

## فاعلية استراتيجية البنتاجرام pentagram في تدريس مادة الرياضيات لتنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية لطلاب الصف الأول المتوسط

م.م. سلام عباس داود بشير الجبوري

الجامعة العراقية / مركز الحاسبة الإلكترونية / طرائق تدريس الرياضيات

[salam.a.dawood@aliraqia.edu.iq](mailto:salam.a.dawood@aliraqia.edu.iq)

9647715776669+

### مستخلص البحث:

تهدف هذه الدراسة إلى توضيح استراتيجية البنتاجرام وفاعليتها في تنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية لدى طلاب المرحلة المتوسطة. قام الباحث باختيار المنهج التجريبي ذي الضبط الجزئي بمجموعتين ، حيث تم التدريس للمجموعة التجريبية منها باستخدام استراتيجية البنتاجرام pentagram، أما المجموعة الضابطة فقد تم التدريس بالطريقة التقليدية، وقد بينت النتائج بعد الإجراءات التي قام بها الباحث من اختيار مجتمع وعينة البحث وضبط متغيرات التكافؤ لمجموعتي البحث وإعداد اختبار حل المشكلات اللغوية الرياضياتية والأخذ بملحوظات المحكمين وخروجه بصورة الاختبار النهائية حيث كانت النتائج تشير إلى تفوق طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار البعدى لمهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية على طلاب المجموعة نفسها في الاختبار القبلى حل المشكلات اللغوية، كما أثبتت إ في تنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية باستخراج قيمة نسبة الكسب المعدل لبلاك الذي كان قيمته أكبر من القيمة التي حدها بلاك.

**الكلمات المفتاحية:** استراتيجية البنتاجرام - حل المشكلات اللغوية - pentagram

### أولاً: مشكلة البحث:

ان من اهم التحديات التي تواجه الطالب اليوم: عدم قدرتهم على حل المشكلات اللغوية الرياضياتية، وهذا يحرم الطالب من اظهار موهبتهما الفكرية وابداع ارائهم وقدرتهم على التامل والمناقشة من خلال خبرة الباحث تم ملاحظة وجود قصور في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية عند طلاب المرحلة المتوسطة، وهذا بدوره ينعكس تماماً على اداء الطلاب داخل الفصل. وقد اكدت العديد من الدراسات انه: يوجد صعوبات في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية عند الطالب عموماً، وطلاب المرحلة المتوسطة بصفة خاصة. ومن جهة أخرى، إن القائمين على تعليم مادة الرياضيات يواجهون تحديات كبيرة وذلك ليكونوا مبدعين في التدريس وتطبيق الاستراتيجيات المختلفة التي يمكن أن تحسن وتطور مستوى التعليم عند الطلاب. ومن هذا المنطلق، ومن أجل تطوير مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية تحدثت مشكلة البحث في وجود ضعف شديد في مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية لدى طلاب المرحلة المتوسطة، ومن المتوقع أن يكون السبب هو: الطالب أو مادة الرياضيات أو المعلم. وفي هذا البحث سيتم التركيز على المعلم، حيث أن بعض المعلمين يستخدمون طرائق تدريس غير مناسبة للعملية التعليمية داخل الفصل.

وتنمية المهارات في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية تتم بالاتي: تحديد المعطيات- تحديد المطلوب

- وضع خطة الحل - تنفيذ خطة الحل. (قديل، 2020: 9)

وهذا البحث هدفه الرئيس الاجابة على السؤال الآتي: ما فاعالية استخدام استراتيجية البنتاجرام pentagram في تدريس مادة الرياضيات لتنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية لطلاب الصف الأول المتوسط؟

**ثانياً: أهمية البحث:**

إن استراتيجية البنتاجرام تعتمد على عمليات البحث بهدف الوصول الصحيح والماهير إلى المعلومة بأقل جهد ووقت، وهي استراتيجية تعليمية جديدة تهدف لتنمية مهارات القكير العليا كالخطيط والمراقبة والتقويم وكذلك إلى تقديم نظام تعليمي جديد للطلاب، كما أنها مرنة يمكن استخدامها في جميع المراحل الدراسية وفي كافة المواد والتخصصات. (الإسدي والفتلاوي، 2023: 588)

أكيدت الابحاث الحديثة أهمية تنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية من خلال تطبيق استراتيجيات تدريسية حديثة. هذه الابحاث تساعد في وضوح الرؤية لدى معلمي مادة الرياضيات والقائمين على تصميم المناهج الدراسية حول كيفية استخدام فاعلية البنتاجرام في تدريس المناهج الرياضية، وكيف يفكرون وتجنب الطرق التقليدية القديمة وذلك لعلاج بعض الفصور والضعف في اساليب طرائق التدريس، واستخدام استراتيجيات ايجابية في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.

**ثالثاً: هدف البحث:**

يهدف البحث الحالي إلى: التعرف على فاعلية استراتيجية البنتاجرام في تدريس مادة الرياضيات وذلك لتنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية لطلاب الصف المتوسط.

**رابعاً: فرضيات البحث:**

ولتتحقق من هدف البحث تمت صياغة الفرضيات الآتية:

- "لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المادة المقررة وفقا لاستراتيجية البنتاجرام pentagram ومتوسط درجات طلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا المادة نفسها وفق الطريقة الاعتيادية".
- "لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المادة المقررة وفقا لاستراتيجية البنتاجرام pentagram في الاختبار الفبلي والاختبار البعدي في اختبار حل المشكلات اللغوية الرياضياتية".

**خامساً: حدود البحث:**

يقصر البحث الحالي على:

1- **الحدود المكانية:** اقتصرت الدراسة على المدارس المتوسطة والثانوية في المديرية العامة للتربية ديالى.

2- **الحدود الزمانية:** أجريت هذه الدراسة في الفصل الدراسي الثاني للعام 2023-2024.

3- **الحدود البشرية:** أجريت الدراسة على طلاب (الصف الأول المتوسط) بمديرية تربية ديالى.

**سادساً: تحديد المصطلحات:**

استراتيجية البنتاجرام: عرفها عبدالله (2024:19): هي استراتيجية تعليمية تفاعلية، من خلال نظام تعليمي جديد للطلاب، ويساعد طلاب المرحلة الإعدادية على إنجاز المهام التعليمية بأنفسهم من خلال الأنشطة التي تعتمد على مهارة البحث والاستكشاف للمعلومات في مادة الرياضيات.

(عبدالله، 2024: 19)

التعریف الإجرائی: هي مجموعة من الخطوات التي تظهر في ترتیب منظم لاجل حل المشكلات، تعتبر استراتيجية تعليمية تفاعلية تهدف الى حل المشكلات اللغوية الرياضياتية من خلال تقييم نظام تدريسي جديد للطلاب، وتساعد الطلاب في المرحلة المتوسطة على تحقيق الهدف التعليمي بأنفسهم من خلال الأنشطة التي تعتمد على مهارة البحث والاستكشاف والمتابعة للمعلومات في مادة

الرياضيات ويمكن قياسها من خلال الدرجة التي يحصل عليها الطالب في اختبار حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.

**المشكلات اللغوية الرياضياتية:** عرفها (Asiri, 2002) بأنها تلك المواقف الرياضياتية التي يتم تقديمها للطلاب بشكل لفظي غير مباشر ضمن مناهج الرياضيات المدرسية. (Asiri, 2002: 7) ووصفها (الحربي، 2014) بأنها: عبارة عن موقف كمي وضع في صورة كلمات، والمطلوب حل هذا الموقف والوصول إلى نتيجة محددة (الحربي، 2014: 31)

**التعريف الاجرائي:** هو قدرة الطالب على الممارسات والإنشطة العقلية والقدرة على جمع الحقائق التي تحتاج إلى حل من خلال مهارات (تحديد المعطيات - تحديد المطلوب - وضع خطة الحل - تنفيذ خطة الحل - التحقق من صحة الحل) أو بارشاد المعلم للوصول إلى الحل الصحيح عن طريق الاستقراء والاستنباط.

### الاطار النظري

#### اولاً: المحور الأول: استراتيجية البنتاجرام

تعد استراتيجية البنتاجرام من الإستراتيجيات الحديثة التي تعتمد على التعلم النشط وهي عبارة عن عدة خطوات منظمة لحل مشكلة ما، وتعتمد على التخطيط واتخاذ القرار وتطبيقه ثم تقويمه.

