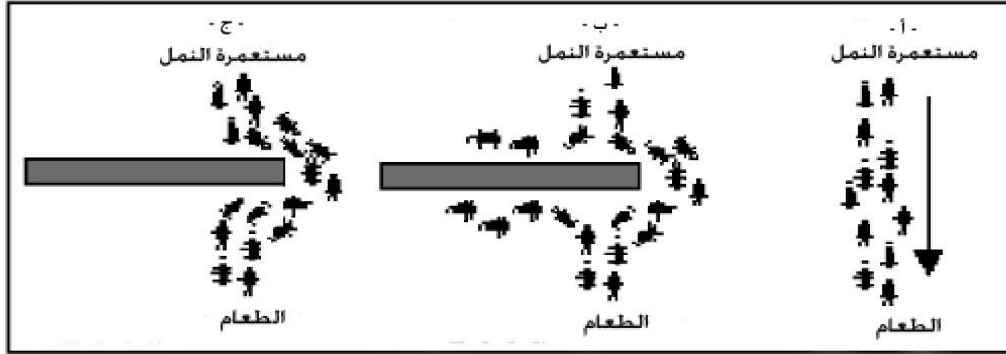
7:- اما اذا كان هناك مسائل فرعية غير محولة اذهب الى الخطوة (5) ، والا توقف ، والحل الامثل هو (X_0 و Z_0) . [2][17]

6- تقنية مستعمرة النمل الاصطناعي المثلى

Optimum Artificial Ant colony Technique

تعتمد هذه التقنية على مستعمرة النمل في الطبيعة التي تكون قادرة على اكتشاف اقصر الطرق بين العش(القفير) ومصادر الغذاء بكفاءة عن طريق افراز نوع من الروائح العطرية(الفيرمون pheromone) فكلما زادت الرائحة العطرية في مسار معين وكانت اكثر من المسارات الاخرى فهذا يدل على ان هذا المسار هو المسار الاقصر، لذا يتم استغلال السلوكيات الغريبة للنمل الحقيقي بوساطة النمل الاصطناعي عن طريق الاقتران بين الية التحفيز Catlytic Outo (التغذية العكسية الايجابية Positive feedback) وبين التقييم الضمني للحل Implicit evaluation of solution الذي يقصد به ان حقيقة المسار الاقصر الذي سيتم اختياره من قبل النمل الاصطناعي سيكون انجازه في وقت اقل من المسار الاطول، لذا فإن النمل يستلم الراحة العطرية (الفيرمون) من المسار الاقصر اسرع من المسار الاطول. ويعد التقييم الضمني للحل المقترن مع الية التحفيز ذو فعالية عالية في ايجاد المسار الاقصر اذ كلما كان افراز (الفيرمون) عاجلا كلما ازداد عدد النمل المستخدم للمسار الاقصر واذا

استخدم التحفيز بشكل قياسي فإنه سيكون ذو فعالية قوية في المجتمعات المعتمدة على الخوارزمية المثلى، والشكل (1) يمثل سلوك النمل في إيجاد الطريق إلى مصدر الطعام.



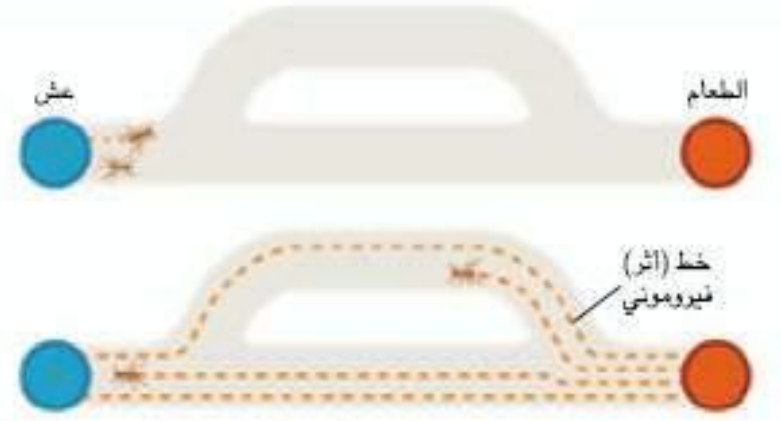
الشكل(1): سلوك النمل في إيجاد الطريق إلى مصدر الطعام