وتسمى فاعلية البنتاجرام في تنمية مهارات التفكير العليا للمتعلمين، وخلق روح المبادرة لحل المشكلات وتحويل عملية التعلم التقليدية إلى عملية التعلم الممتعة. (Abdel Aziz, 2016: 14)

ويساعد التدريس الفعال باستخدام استراتيجيات حديثة في الرياضيات على استمرار تقدم المتعلمين بشكل فردي او جماعي مما يسهم في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.

واستراتيجية البنتاجرام تعبر عن مجموعة من المهام الإبداعية المتمثلة في الخطوات الإجرائية التي تبدأ بالمعرفة ثم التخطيط والتطبيق واتخاذ القرار والتقويم، والتي تطبق على مجموعة من القضايا والمشكلات. (الحديدي، 2021: 3259) وتمثل استراتيجية البنتاجرام استراتيجية حديثة تعتمد على التعلم النشط، تتكون من الأطر الخمسة لتنفيذ مجموعة من الاجراءات وتعطي للطلاب مساحة واسعة ليبدعوا في ادارة المعرفة واتخاذ القرار بشأنها وتقييم فكرهم في كل خطوة من تلك الإطار. (الإسدي والفتلاوي، 2023: 591) وقد تناول الكثير من الدارسين خطوات استراتيجية البنتاجرام مثل (عبدالله2024)، (الإسدي والفتلاوي 2023)، وفي هذه الدراسة تم محاولة توضيح هذه الخطوات كما يلي: خطوات استراتيجية البنتاجرام (خمس مراحل):

1) المعرفة: دراسة المهمة او المشكلة من خلال رسم شكل توضيحي لتحديد المهمة مع طرح الأسئلة على الطالب، وتعد هذه المرحلة هي محور انطلاق المتعلم، فهي تثير الدافعية للبحث والتعلم وتهدف إلى تقديم السياق العام والصورة المجملة للمهمة. والمطلوب من المتعلمين: القيام بها بدءاً من تحديد فكرة البحث عن المعلومات وتحديد الأهداف وطريق السير في المهمة عن طريق استعمال التصميم.

2) التخطيط: وضع الخطة لإنجاز المهمة، ويعني تنظيم المعرفة السابقة والمعلومات والبيانات التي سبق جمعها من مرحلة المعرفة. فيوضع المتعلم أهدافاً ووسائل تساعد على تحقيق ما يريد.

3) اتخاذ القرار: اختيار صحة الفرضيات والبدائل، لتحديد أفضل طريقة للوصول إلى الهدف، وكيفية ربط هذه الوسائل بالأسئلة المحورية التي سبق طرحها في مرحلة المعرفة.

4) التطبيق: تنفيذ ما تم التخطيط له من الفرضيات، حيث تكون المهمة مهيأة للتطبيق.

5) التقويم: كتابة تقرير عن المهام المختلفة، وهذا يعني المتابعة المستمرة لما يؤديه المتعلمون في كل مرحلة من المراحل السابقة. ويجب على المعلم تشجيع المتعلمين للوصول إلى النتائج المرغوب فيها،

وعملية التصميم تبدأ بالمدخلات وتمر بعمليات المعالجة وتنتهي بالخرجات وعند كل مرحلة تزداد خبرة المتعلم ومحارفه وتكامل المراحل. (الإسدي والفتلاوي، 2023: 592)

واستراتيجية البناباجرام تطلق على التصميم الخماسي الدائري لحل المشكلات، فهي تستهدف اعادة هيكلة العقل ايجابياً للطلاب، مع التدريب على السلوك الذكي في معالجة المعلومات وتوظيفها كعملية إجرائية لإدارة وتنظيم التفكير حتى يتم انجاز المهام الأكاديمية، وت تكون من خمسة اطر تكاملية مرنة تبدأ من المعرفة والتخطيط واتخاذ القرار والتطبيق والتقويم، من أجل البحث عن الحلول العلمية والمنطقية لأداء المهمة بنجاح. (نوير، 2021: 256)

استراتيجية البناباجرام: هي استراتيجية تبني الذكاء وتحاطب قدرات الطلاب وتنكيف مع المناهج التعليمية وتعتمد التعلم النشط بمشاركة الطلاب في انشطة التعلم وتحملهم مسؤولية ما تعلموه والتخطيط له والتحكم فيه ومراقبته. (خليل، 2022: 294-235)

ويضيف (30: Ghayad, 2018) ان استراتيجية البناباجرام تتكون من مجموعة من الخطوات التي تظهر في ترتيب منظم اجل حل المشكلات، وتعتمد على تحفيز المتعلمين على طرح الإسئلة وتزويدهم بالمهام والإجراءات الازمة للحل وتنمي لديهم مهارات التفكير الإبداعي، وتعزز روح التعاون كفريق واحد.(Ghayad, 2018: 30)

#### خصائص استراتيجية البناباجرام:

من خلال ما تم توضيحه من تعاريفات متعددة لكثير من الباحثين لاستراتيجية البناباجرام، يمكن تحديد خصائصها كالتالي:

1. تكاملية، فلا يمكن اجراء خطوة دون اخرى، واتقان كل مرحلة يعتمد على المراحل الأخرى.
  2. اساسها التفكير وخاصة التأمل والإستراتيجية مع التركيز على التفكير بطرق ابداعية.
  3. تقوم على ما وراء المعرفة من تخطيط وتنفيذ ومراقبة ذاتية وتقويم ومراجعة بموافقات التعليم.
  4. اكتساب اللغة بالنفس والاستقلالية الذاتية وتحمل الذاتية وتنظيم الذاتي للتعلم.
  5. تحديد الأولويات والحرص على الوقت.
  6. اكتساب الطلاب مهارة التخطيط وربط ذلك بكيفية الوصول الى مصادر المعرفة المتنوعة وتطبيقاتها في الواقع.
  7. الانسجام والتواافق بين المعلم والمتعلم.
  8. مستمرة مع ملاحظة ما يطرا عليها من تغيير واصلاح الاخطاء.
  9. منتظمة، فهي تبدأ بالمدخلات ثم العمليات ثم المخرجات، وفي نهاية كل مرحلة مخرجات جديدة.
- دور المعلم في تطبيق استراتيجية البناباجرام .pentagram

جدول (1) يبين دور المعلم اثناء تطبيق استراتيجية البتاجرام

ن	قبل المهمة	اثناء المهمة	بعد المهمة
1	ادارة وتنظيم الوقت بما يناسب المهمة.	تسهيل وتنوير العمل مع تشجيع الطالب.	تحويل حجرة الدراسة الى بيئة تفاعلية استقصائية.
2	توضيح الهدف وكيفية القيام بالمهمة	ضرب الأمثال والحكايات والقصص الهدافة	الحوار بين المتعلمين بعضهم البعض لعرض النتائج المختلفة
3	استخدام الخرائط الذهنية لربط الخبرات السابقة بالحديثة	استخدام الخرائط الذهنية لربط الخبرات السابقة بالحديثة	تقييم كل طالب للوصول الى النتائج
4	كسر الجمود - اشارة الدافعية - تحفيز روح التحدي بين الطلاب	ابداء الملاحظات والتوجيهات - المتابعة الفورية وتذليل المشكلات، والاجابة عن استفسارات الطلاب دون إعطاء الحل	- عرض ملخص المهمة في صورة دروس مستفادة، وترغيبهم في تطبيق الاستراتيجية كمهارة حياتية جديدة.

(عبد الله، 2024: 28)

#### المحور الثاني: المشكلات اللغوية الرياضياتية:

تناول العديد من الباحثين موضوع المشكلات اللغوية الرياضياتية بطرق مختلفة، ويؤكد ان يجمع الكثير منهم انها تمثل عنصرا اسasيا في الرياضيات، وهناك توجهات كبيرة لتدريب الإنسان على ان يواجه مشكلاته بنفسه فيستطيع ان يتخذ قرارا سليما ويفعلها، وأصبحت الإن المناهج الدراسية تهتم بهذه المسألة، حيث ان مادة الرياضيات تعد من المواد الدراسية الهامة في هذا الموضوع، فهي مع الطالب منذ دخوله المدرسة حتى يتخرج منها. ومن ناحية اخرى، فان منهج مادة الرياضيات يحتوي على العديد من المشكلات الرياضياتية التي تمثل التدريب العملي على حل المشكلات اللغوية الرياضياتية. وقد اهتم العاملون في مجال تدريس الرياضيات كثيرا بدراسة وتحليل اساليب حل المشكلة الرياضياتية، ذلك لأن حل المشكلة الرياضياتية يرتبط ارتباطا مباشرا بالطريقة العلمية اي بأسلوب حل المشكلات. (البيشتي، 2007: 25) وسوف نتناول في هذا البحث: المشكلات اللغوية الرياضياتية من حيث: تعريفها وشروطها - خطوات حلها - صعوبة حلها - دور المعلم والطلاب في حلها، الإستراتيجيات في حلها.

#### اولا- تعريف وشروط المشكلة اللغوية الرياضياتية:

سوف نتناول المشكلة اللغوية الرياضياتية وشروطها كالتالي:

##### 1- تعريف المشكلة اللغوية الرياضياتية:

عرفها (بدوي، 2007: 195) بأنها: تمثل العمليات التي تتضمن مهارات ومعلومات، ويستخدمها الطالب للوصول الى حل المشكلة التي تواجهه. (بدوي، 2007: 195)

##### 2- شروط المشكلة اللغوية الرياضياتية:

من خلال دراسة بعض الأدباء التي تناولت المشكلة اللغوية الرياضياتية، يمكن تحديد الشروط الواجب توافرها في الموقف كي يتتصف بأنه مشكلة كالتالي:

• القبول بالموقف **Acceptance**: ان يكون الطالب على وعي بالمشكلة، وان يكون له هدف محدد ودافع قوي لتحقيق الهدف.

• وجود الحاجز **Blockage**: احتواء المشكلة على غموض او صعوبات يمنع مضي الطالب نحو تحقيق هدفه.

• الاستقصاء **Exploration**: ان يحاول الطالب الوصول الى هدفه، حيث يقوم بتحديد المشكلة والوسائل المناسبة لحلها.

ثانياً: حل المشكلة اللغوية الرياضياتية:

سوف نتناولها من خلال أربع مراحل وهي: خطوات حل المشكلة اللغوية الرياضياتية، العوامل المؤثرة في حل المشكلة اللغوية الرياضياتية ثم حل المشكلة اللغوية الرياضياتية، ثم أهمية حل المشكلة اللغوية الرياضياتية، كالتالي:

(1) خطوات حل المشكلة اللغوية الرياضياتية:

• اقرا المشكلة Read the problem: افصل المعلومات التي تحتاجها عن المعلومات الزائدة، اذا كنت غير متأكد اي من المعلومات التي ستحتاجها، افصل المشكلة الرياضياتية جملة ثم حاول مرة اخرى.

• اكتب الصيغ الرياضياتية Make the list of formula: وهذه خطوة مهمة جدا، لأن حل المشكلة الرياضياتية يتطلب منك ان تكون منظما لقوانين والصيغ الرياضياتية التي ستكتبهما.

• طبق الصيغة على المعطيات Apply your formula to relevant information: يتم ذلك بتعميرض القيم (الاعداد) في القانون او الصيغة المناسبة.

• مراجعة الحل Be sure to reiterate: يتم ذلك بمراجعة خطوات الحل مرة اخرى للتتأكد من عدم الوقوع في اخطاء رياضياتية اثناء الحل.

• التتحقق من صحة الحل Check your answer: يمكن ان تعيّد حل المشكلة بطريقة عكسية للتتأكد من صحة الحل، مثلا  $25 * 7 = 125$  وهي بالطبع إجابة خاطئة يمكن التأكد منها بقسمة 125 على 25 ويساوي 5 لذا نرجع الى المشكلة للتعرف اين الخطأ الرياضياتي الذي وقعنا فيه.

ولذلك يجب اقناع الطلاب بأنهم يستطيعون الحل وذلك بمحاولاتهم البحث عن طريقة الحل اكثر من التركيز في البحث ذاته. (مرعي والحيلة، 2009: 221)

(2) العوامل المؤثرة في حل المشكلة اللغوية الرياضياتية:

تعد محورا اساسيا في تعلم الرياضيات والعديد من العوامل المؤثرة في عملية حل المشكلات اللغوية الرياضياتية، وقد تناولتها (الخطيب، 2010).

• طريقة عرض المشكلة

• فهم المشكلة.

• مستوى اللغة متميز.

• الاندماج في المشكلة.

• مدى قدرة الطالب على حل المشكلة.

• الفروق الفردية والاسلوب المعرفي والقدرات العقلية.

• حصيلة الطالب من الخطط والإستراتيجيات والمقررات المساعدة في حل المشكلة.

• مهارات عادات العقل لدى الطالب.

• العمليات الانفعالية. (الخطيب، 2010: 279)

**(3) حل المشكلة اللغوية الرياضياتية:**

ان حل المشكلات اللغوية الرياضياتية تعتبر ضرورة هامة فهي تتمي لـى الطالب تطبيق استراتيجيات لـلحل انواع عديدة من المشكلات وتطبيقاتها في مواقف جديدة ، بالإضافة إلى أنها تتمي عندهم القدرة على التحقق من صحة النتائج وبهذا تكون مادة الرياضيات ذات معنى.

وحل المشكلة الرياضياتية هو محور تعليم الرياضيات، وذلك عندما نطبق معرفتنا ومهاراتنا وخبراتنا الرياضياتية نحو حل موقف ومشكلة جديدة ومحيرة. (بدوي، 2007: 35)

وقد عرفته قنديل (48:2020) بأنه: القدرة العقلية للطالب على تجميع حقائق منفصلة ودمجها بشكل مناسب للوصول للحل من خلال مهارات (تحديد المعطيات- تحديد المطلوب- وضع خطة الحل- تنفيذ خطة الحل- التتحقق من صحة الحل). (قنديل، 2020: 48)

**(4) أهمية حل المشكلات اللغوية الرياضياتية:**

ان الفرد قادر على حل المشكلات يمكنه ان يتعلم بنفسه بشكل مستقل، ويأتي الاهتمام بــ حل المشكلات اللغوية الرياضياتية لعدة اسباب وضــحــها العــدــيدــ منــ البــاحــثــينــ مثلــ (جاــبرــ،ــ 2011:ــ 134ــ &ــ اــبــولــوــمــ،ــ 2005:ــ 97ــ &ــ فــرجــ اللــهــ،ــ 2014:ــ 117ــ &ــ قــنــدــيلــ،ــ 2020:ــ 51ــ)ــ يــكــشــفــ الطــلــابــ مــنــ خــلــالــ حلــ

المــســكــلــاتــ الــلــغــوــيــةــ رــياــضــيــاتــيــةــ مــعــارــفــ جــديــدةــ مــثــلــ:

- القدرة على التفكير الإبداعي: وذلك بربط العلاقات بعضها ببعض لتقوية النظام.
- التفكير الاستدلالي: وذلك باستبطاع العلاقات وربطها بالنتائج.
- "التفكير الناقد": الذي يقوم على تحليل وتقدير عناصر وجزئيات الموقف واعطاء المبررات واكتشاف العلاقات".
- تزيد الثقة في قدرات الطالب الرياضياتية.
- تساعد الطالب على حل المشكلات التي تواجهه في حياته اليومية.
- تزيد احساس الطالب بمتاعة الرياضيات.
- تكسب الطالب خبرات وظيفية لا يمكن اكتسابها بغير هذه الطريقة.
- تجعل الطالب أكثر قدرة على التحليل واتخاذ القرارات في الحياة.
- يتعلم الطالب اسلوب التعلم الذاتي، حيث يعتمد على نفسه بالوصول الى الحل والتحقق من صحة الحل.
- تتمي لــى الطــالــبــ الدــقــةــ وــرــفــضــ الــحــلــوــلــ الــمــطــلــقــةــ،ــ فــهــوــ لــاــ يــســلــ بــهــاــ دــوــنــ التــحــقــقــ مــنــ صــحــتــهــ.
- تحفز الطالب على التعلم واثارة الدافعية لديهم لزيادة نشاطهم.

**ثالثاً: صعوبات حل المشكلة اللغوية الرياضياتية:**

أثبتت كثير من الدراسات ان هناك ضعفاً لدى الطالب في القدرة على حل المشكلات اللغوية الرياضياتية، وان اسباب هذا الضعف هو كالتالي:

- ضعف في مهارات القراءة: تصاغ المشكلات اللغوية عادة بعبارات موجزة، واسلوب مختصر، وتتضمن مصطلحات ومفاهيم غير مباشرة، وحيث ان فهم المشكلة هو الخطوة الاولى للحل فواجب المعلم ان يتتأكد من معرفة الطالب لمفردات المشكلة وتعبيرها.
- عدم القدرة على تمييز العلاقات التي تتضمنها المشكلة.
- صعوبة اختيار الأساليب المناسبة وتنذكر المعلومات الأساسية.
- صعوبة تحليل المشكلة الى عناصرها.