ويحاكي نظام النمل الاصطناعي سلوك النمل الحقيقي في الطبيعة من خلال تقنيتي التعاون والتدريب. اذ قام العلماء (Dorigo et,al (1996 بأيجاد هذا النظام Artificial ant system (ACS) كنوع من الحدسيات الجديدة المستخدمة في حل مسائل الامثلية المركبة والتي تسمى بمستعمرة النمل المثلى Ant colony optimization(ACO) اذ تسمح للنظام باستخدام التغذية العكسية الايجابية بين الافراد. [5][10][12][15][19]

7 - مستعمرة النمل ومسألة البائع المتجول Ant colony And TSP

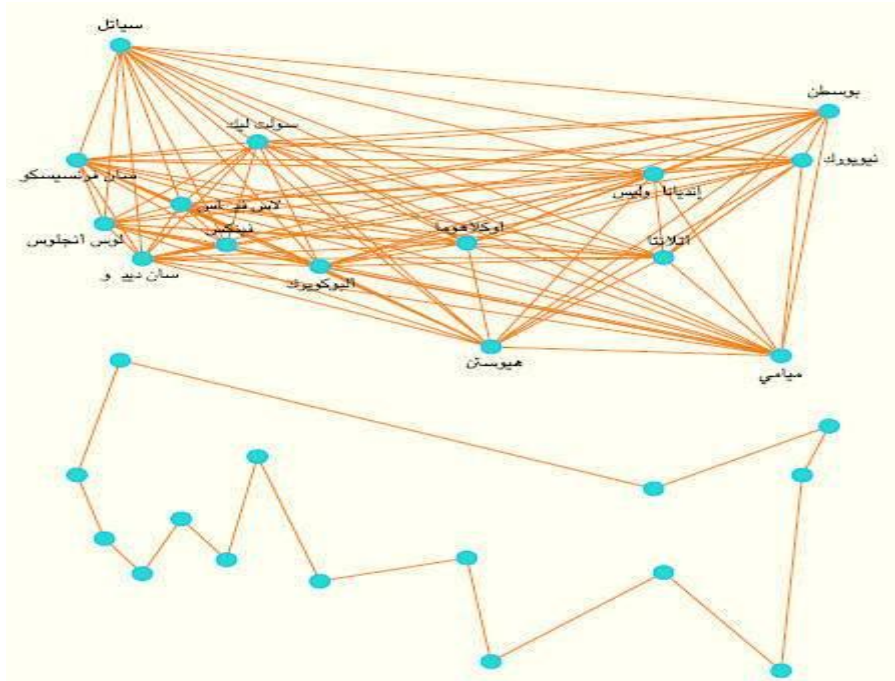
في تجربة أجراها Dorigo على النمل الأرجنتيني الذي يحمل اسم Linepithema humile، قام بصنع قنطرة ذات فرعين أحدهما له ضعف طول الفرع الآخر لاستخدامها معبرا بين المستعمرة ومصدر الغذاء. وفي غضون دقائق كان نمل المستعمرة يختار في معظم الوقت الفرع الأقصر. ولقد تحقق الباحث من أن النمل يترك أثارا من الفيرمون ويتتبعها في بحثها عن الغذاء. وبديهي أن يكون أسرع النمل رهوا قادمًا من مصدر الغذاء هو الذي سلك الطريق الأقصر ذهابًا وإيابًا. ولما كان هذا الطريق الأسبق اكتسابا لكمية مضاعفة من الرائحة العطرية (الفيرمون) فأن باقي النمل في المستعمرة سوف ينجذب إليه، والشكل (2) يوضح ذلك.