- ضعف التمكّن من مهارات العمليات الحسابية الأساسية.
- ضعف القدرة على التفكير الاستدلالي والتسلسل في خطوات الحل.
- صعوبة اختيار خطوات حل المشكلة، وضعف خطة معالجة المشكلة، وعدم تنظيمها.
- ضعف قدرة الطالب على التخمين والتقدير من أجل الحصول على جواب تقريري وسريع.
- اعتماد كثير من المدرسین على طرق تدريس تقليدية تعتمد على الحفظ من جانب الطالب والنقلين من جانب المعلم مما لا يراعي الفروق الفردية بين الطالب.
- ندرة تخصيص حصص يركز فيها المعلم جهوده لتوضیح كيفية حل المشكلات اللفظية الرياضياتية، وكيف يفكر بها من خلال مراحل حل المشكلات مع امثلة توضیحية.
- تجنب بعض المعلمين تحضير مشكلات متنوعة ومترفة في الصعوبة لتناسب مستويات الطالب.
- عندما يخطئ الطالب في حل المشكلة اللفظية الرياضياتية يلجأ كثیر من المعلمين لتصحیحها دون معرفة سبب الخطأ ومناقشته بتساؤلات مثل: لماذا اتبعت هذه الطريقة؟
- عدم تقویم اسباب الخطأ عند وقوع الطالب في حل المشكلة اللفظية الرياضياتية من قبل بعض المعلمين.
- عدم المقدرة على التمييز بين المعلومات الجوهرية وغير الجوهرية في المشكلة المعطاة.

(الكسبياني، 2008: 536-537 & فرج الله، 2014: 117-118 & قندیل، 2020: 52-53)

#### رابعاً: دور المعلم والطالب في المشكلة اللفظية الرياضياتية

##### 1- دور المعلم في المشكلة اللفظية الرياضياتية:

المعلم هو العنصر المهم في اكتساب الطالب المهارات الالازمة لحل المشكلات اللفظية الرياضياتية، فهو لديه القدرة على مساعدة طلابه في تجاوز العقوبات والتغلب على الصعوبات، فيوفر مناخاً صافياً ايجابياً يدمج فيه خبرات حل المشكلات في كافة اجزاء الدرس.

- ويمكن تلخيص دور المعلم عند تدريس حل المشكلة اللفظية الرياضياتية في عدة نقاط كالتالي:
- تعويد الطالب على استيعاب المشكلة الرياضياتية بابعادها المتعددة: تحديد المعطيات، تحديد المطلوب، إدراك العلاقة بين المعطيات والالتزامات المذكورة في المشكلة الرياضياتية.
  - تشجيعهم على تذكر مشكلات رياضياتية متشابهة.
  - تنويع المشكلات المطروحة.
  - تشجيع الطلاب على التفكير والتعاون معاً وخاصة في حل المشكلات غير الروتينية.
  - تشجيع الطلاب على حل المشكلة بأكثر من طريقة.

(قندیل، 2020: 57)

##### 2- دور الطالب المتميزين وغير المتميزين في حل المشكلات اللفظية الرياضياتية:

اجريت كثيراً من الدراسات لتحديد خصائص الطالب المتميزين وغير المتميزين في حل المشكلات اللفظية الرياضياتية ومنها دراسة Graham et al نقلة عن (اسماعيل 2011: 146)، وقد توصلت إلى خصائص الطالب المتميزين وغير المتميزين في حل المشكلات اللفظية الرياضياتية، كالتالي:

خصائص الطالب المتميز في حل المشكلة اللفظية الرياضياتية:

- يمتلك حصيلة معرفية صحيحة.
- لديه مجموعة من الإستراتيجيات لحل المشكلة.
- يقضي وقتاً طويلاً نسبياً في حل المشكلة.

- قادر على القيام بالرقابة الذاتية.
  - يمكنه التحول من طريقة الى اخرى بسهولة.
- خصائص الطالب الأقل تميزا في حل المشكلة اللغوية الرياضياتية:
- يقضي وقتا اقل في تحليل وفهم المشكلة.
  - يختار الاستراتيجية التي يتم استخدامها في الحل بسرعة.
  - يعتمد على المحاولة والخطأ.
  - ينتقل من استراتيجية الى اخرى بشكل مندفع.
- (اسماعيل، 2011: 146)

#### خامسا: الاستراتيجيات وحل المشكلة اللغوية الرياضياتية:

هناك العشرات من الاستراتيجيات التي تتميّز القدرة لدى الطالب لحل المشكلات الرياضياتية، وكل استراتيجية خطوات محددة، وبعض الاستراتيجيات تكون مناسبة أكثر من غيرها في حل مشكلات رياضياتية معينة، وهنا تكمن مهارة الرياضياتي. ومن المهم بناء خطة او استراتيجية لسير الحل قبل البدء في تنفيذ عملية الحل، ومعظم الطلاب يحاولون بطريقة عشوائية وذلك بسبب ضعف حسيتهم من الخطط والاستراتيجيات التي تساعد في حل المشكلة الرياضياتية مثل: رسم شكل او مخطط يمثل المشكلة او حل مشكلة ابسط او انشاء جدول او البحث عن نمط. كما ان بعض المعلمين يؤكدون على اتباع خوارزمية معينة لحل مشكلة معينة، وبذلك يقلّلون الإبداع والمرونة في التفكير في نفس الطالب.(المحيمد، 2016: 520) وقد تعددت الدراسات والبحوث التي هدفت الى اقتراح وتحديد استراتيجيات جيدة وحديثة لحل المشكلات الرياضياتية منها:

- التعويض بأعداد صغيرة، وذلك بتبسيط الإعداد الواردة بالمشكلة والتخلص من الكسور او التحويلات التي قد تعدد من مستوى المشكلة.
  - استخلاص المعلومات الضرورية وتقديمها بلغة بسيطة.
  - رسم نموذج او شكل او صورة او تخريط لاكتشاف العلاقات والأنماط الواردة بالمشكلة.
  - السير بطريقة عكسية باستخدام التفكير التحليلي (الحل العكسي).
  - القياس: البحث عن مشكلات متشابهة (ربما في مواضيع اخرى) تم حلها من قبل.
- وتصنف (قديل، 2020: 55) مهارات حل المشكلة الرياضياتية استنادا لاستراتيجية جورج بوليا- والتي تعتبر من اهم استراتيجيات حل المشكلة الرياضياتية. على المراحل الآتية:
- 1- تحديد المعطيات: قراءة المشكلة اللغوية الرياضياتية لتحديد المعطيات فيها.
  - 2- تحديد المطلوب: قراءة المشكلة اللغوية الرياضياتية لتحديد ما المطلوب في تلك المشكلة.
  - 3- وضع خطة حل: تحديد القوانين والنظريات للوصول للمطلوب في المشكلة.
  - 4- تنفيذ خطة الحل: ترتيب وتنظيم الخطوات المنطقية التي ينبغي اتباعها لبلوغ الهدف.
  - 5- التأكد من الحل: من خلال مدى معقولية الناتج النهائي.

ت الباحث الاهداف النتائج

#### 1 عبد الله (2024) هدفت الدراسة الى:

- "التعرف على فاعلية استخدام استراتيجية البنتجرام في تدريس الرياضيات لتنمية الذكاء المنطقي الرياضي والكافح المنتج لدى تلاميذ الصف الثاني الإعدادي". وكانت النتائج كالتالي:
- هناك فاعلية في استخدام استراتيجية البنتجرام في تنمية الذكاء المنطقي الرياضي والكافح المنتج لدى تلاميذ الصف الثاني الإعدادي.



- يجب استخدام استراتيجية البنتاجرام في تدريس مادة الرياضيات، وتشجيع الطالب على البحث والاستقصاء واستخدام مصادر المعرفة وتثريتهم على تنمية الذكاء المنطقي وكيفية اثارة الكفاح المنتج وتنميته لدى المتعلمين.

**الأستاذ والفتلاوي (2023) هدفت الدراسة إلى:**

-- التعرف على استراتيجية البنتاجرام في الفهم العميق عند طلاب الصف الخامس الابدي في كتاب اللغة العربية. وكانت النتائج كالاتي:

- "تفوق طلاب المجموعة التجريبية التي درست باستخدام استراتيجية البنتاجرام على المجموعة الضابطة التي درسها بالطريقة المعتادة".

**3 علام والعدوى (2020) هدفت الدراسة إلى:**

- "معرفة فاعلية برنامج قائم على استراتيجية البنتاجرام في تنمية الاستدلالين الجغرافي والتاريخي لدى طلاب الفرقه الرابعة شعبة الدراسات الاجتماعيه- كلية التربية- جامعة الإسكندرية". كانت النتائج كالاتي:

- ضرورة الاهتمام باستراتيجية البنتاجرام كأحد المستجدات العالمية في طرائق التدريس.

- "وجود فرق دال احصائيًا عند مستوى دلالة (0.05) من متوسطي درجات الطلبة في القياسين القبلي والبعدي لاختبارات مهارة الاستدلالين التاريخي والجغرافي".

**4 Ghahremani & Balcaen (2017) هدفت الدراسة إلى:**

استخدام خطط في البنتاجرام في تقصي تصورات معلمي العلوم حول عادات العقل، واستخدام خطوات البنتاجرام. وكانت النتائج كالاتي:

-- تم ملاحظة تنمية عادات العقل والتفكير الناقد.

الدراسات السابقة:

اولاً: دراسات في التعرف على استراتيجية البناتجرام:

جدول (2) يوضح الدراسات السابقة التي تناولت استراتيجية البناتجرام pentagram

الباحث	الاهداف	النتائج	ت
عبد الله (2024)	هدفت الدراسة الى: - التعرف على فاعلية استخدام استراتيجية البناتجرام في تدريس الرياضيات لتنمية الذكاء المنطقي الرياضي والكافح المنتج لدى تلاميذ الصف الثاني الإعدادي . - يجب استخدام استراتيجية البناتجرام في تدريس مادة الرياضيات، وتشجيع الطلاب على البحث والاستقصاء واستخدام مصادر المعرفة وتدريبهم على تنمية الذكاء المنطقي وكيفية اثارة الكفاح المنتج وتنميته لدى المتعلمين.	وكان النتائج كالتالي: - هناك فاعلية في استخدام استراتيجية البناتجرام في تنمية الذكاء المنطقي الرياضي والكافح المنتج لدى تلاميذ الصف الثاني الإعدادي . - يجب استخدام استراتيجية البناتجرام في تدريس مادة الرياضيات، وتشجيع الطلاب على البحث والاستقصاء واستخدام مصادر المعرفة وتدريبهم على تنمية الذكاء المنطقي وكيفية اثارة الكفاح المنتج وتنميته لدى المتعلمين.	1
الأسيدي والفتلاوي (2023)	هدفت الدراسة الى: -- التعرف على استراتيجية البناتجرام في الفهم العميق عند طلاب الصف الخامس الابدي في كتاب اللغة العربية.	وكان النتائج كالتالي: - تفوق طلاب المجموعة التجريبية التي درست باستخدام استراتيجية البناتجرام على المجموعة الضابطة التي درسا بالطريقة المعتادة".	2
علام والعدوى (2020)	هدفت الدراسة الى: -. معرفة فاعلية برنامج قائم على استراتيجية البناتجرام في تنمية الاستدلالين الجغرافي والتاريخي لدى طلاب الفرقه الرابعة شعبه الدراسات الاجتماعية- كلية التربية- جامعة الإسكندرية".	كانت النتائج كالتالي: - ضرورة الاهتمام باستخدام استراتيجية البناتجرام كأحد المستجدات العالمية في طرائق التدريس. - وجود فرق دال احصانيا عند مستوى دلالة (0.05) من متواسطي درجات الطلبة في القياسين القبلي والبعدي لاختبارات مهارة الاستدلالين التاريخي والجغرافي".	3
Ghahremani& Balcaen (2017)	هدفت الدراسة الى: استخدام خطط في البناتجرام في تقصي تصورات معلمى العلوم حول عادات العقل، واستخدام خطوات البناتجرام.	وكان النتائج كالتالي: -- تم ملاحظة تنمية عادات العقل والتفكير النقدي.	4

**ثانياً: دراسات في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية:**

**جدول (3) يوضح الدراسات التي تناولت حل المشكلات اللغوية الرياضياتية**

الباحث	نوع الدراسة	الأهداف	النتائج
1 قديل (2020)	هدف الدراسة إلى: أثر استخدام فاعلية شكل البيت الدائري في تدريس مادة الرياضيات والكشف عن فاعليتها في تنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية (تحديد المعطيات- تحديد المطلوب - وضع خطة حل - تنفيذ خطة الحل - التحقق من صحة الحل.)	وكانت النتائج كالتالي: -- فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية مهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.	
2 الخزيم (2020)	هدف الدراسة إلى: -- قياس فاعلية استخدام استراتيجية PQ4R في تنمية مهارات حل المسائل اللغوية الرياضياتية	وكانت النتائج كالتالي: - لا يوجد فرق ذات دلالة احصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات المجموعة عين التجريبية والصادقة في التطبيق البعدى لاختبار مهارات حل المسائل اللغوية الرياضياتية لاستخدام استراتيجية PQ4R في تنمية مهارات حل المسائل اللغوية الرياضياتية ، باستثناء مهارة فهم المسألة لصالح المجموعة التجريبية"	
5 Fede (2010)	هدف الدراسة إلى: معرفة فاعلية برنامج Go Solve في تحسين اداء عينة من طلاب الصف الخامس الابتدائي في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.	وكانت النتائج كالتالي: - وجود فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطات درجات طلاب المجموعة التجريبية والصادقة لصالح طلاب المجموعة التجريبية في اختبار حل المشكلات اللغوية الرياضياتية".	

التعليق على الدراسات السابقة ومدى الاستفادة منها في البحث الحالي:

- 1- تعددت الدراسات السابقة التي حاولت تطبيق استراتيجية البناتجرام بمتغيرات متنوعة مثل: تنمية الذكاء المنطقي والكافح المنتج (عبد الله، 2024). وفهم العميق (الإسدي والفتلاوي، 2023). وتنمية عادات العقل والتفكير الناقد مثل Ghahremani, Balcaen 2017
- 2- تباينت الدراسات السابقة في مناهجها البحثية: فمنها من اعتمد على المنهج التجاري والثاني قد اعتمد على المنهج شبه التجاري والآخر اعتمد على المنهج الوصفي. وقد اعتمد هذا البحث المنهج التجاري.
- 3- تدرجت الدراسات السابقة باختيار مراحل الدراسة مثل: (Fede, 2010) الصف الخامس الابتدائي، (قديل، 2020) للمرحلة المتوسطة.
- 4- قدمت الدراسات السابقة العربية والاجنبية على التصور الأمثل للاستراتيجية المقترنة وادى هذا الى التوجه نحو الأدوات الملائمة للدراسة.
- 5- تنوّعت الأدوات المستخدمة في الدراسات السابقة لقياس متغير البحث وقد اخذت الدراسة الحالية الأنسب لطبيعة الدراسة والمرحلة العمرية وهم: طلاب المرحلة المتوسطة والذي تم بحث متغير حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.
- 6- حل المشكلات اللغوية الرياضياتية هناك دراسات استخدمت فيها استراتيجية شكل البيت الدائري مثل: (قديل، 2020)، ودراسات أخرى استخدمت فيها استراتيجية PQ4R مثل: (الخزيم، 2020)، ودراسات استخدمت فيها برنامج Go Solve مثل (Fede, 2020).

**منهجية البحث واجراءاته:**

**اولاً: منهجية البحث:**

اختار الباحث المنهج التجريبي حيث انه ملائم لإجراءات البحث والتوصل الى نتائج. وذلك من خلال تصميم مجموعتين التجريبية والضابطة لمعرفة: فاعلية المتغير المستقل (استراتيجية البنتاجرام) على المتغير التابع (حل المشكلات الفظية الرياضياتية).

**ثانياً: التصميم التجاري المعتمد في البحث:**

اعتمد الباحث تصميماً تجريبياً ذو طابع جزئي لمجموعتين متكافتين ذات اختبار قبلي- بعدي مناسب للبحث كما موضح في جدول (4).