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد



الشكل(2): سلوك الطريق الأقصر من قبل النمل ذهاباً وإياباً الى المستعمرة ويتبين من الشكل(2) ان الطريق الأقصر سيكون هو الأسرع بالرجوع الى القفير بسبب رائحة (الفيرمون) المتبقية في الطريق إذ تكون أقوى فيه، وبذلك سوف ينجذب اليه بقية النمل. [10][12]

وفي مسألة البائع المتجول Travelling salesmen problem يكون على البائع إيجاد اقصر طريق ممكن بين العديد من المدن التي سيتم زيارتها من دون تكرار. ان هذه المسألة القديمة بالغة الصعوبة فنمة بلايين الاحتمالات للمسير من 15 مدينة فقط وهي $(n-1)!$ و الشكل (3) يوضح ذلك. [12][15][18]



الشكل(3): خارطة السير بين 15 مدينة للبائع المتجول

7-1 خوارزمية النمل لحل مسألة البائع المتجول

Steps for ACO algorithm to solve TSP

كل نملة من النمل تستخدم المادة العطرية (الفيرمون) وحدها في البحث والانتقال بين المواقع التي يتواجد فيها الغذاء. ويمكن الاستفادة منها في حساب احتمالية الانتقال من منطقة الى اخرى في مسألة البائع المتجول كما موضح في الخطوات الاتية:-

1:- عرف مصفوفة المسافات او الكلف والتي يرمز لها بالرمز D .

2:- ادخل المدن المساوية اعدادها لحجم المصفوفة وكذلك اعداد النمل المساوية لاعداد المدن.

3:- احسب الدالة الحدسية η_{ij} والتي تساوي مقلوب المسافة من العلاقة الاتية:-

$$\eta_{ij} = 1./d_{ij} \quad \dots (7)$$

اذ ان :-

i : العقدة او المدينة التي تكون فيها النملة ، j العقدة او المدينة التي ستنقل اليها النملة.

d_{ij} : المسافة بين العقدة i والعقدة j .

4 :- ادخل قيم α و β و p : اذ ان α و β ثابتان يمثلان متغيرا التحكم ويحددان اهمية العلاقة بين (الفيرمون) والدالة الحدسية وقيمة p تمثل معلمة تبخر الفيرمون، اذ ان $p \in (0,1]$ تشير الى الحافات التي مرت بها النملة من بداية جولتها الى موقعها الحالي، وادخل عدد التكرارات المطلوبة.

5: احسب احتمالية انتقال كل نملة من مدينة الى اخرى كما في المعادلة الاتية:-

$$p_{ij}^k = \begin{cases} \frac{\tau_{ij}^\alpha \cdot \eta_{ij}^\beta}{\sum_{j \in N_i^k} \tau_{ij}^\alpha \cdot \eta_{ij}^\beta} & \text{if } j \in N_i^k \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad \dots (8)$$

6: يبدأ الفيرمون بالتبخر من جميع الحافات عند تحرك النملة k وحسب العلاقة الاتية:

$$\tau_{ij} \leftarrow (1 - p)\tau_{ij} \quad ; \forall (i,j) \in A \quad \dots (9)$$

7: بعد انتهاء كل نملة من جولتها يتم تحديث الفيرمون وكما في المعادلة الاتية:

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد

$$\tau_{ij} = (1 - p)\tau_{ij} + \sum_{k=1}^N \Delta\tau_{ij}^k \quad \dots \quad (10)$$

اذ ان :-

$\Delta\tau_{ij}^k$: التغير في كمية الفيرمون الذي يحسب كما من المعادلة الآتية :-

$$\Delta\tau_{ij}^k = \frac{Q}{L_k} \quad \dots \quad (11)$$

أذ أن :-

Q: قيمة ثابتة تعمل على تحديد مقدار الزيادة في كمية الفيرمون في نطاق محدد.

L_k : الطريق الذي تقطعه النملة k.

8: تتوقف الخوارزمية عند انتهاء عدد التكرارات. اذ ان كل تكرار عموما يمثل دورة كاملة تشمل حركة النمل وتبخر الفيرمون. [15][18]