جدول (4) التصميم التجاري المعتمد في البحث

الاخبار البعدى	المتغير التابع	المتغير المستقل	تكافؤ المجموعتين	المجموعة
حل المشكلات الفظية الرياضياتية	حل المشكلات الفظية الرياضياتية	استراتيجية البنتاجرام	- العمر الزمني - التحصيل السابق - المعرفة السابقة	التجريبية
		الطريقة الاعتيادية	- الذكاء - اختبار قبلي	الضابطة

**ثالثاً: مجتمع البحث:**

يتحدد مجتمع البحث الحالي بجميع طلاب الصف الأول المتوسط ثانوية المحسن للبنين التابعة للمديرية العامة للتربية محافظة ديالى للعام الدراسي 2023 - 2024

**رابعاً: عينة البحث:**

تكونت عينة الدراسة من طلاب الصف الأول المتوسط لمدرسة (ثانوية المحسن للبنين) التابعة الى للمديرية العامة للتربية محافظة ديالى التي تكونت من شعبتين (ا + ب) من العام الدراسي 2023 - 2024 وقد بلغ عدد افراد العينة (73) طالبا، وقد تم استبعاد الطلاب الراسبين احصائيا في كل مجموعة عند تحليل البيانات كي لا تؤثر خبراتهم السابقة على في نتائج الدراسة، وبهذا اصبح عدد طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة (68) طالبا موزعين بواقع (34) لشعبة (ا) تمثلت بالمجموعة التجريبية، و(34) لشعبة (ب) تمثلت بالمجموعة الضابطة. كما موضح في الجدول (5)

جدول (5) يوضح طلاب المجموعتين المستبعدين

العدد المتبقى	عدد الطالب الكلى	عدد المستبعدين	المجموعة	الشعبة	ن
34	1	35	التجريبية	ا	1
34	4	38	الضابطة	ب	2
68	5	73	المجموع		

**خامساً: اجراءات الضبط:**

تم التأكد من متغيرات البحث عن طريق اجراء التكافؤ بين طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في المتغيرات الآتية (العمر الزمني - اختبار المعرفة السابقة - التحصيل السابق - اختبار الذكاء) وكما موضح في الجدول (6).

**جدول (6) متغيرات التكافؤ للمجموعتين التجريبية والضابطة**

مستوى الدلالة (0.05)	درجة الحرية	القيمة الثانية		الضابطة (34) طالبا		التجريبية (34) طالبا		المجموعة
		t-test الجدولية	t-test المحسوبة	الانحراف المعياري	الوسط الحسابي	الانحراف المعياري	الوسط الحسابي	
غير دالة احصائيا	66	2	0.872	4.91	143.83	5.45	145.67	العمر الزمني
غير دالة احصائيا	66	2	0.894	2.85	56.28	3.34	59.75	المعرفة السابقة
غير دالة احصائيا	66	2	1.254	2.11	43.95	3.55	44.32	الذكاء
غير دالة احصائيا	66	2	0.734	6.12	63.15	7.43	65.35	التحصيل السابق

❖ اختبار حل المشكلات الفظية الرياضياتية القبلي

**جدول (7)**

قيمة المتوسط والانحراف والقيمة الثانية لاختبار حل المشكلات الفظية الرياضياتية

مستوى الدلالة	درجة الحرية	القيمة الثانية		الانحراف المعياري	المتوسط الحسابي	الشعبة	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
غير دالة	66	2	1.214	3.989	11.951	1	التجريبية
				2.858	9.454	ب	الضابطة

يتضح لنا من الجدول (7) انه لا توجد فروق ذات دلالة احصائية حيث بلغت القيمة الثانية (1.214) وهي اصغر من القيمة الثانية الجدولية وبدرجة حرية (66) وبمستوى دلالة (0.05) مما يدل ان المجموعتين متكافئتان في هذا الاختبار.

سادساً: اداة البحث

❖ اختبار حل المشكلات الفظية الرياضياتية:

اعد الباحث اختباراً للمشكلات الفظية الرياضياتية وفقاً للخطوات الآتية

- الغرض من الاختبار: هو قياس قدرات ومهارات الطلاب في حل المشكلات الفظية الرياضياتية.
- الهدف من الاختبار: حيث تم تحديده بالهدف السلوكي التالي للاختبار (ان يكون الطالب قادرًا على حل المشكلات الفظية الرياضياتية)
- أعداد الخطوط العريضة للاختبار: ويقصد بها اعداد الخطوط العريضة لمحتويات الاختبار، اعداد الموضوعات الأساسية التي يراد من الاختبار تقويم الطلاب فيها، وقد قام الباحث بحصر المشكلات الفظية الرياضياتية المتضمنة في كتاب المقرر للفصول المذكورة والتي يراد من الاختبار قياس خطوات حل المشكلات الفظية الرياضياتية فيها.
- تحديد زمن الاختبار: ارتأى الباحث وبعد استطلاع اراء الخبراء ان يتكون الاختبار مبدئياً من (12) مسألة لفظية، وفي ضوء الدراسة الاستطلاعية يتم تحديد زمن الاختبار وطوله.

**5- صياغة فقرات الاختبار:** لأعداد اسئلة الاختبار قام الباحث بصياغة مفردات اختبار المشكلات اللغوية في صورة مشكلات لغوية ومواضف حياتية ترتكز على مهارات (تحديد المعطيات، تحديد المطلوب، وضع خطة الحل، تنفيذ خطة الحل، التحقق من صحة الحل). وقد راعى الباحث في صياغته لمفردات الاختبار مناسبته لمستوى طلاب الصف الأول المتوسط، ووضوحاها، ومناسبتها لمهارات حل المشكلات اللغوية الرياضياتية بهذا تكون الاختبار من (12) فقرة في صورته الأولية.

**6- تعليمات الاختبار:** وتشمل

(أ) تعليمات تخص الإجابة:

من أجل مساعدة الطالب في فهم كيفية الإجابة عن اسئلة الاختبار اعد الباحث مجموعة من التعليمات الخاصة بالاختبار، واعطى فكرة تامة عن الهدف من الاختبار

► قراءة كل مفردة بدقة قبل الإجابة عنها.

► قراءة التعليمات الخاصة بكل مفردة بدقة، للتوصل إلى الحل الصحيح.

► الإجابة عن جميع مفردات الاختبار.

► إجابة على الاختبار تكون في نفس ورقة الاختبار.

(ب) تعليمات تخص تصحيح فقرات الاختبار

اذا اعطى الباحث عشر درجات لكل فقرة، ولقد راعي الباحث بان تكون هذه التعليمات واضحة ودقيقة،

**7- التطبيق الاستطلاعي:** قام الباحث بتطبيق الاختبار بصورة المعدلة بعد الإخذ بلاحظات واراء السادة المحكمين المختصين في طرائق تدريس الرياضيات والقياس والتقويم يوم الأربعاء الموافق 13/3/2024 في مدرسة متوسطة السلام للبنين للمديرية العامة للتربية محافظة ديالى، لتحديد زمن الاختبار حيث تم تحديد الوقت المستغرق للاختبار عن طريق زمن انتهاء الطالب الأول من الإجابة على فقرات الاختبار كان (30) دقيقة، وزمن انتهاء اخر طالب من الإجابة على فقرات الاختبار كان (42) دقيقة وبذلك يصبح متوسط زمان الإجابة عن فقرات الاختبار هو (36) دقيقة.

**8- صدق الاختبار:** تم التتحقق من صدق الاختبار بطريقتين، هما:

• **الصدق الظاهري:** تم التتحقق من الصدق الظاهري بعرضه بصورة الأولية على مجموعة من السادة المحكمين واستطلاع آرائهم حول وضوح صياغة المفردات، و المناسبة لقياس الهدف المرتبط به، ومستوى المجال الذي يقيسه، وتم اجراء التعديلات اللازمة وفقاً لآرائهم، ليصبح جاهزاً للتجربة الاستطلاعية.

• **صدق الاتساق الداخلي (الصدق البناء):** تم التتحقق باستخدام معلم ارتباط سبيرمان:

(1) العلاقة بين درجة كل فقرة والدرجة الكلية للاختبار، كما موضح في جدول (8).

جدول (8)

معامل الارتباط بين درجة كل فقرة من فقرات اختبار المشكلات اللفظية الرياضياتية والدرجة الكلية

قيمة معامل الارتباط	ت
0.788**	6
0.854**	7
0.759**	8
0.794**	9
0.832**	10

قيمة معامل الارتباط	ت
0.768**	1
0.867**	2
0.828**	3
0.781**	4
0.774**	5

يتضح من الجدول (8) اعلاه ان درجة كل فقرة من فقرات اختبار المشكلات اللفظية الرياضياتية مرتبطة بالدرجة الكلية ارتباطا مقبولا احصائيا، حيث ان اغلبية قيم معاملات الارتباط اكبر من الجدولية مما يدل ان الاختبار متافق في مفرداته، مما يدل على صدق الاختبار.

(2) العلاقة بين درجة كل مهارات حل المشكلات الرياضياتية والدرجة الكلية للمهارة، كما موضح في جدول (9).

جدول (9)

معامل الارتباط بين درجة كل مهارات حل المشكلات الرياضياتية والدرجة الكلية للمهارة

قيم معامل الارتباط					
التحقق من صحة الحل	تنفيذ خطة الحل	وضع خطة حل	تحديد المطلوب	تحديد المعطيات	المهارة \ الفقرة
0.734**	0.765**	0.832**	0.810**	0.756**	1
0.845**	0.812**	0.744**	0.753**	0.723**	2
0.733**	0.805**	0.735**	0.841**	0.830**	3
0.734**	0.822**	0.723**	0.784**	0.725**	4
0.834**	0.821**	0.831**	0.784**	0.865**	5
0.727**	0.865**	0.874**	0.781**	0.793**	6
0.742**	0.803**	0.729**	0.828**	0.747**	7
0.753**	0.831**	0.871**	0.771**	0.720**	8
0.746**	0.727**	0.823**	0.811**	0.823**	9
0.791**	0.784**	0.876**	0.754**	0.785**	10

يتضح من الجدول (9) اعلاه ان درجة كل فقرة من فقرات اختبار المشكلات اللفظية الرياضياتية مرتبطة بالدرجة الكلية للفقرة او المجال ارتباطا مقبولا احصائيا، حيث ان اغلبية قيم معاملات الارتباط اكبر من الجدولية مما يدل ان الاختبار متافق في مفرداته من جهة، وفي مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية من جهة اخرى، مما يدل على صدق الاختبار.

❖ قياس ثبات الاختبار: تم التحقق من ثبات الاختبار عن طريق استخدام معادلة الفا - كرونباخ Cronbach's alpha والتي كانت قيمتها (0.84) مما يدل على تتمتع الاختبار بثباته عاليه وبدرجة مقبولة.

9- الصورة النهائية للاختبار: بعد قيام الباحث بأعداد الصورة الأولية للاختبار، وعرضها على المحكمين من ذوي الاختصاص، وتعديلها في ضوء مقتراحاتهم، وحساب ثبات الاختبار والتأكد من صدقه، أصبح الاختبار جاهزاً للتطبيق على عينة البحث الأساسية، وقد تكون الاختبار من (10) فقرات بصورة النهاية.

#### سابعاً إجراءات تطبيق التجربة:

1. تطبيق التجربة: بدأت التجربة في يوم الخميس الموافق 29 / 2 / 2024 وانتهت في يوم الاحد الموافق 5/5/2024.

2. التطبيق النهائي للاختبار: قام الباحث بتطبيق الاختبار بصورة النهاية في يوم الخميس الموافق 2024/5/2 بعد الانتهاء من المدة المحددة لتدريس مجموعتي البحث.

3. الوسائل الاحصائية: في هذا البحث قام الباحث في استخدام البرنامج الإحصائي SPSS 25.0 في تحليل بياناته في ضبط متغيرات تكافؤ المجموعتين وثبات الاختبار وحساب معاملات الارتباط للتحقق من صدق الاتساق وكذلك النتائج النهائية للتجربة.

#### عرض النتائج وتفسيرها:

سيتم عرض النتائج التي توصل اليها البحث بهدف الإجابة عن اسئلة البحث واختبار فرضياته، كما سيتم تفسير تلك النتائج، وعرض التوصيات الخاصة بالبحث في ضوء النتائج التي تم التوصل اليها، وتقديم المقتراحات.

#### أولاً: عرض النتائج:

❖ التتحقق من الفرضية الاولى، تم اختيار الفرضية الصفرية التي تنص على انه "لا يوجد فرق دال احصائياً بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون وفقاً لاستراتيجية البنادرام ودرجات طلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون وفقاً للطريقة المعتادة في الاختبار البعدي لاختبار المشكلات اللفظية الرياضياتية"، حيث تم حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري واستخدام اختبار t-test لعينتين مستقلتين، وكما موضح في الجدول (10).

جدول (10)

دالة الفرق بين متوسطي درجات المجموعتين في الاختبار البعدي للمشكلات اللفظية الرياضياتية

المجموع	الشعبة	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري	القيمة الثانية		درجة الحرية	مستوى الدلالة
				الجداولية	المحسوبة		
التجريبية	1	39.254	8.421	2	5.151	66	DAL
الضابطة	ب	29.547	6.362				احصائياً

يتضح من خلال الجدول (10) ان القيمة الثانية لاختبار الفرق بين متوسطي درجات المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار البعدي لاختبار حل المشكلات اللفظية بلغت (5.151) هي قيمة دالة احصائية عند مستوى دالة (0.05)، ولصالح المجموعة التجريبية، مما يؤدي الى رفض الفرضية الصفرية وقبول الفرضية البديلة التي تنص "يوجد فرق دال احصائياً بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون وفقاً لاستراتيجية البنادرام ودرجات طلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون وفقاً لاستراتيجية البنادرام ودرجات طلاب المجموعة الضابطة"

الذين يدرسون وفقاً للطريقة المعتادة في الاختبار البعدى لاختبار المشكلات اللفظية الرياضياتية لصالح المجموعة التجريبية".

❖ للتحقق من الفرضية الثانية، تم اختيار الفرض الصفرى الذى ينص على انه " لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المادة المقررة وفقاً لاستراتيجية البنادرام فى الاختبار القبلى ومتوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية فى الاختبار البعدى الذين درسوا المادة نفسها وفقاً لاستراتيجية البنادرام فى اختبار حل المشكلات اللفظية الرياضياتية"، حيث تم حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري واستخدام اختبار t-test لعينتين مستقلتين، وكما موضح في الجدول (11).

جدول (11)

دلالة الفرق بين متوسطي درجات المجموعتين في الاختبار قبلي- البعدى للمشكلات اللفظية الرياضياتية

مستوى الدلالة (0.05)	درجة الحرية	القيمة التانية		الانحراف المعياري	المتوسط الحسابي	الشعبة	المجموعة
		المحسوبة	الجدولية				
دال احصائيا	66	2	4.312	3.989	11.951	أ	التجريبية (قبلي)
				8.421	39.254		التجريبية (بعدى)

يتضح من خلال الجدول (11) ان القيمة التانية لاختبار الفرق بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في الاختبار القبلي والبعدى لاختبار حل المشكلات اللفظية بلغت (4.312) هي قيمة دالة احصائيًا عند مستوى دلالة (0.05)، ولصالح الاختبار البعدى، مما يؤدى إلى رفض الفرضية الصفرية وقبول الفرضية البديلة التي تنص " يوجد فرق ذو دلالة احصائية عند مستوى الدلالة (0.05) بين متوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا المادة المقررة وفقاً لاستراتيجية البنادرام في الاختبار القبلي ومتوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار البعدى الذين درسوا المادة نفسها وفقاً لاستراتيجية البنادرام في اختبار حل المشكلات اللفظية الرياضياتية". ولصالح الاختبار البعدى، مما يشير إلى وجود تحسن في امتلاك مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية.

#### • فاعلية استراتيجية البنادرام في تنمية مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية

بما ان هناك فرقاً دالاً احصائياً بين درجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبارين القبلي والبعدى لاختبار حل المشكلات اللفظية، وتم اختيار الفرضية الصفرية "لا تتحقق فاعلية مقبولة لاستراتيجية البنادرام في تنمية حل المشكلات اللفظية الرياضياتية لدى طلاب المجموعة التجريبية، حيث تم حساب نسبة الكسب لبلاك باستخدام متوسط درجات طلاب المجموعة التجريبية في الاختبارين القبلي والبعدى لاختبار حل المشكلات اللفظية الرياضياتية

جدول (12)

نسبة الكسب المعدل لبلاك لدرجات المجموعة التجريبية في اختبار حل المشكلات اللفظية الرياضياتية

نسبة الكسب المعدل لبلاك	الدرجة الكلية للاختبار	متوسط الدرجات في الاختبار البعدى	متوسط الدرجات في الاختبار القبلي
1.263	50	39.254	11.951

يتبيّن من الجدول (12) أن نسبة الكسب المعدل ل بلاك بلغت (1.263)، وهي أكبر من النسبة التي حددتها بلاك (1.2)، وبهذا نستطيع القول إن استخدام استراتيجية البنتاجرام حق فاعلية مرتفعة في تنمية مهارات حل المشكلات اللفظية، وهذا يدل على تحسن في مستوى اداء طلاب المجموعة التجريبية في الاختبار البعدي مقارنة في الاختبار القبلي في اختبار حل المشكلات اللفظية الرياضياتية، مما يؤدي إلى رفض الفرضية وقبول الفرضية البديلة التي تنص على "تحقق فاعلية مقبولة لاستخدام استراتيجية البنتاجرام في تنمية مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية لدى طلاب المجموعة التجريبية".