8- الحامض النووي الرايبوزي منقوص الاوكسجين

Nucleic Acid (DNA) Deoxyribo

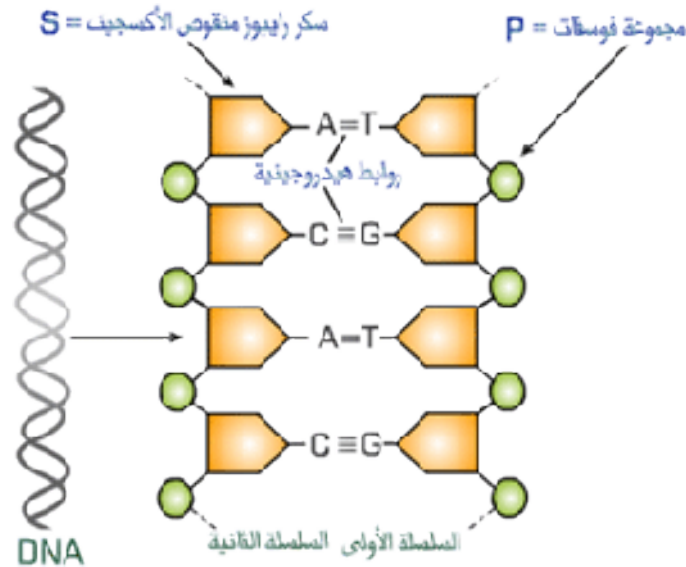
بدأ الاعتقاد عام (1953) بأن الحامض النووي الـ DNA هو المادة الوراثية عندما قام العالمان واتسن وكريك (J. Watson and F. Crick) بوضع نموذج للتركيب الرائع لهذا الحامض والذي يوضح مصادر صلاحية هذا الحامض لأن يكون المادة الوراثية .

وتتمثل أهمية الـ DNA في انه يشكل مادة وحدات الوراثة المسماة بالمورثات أو الجينات (Genes) وهذه بدورها تتحكم في الصفات الوراثية و بجميع الأنشطة التي تقوم بها الخلايا.

ويعرف الـ DNA على انه جزيئة كبيرة مسؤولة عن حمل الصفات الوراثية وله القدرة على مضاعفة نفسه Self_ duplication بنفس تركيبه السابق.

يتكون الحامض النووي (DNA) من خيطين مجدولين مع بعضهما بواسطة قطع صغيرة موصولة ببعضها تسمى النيوكليوتيدات Nucleotides يمكنها أن ترتبط بروابط تساهمية بأي نظام لتكوين نظام طويل عديد الوحدات Long polymer . مما يعطي للحامض النووي شكل

لولبي يعرف باسم الحلزون الثنائي (Double Helix). والشكل (4) يوضح تركيب الـ DNA. [1][4][22][20]



الشكل (4): شكل توضيحي لتركيب الـ DNA

9- الجانب التطبيقي

في هذا الجانب: تم أستعراض مصفوفتين لسلسلة الـ DNA لجراثومة بكتريا القولون واللذان تمثلان مصفوفات الانتقال التكرارية (ازواج Oij ، ربايعيات Oijkl) للقواعد النتروجينية. ومن خلال التطبيق ثم عرض النتائج لكل من الطريقتين (التفريع والتحديد ومستعمرة النمل المثلث) على هذه المصفوفات والمقارنة بين هاتين الطريقتين للحصول على افضل قيمة اصغرية لهذه السلسلة. [1]

1- مصفوفة الانتقال التكرارية لازواج القواعد النتروجينية Oij:

i \ j	A	C	G	T
A	123	120	128	127
C	122	121	144	111
G	154	142	153	97
T	98	116	121	80

إيجاد الحلول المثلى لمسألة البائع المتجول باستخدام طريقة التفرع والتحديد

2- مصفوفة الانتقال التكرارية لرباعيات القواعد النتروجينية Oijkl:

kl ij	AA	AC	AG	AT	CA	CC	CG	CT	GA	GC	GG	GT	TA	TC	TG	TT
AA	15	18	12	10	9	8	5	6	22	11	19	10	9	7	4	1
AC	9	16	8	11	8	12	3	7	6	8	7	2	4	5	5	5
AG	13	13	9	5	5	11	12	2	8	6	1	5	1	0	1	5
AT	4	9	9	7	3	11	8	2	8	8	17	11	3	7	10	3
CA	6	4	11	6	5	6	7	8	12	11	10	6	5	9	2	4
CC	8	7	18	8	4	4	7	6	9	7	13	4	5	3	11	5
CG	9	5	4	5	12	12	13	11	16	15	14	15	7	8	4	3
CT	2	5	14	4	3	2	13	5	4	4	19	6	1	11	15	5
GA	11	3	7	7	18	8	5	13	9	5	4	3	24	7	4	21
GC	11	6	7	6	7	11	12	10	11	7	21	9	10	9	17	8
GG	2	10	7	4	9	13	5	9	4	13	0	9	6	15	14	9
GT	6	2	7	2	9	5	11	9	12	4	7	8	2	2	12	5
TA	5	2	1	10	2	4	0	4	10	11	5	3	4	2	1	6
TC	10	7	7	11	5	7	4	9	3	3	3	6	6	8	8	6
TG	12	7	16	7	18	12	15	8	14	10	10	3	6	15	1	3
TT	3	8	10	2	4	9	2	5	2	6	11	5	4	6	2	2

والجدول (1) يوضح النتائج التي تم التوصل إليها بعد تطبيق خوارزميتي و(1-5) و(1-7) على مصفوفتي سلسلة الـ DNA وعلى النحو الآتي:

الجدول(1): نتائج تطبيق الخوارزميتين على مصفوفتي سلسلة الـ DNA

المصفوفة الخوارزمية	Oij	Oijkl
Branch & Bound	459	42
ACO	459	42

10- الاستنتاجات و التوصيات

10-1 الاستنتاجات

خُصَّ البحث الى عدد من الاستنتاجات نوجزها بالاتي:-

1- يلاحظ من الجدول (1) تطابق نتائج الخوارزميتين بالنسبة لمصفوفتي الأزواج Oij والرباعيات $Oijkl$.

2- توصلت خوارزمية النمل المثلى ACO الى القيم الاصغرية لمصفوفتي سلسلة الـ DNA بشكل اسرع من خوارزمية التفرع والتحديد، وبذلك تعد هذه الطريقة الافضل من بين الطرائق المستخدمة.

3- في حالة كبر حجم المصفوفات يفضل استخدام التقنيات الذكائية بسبب وجود التكرارات التي تؤدي الى الحل الامثل او القريب منه بوقت قليل، اذ ان زيادة عدد التكرارات بأستخدام خوارزمية مستعمرة النمل المثلى تؤدي الى الحصول على قيمة اصغرية اسرع من القيم الاصغرية التي يتم الحصول عليها من بقية الخوارزميات مع التأكيد بثبات القيمة فيما لو طبقت على نفس المصفوفة.

4- ان القيمة الاصغرية المستحصلة من تطبيق الخوارزميتين (مستعمرة النمل المثلى والتفرع والتحديد) على المصفوفات الكبيرة الحجم (الرباعيات) لسلسلة الـ DNA اقل من القيمة الاصغرية المستحصلة من تطبيقهما على المصفوفات الاصغر حجما (الأزواج) لنفس السلسلة.

10-2 التوصيات

في ضوء الاستنتاجات التي تم التوصل اليها اعلاه يوصى بالآتي:

1- أستخدام خوارزمية مستعمرة النمل في المصفوفات ذات الحجم الكبير وكذلك يوصى استخدامها في حل مسائل من نوع $Np-complete$.

2- يمكن تطبيق الخوارزمية الجينية ايضا في هذا البحث ومقارنة نتائجها مع مستعمرة النمل المثلى.

3- اقتراح خوارزميات مهجنة بين التفرع والتحديد وخوارزمية النمل ومقارنتها مع الخوارزميات المستخدمة في هذا البحث.

References

المصادر

أ - المصادر العربية

- 1- الازدي، ايمان سليمان محمد،(2002)، " تقدير رتبة سلاسل ماركوف مع التطبيق على سلاسل DNA " رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية علوم الحاسبات والرياضيات ،جامعة الموصل.
- 2- السبعوي ،احمد محمود محمد،(2012)، "استخدام خوارزمية التفرع والتحديد والخوارزمية الجينية في حل مسألة البائع المتجول" مجلة العراقية للعلوم الاحصائية ،جامعة الموصل.
- 3- الشمري ،حامد سعد نور و الزبيدي، علي خليل.(2007)، "مدخل الى بحوث العمليات"، دار مجدولاي للنشر والتوزيع ، عمان، الاردن.
- 4- تاج الدين،د.سعد جابر والعيسى، د.عبد النبي هادي (2000) ، " الخلية والوراثة الجزء الثاني علم الوراثة"، الطبعة الثانية، جامعة البصرة.
- 5- محمود، محمود صبحي،(2011) ، "استخدام خوارزميتي النمل والتنظيم الذاتي في كشف وتصنيف التطفل في شبكات الحاسوب" رسالة ماجستير غير منشورة، كلية علوم الحاسبات والرياضيات ،جامعة الموصل.
- 6- نعوم، جيهان هشام ،(2006)، "مصفوفة الانتقال لمسألة البائع المتجول " رسالة ماجستير، جامعة التكنولوجيا، بغداد.

ب - المصادر الاجنبية

- 7- Burkad R,Dell'Amico M and Martello S ,(2009), "**Assignment Problems**", Society for Industrial and Applied Mathematics ,Philadelphia .
- 8- Chaweshly, Dr. Saran Akram,(2010), " **Proposal of Mutation-Based Bees Algorithm (MBA) to Solve Traveling Salesman & Jobs Scheduling Problems**", journal Eng. & Tech.,vol28, University of Salahddien /Erbil.
- 9- Davendra ,Donald ,(2010),"**Traveling Salesman Problem, Theory and Applications**", Published by InTech Janeza Trdine 9, 51000 Rijeka, Croatia.

10-Dorigo,M.,Birattari,M.andStuzle,T.,(2006),“**Ant Colony Optimization and swarm Intelligence**”, LNCS sublibrary:SL1-Theoretical computer science and Issues ,Germany.

11-Froushani , Mahshid Abtahi and Yusuff Rosnah Mohd.,(2009) ,
"Development of an Innovative Algorithm for the Traveling Salesman Problem (TSP)", European Journal of Scientific Research , ISSN 1450-216X Vol.29 No.3, pp.349-359.

12- Gambardella, L.& Dorigo M.(1997) “**Ant Colony System : A Cooperative Learning Approach to the Traveling Salesman Problem**”, University Libre de Bruxelles ,Belgium, Accepted for publication in the IEEE Transactions on Evolutionary Computation,Vol.1, No.1, In press.

13-Gutin, Gregory and Punnen, Abraham P., (2004)," **The Traveling Salesman Problem and Its Variations (Combinatorial Optimization)**" , KLUWER ACADEMIC PUBLISHERS, New York

14-Habeeb,Shatha and Sadiq,Zainab "**Optimize TSP using Ant Colony System using Java**",journal of Iraqi journalist Academic, Baghdad.

15- Hlaing ,Zar Chi Su Su, and Khine ,May Aye ,(2011)” **An Ant Colony Optimization Algorithm for Solving Traveling Salesman Problem**”, International Conference on Information Communication and Management
IPCSIT vol.16 , IACSIT Press, Singapore.

16- Kuncheva, Ludmila I. ,(2010)“**Full-class set classification using the Hungarian algorithm**”, journal of Int. J. Mach. Learn. & Cyber.1:53–61.

17- Labb'e ,Martine and Yaman ,Hande , Gourdin, Eric,(2005) “**A branch and cut algorithm for hub location problems with single assignment**” journal of Math. Program., Ser. A 102: 371–405 .

18- Merkel, D. ; Middendorf, M. and Schmeck, H. (2000) “**Pheromone Evaluation in ant colony optimization**”, Institute for applied Computer Sciences and Formal description methods(AIFB), University of Karlsruhe,D-67135 Karlsruhe ,Germany.

19- Ostfeld ,Avi,(2011),“**Ant Colony Optimization - Methods and Applications**” Published by InTech ,Janeza Trdine 9, 51000 Rijeka, Croatia.

20- Robinson, Richard ,(2003),“**genetics**”, Macmillan Reference USA, Vice President and Publisher. LIBRARY OF CONGRESS CATALOGING- IN-PUBLICATION DATA.

21- Taha,H.A.,(2007),“ **Operations Research An Introduction** ” ,Pearson Precintle hall, 8th Edition ,New Jersey , USA .

22- Tutton ,Richard and Corrigan, Oonagh,(2004),“**Genetic databases: Socio-ethical issues in the collection and use of DNA**”, First published by Routledge,11 New Fetter Lane, London EC4P 4EE,Simultaneously published in the USA and Canada ,by Taylor & Francis Inc.