#### ثانياً: تفسير النتائج

في ضوء المعالجات الإحصائية التي قام بها الباحث لنتائج تطبيق اختبار حل المشكلات اللفظية الرياضياتية، يتبيّن انه قد حدث اثر ايجابي لدى طلاب المجموعة التجريبية في تنمية مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية في الاختبار البعدي مقارنة بالاختبار القبلي لنفس الاختبار، وهذا النمو الكبير قوله دلالته الإحصائية، ويدل ذلك على ان استخدام استراتيجية البنتاجرام له فاعلية كبيرة في تنمية مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية لدى طلاب المجموعة التجريبية. تبيّن ان لاستخدام استراتيجية البنتاجرام كطريقة من طرائق التدريس اثرا ايجابيا في حل المشكلات اللفظية الرياضياتية لدى طلاب المرحلة المتوسطة. وتنتفق هذه النتيجة مع عدة دراسات سابقة (عبد الله، 2024 ، (علم والدوى، 2020)، (قديل، 2020)، (الخزيم، 2020) ويعزو الباحث تلك النتائج الى:

- ❖ اهتمام طلاب المجموعة التجريبية بتطبيق الاستراتيجية حيث امتازوا بالمثابرة والاجتهاد والتفاعل الاجتماعي.
- ❖ ما تضمنه تطبيق الاستراتيجية من اوراق عمل ومواد تعليمية، وبصرية متنوعة حفز الطلاب على التعلم، وزاد من دافعيتهم لتعلم الخبرات الجديدة.
- ❖ المحتوى الذي تم تدريسه للطلاب يختلف عما اعتاد عليه الطلاب كونه طريقة تقليدية.
- ❖ استخدام استراتيجية البنتاجرام بما فيها من اشكال رياضية وصور ومجسمات لتوضيح مفاهيم موضوعات الوحدة المقترحة ادى الى قيام الطالب بدور حيوي ومهم في تشكيل خبراته التعليمية وتقديم المعلومات بطرق مسلية، الامر الذي ادى الى اعتماد الطالب على نفسه، مما ساعد على زيادة الدافعية والثقة بالنفس، وحب مدرس المادة لأنّه شعر بقرب المدرس منه، وذلك من خلال توجيهات وارشادات المعلم للطلاب اثناء تقديم وشرح المعلومات.

#### ثالثاً: التوصيات:

- ضرورة تدريب الطلاب على حل المشكلات اللفظية الرياضياتية بمهاراتها الخمس، وخاصة خلال مرحلة التعليم المتوسط، حيث تعمل على تنظيم وتطوير التفكير الرياضي لديهم.
- تشجيع الطلاب على استخدام استراتيجية البنتاجرام مع الاعتماد على أنفسهم في اتباع خطواتها بعيدا عن الطرق التقليدية.
- محاولة ايجاد طرائق تدريس متنوعة لتنمية مهارات حل المشكلات اللفظية الرياضياتية.
- اعتماد استراتيجية البنتاجرام في تدريس حل المشكلات اللفظية الرياضياتية .
- تبني صياغة اهداف تبني القدرة على حل المشكلات اللفظية الرياضياتية من خلال عدم تقديم المعلومات الرياضياتية للطلاب في صورتها النهائية بل ترك لهم الفرصة في اكتشافها والتحقق من صحتها.

• رفع قدرات المعلمين في تدريس الرياضيات وذلك بعمل ورش تدريبية لهم، وذلك لتوضيح مفهوم حل المشكلات اللغوية الرياضياتية، ومراحل حلها وطرق تمتها.

• تطوير أدوات القياس، بحيث تشمل على حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.

**رابعاً: المقترنات:**

(1) اجراء بحوث تشمل متغيرات اخرى مثل: بعض عادات العقل- الفهم العميق- تنمية الذكاء المنطقي الرياضي- الكفاح المنتج- الذكاءات المتعددة- الدافعية- القلق الرياضياتي.

(2) اجراء هذا البحث لفئات اخرى من الطلاب (منخفضي التحصيل- ذوي صعوبات التعلم- المتفوقين - المبدعين).

(3) عمل بحوث مقارنة بين التدريس القائم على استخدام استراتيجية البتاجرام وغيرها من الاستراتيجيات الحديثة، وذلك لعرض تنمية مهارات الطلاب في حل المشكلات اللغوية الرياضياتية.

**المراجع:**

**أولاً: المراجع العربية**

(1) ابو لوم، خالد (2005): اثر استخدام استراتيجية بوليا القائمة على المنحنى البنائي في مقدرة طلبة الصف الثامن الأساسي على حل المسالة الرياضية – مجلة القراءة والمعرفة- كلية التربية جامعة عين شمس- 30(1) - 91:112.

(2) اسماعيل، هشام (2011): فاعلية برنامج تدريبي قائم على الخرائط الذهنية ومهارات ما وراء المعرفة في تحسين مهارات حل المشكلات الرياضية اللغوية لدى تلميذ ذوي صعوبات التعلم. مجلة كلية التربية - جامعة بنها- 22(88) - 128:186.

(3) الأسدی، محمد حکیم رحیم & الفتلاوی، خالد راهی هادی (2023): اثر استراتيجية البتاجرام في الفهم العميق عند طلاب الصف الخامس الأدبي في كتابة اللغة العربية- مجلة الدراسات المستدامة- السنة الخامسة-5(3) – ملحق (1) - كلية التربية الأساسية- جامعة بابل.

(4) البشتي، هند (2007): اثر استخدام الوسائل المتعددة في تنمية مهارات حل المسالة والاحتفاظ بها لدى طلابات الصف الخامس الأساسي- رسالة ماجستير- غزة- الجامعة الإسلامية.

(5) الحديدي، شيماء سعيد (2021): برنامج قائم على نظرية البتاجرام لتنمية الاستدلال العلمي المجتمعي وشخصية المواطن العالمي لدى الطالب معلمى العلوم- كلية التربية- جامعة الإسكندرية- المجلة التربوية - كلية التربية- جامعة سوهاج- 2(91) - 3331:3248.

(6) الحربي، محمد (2014): العلاقة بين التمثيلات الرياضية المتعددة وحل المسائل اللغوية لدى الصف السادس الابتدائي- رسالة ماجستير- المملكة العربية السعودية- كلية التربية - جامعة ام القرى.

(7) الخزيم، خالد (2020): فاعلية استخدام استراتيجية PQ4R في تنمية مهارات حل المسائل الرياضية اللغوية لدى طلاب الصف الثاني المتوسط - مجلة العلوم التربوية- جامعة الإمام محمد بن سعود الإسلامية – 22(22) - 15:52.

(8) الخطيب، محمد (2010): مناهج الرياضيات الحديثة- تصميمها وتدريسها- عمان- دار ومكتبة الحامد للنشر والتوزيع.

(9) الكسباني، محمد (2008): التدريس- نماذج وتطبيقات في العلوم والرياضيات واللغة العربية والدراسات الاجتماعية- دار الفكر العربي للطباعة والنشر.

- (10) المحيمد، فاطمة (2016): فاعلية النمذجة بالشريط في تنمية مهارات حل المسالة الرياضية اللغوية لدى طالبات الصف السادس الابتدائي- مجلة كلية التربية- جامعة الازهر- (2) 170 - 539:502
- (11) بدوي، رمضان (2007): تدريس الرياضيات الفعال من رياض الاطفال حتى السادس الابتدائي- دليل للمعلمين والإباء ومخططي المناهج- عمان - دار الفكر.
- (12) جابر، جابر (2011): استراتيجية التدريس والتعلم - القاهرة - دار الفكر العربي.
- (13) خليل، شرين السيد ابراهيم (2022): فاعلية استراتيجية البتاجرام في تحصيل مادة الإحياء وتنمية مهارات التفكير التحليلي والتواصل الفعال لدى طلاب المرحلة الثانوية- مجلة كلية التربية- جامعة بورسعيد (22) - 294-235.
- (14) عبد الله، علي محمد غريب (2024): استراتيجية البتاجرام في تدريس الرياضيات لتنمية الذكاء المنطقي والكافح المنتج لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية- مجلة تربويات الرياضيات- المجلد (27) - العدد (2) - الجزء (2).
- (15) علام، هبة صابر شاكر& الدعوي، مروة صلاح انور(2020): برنامج قائم على نظرية البتاجرام لتنمية الاستدلالين الجغرافي والتاريخي لدى طلاب الفرقه الرابعة- شعبة الدراسات الاجتماعية- كلية التربية- جامعة الإسكندرية- مجلة البحث العلمي في التربية- جامعة عين شمس- (5).21
- (16) فرج الله، عبد الكريم (2014): اساليب تدريس الرياضيات- عمان- دار اليازوري العلمية.
- (17) قنديل، سعاد محمود مصطفى (2020): فاعلية استخدام شكل البيت الدائري في تدريس مادة الرياضيات لتنمية مهارات حل المشكلات اللغوية والاتجاه نحو مادة الرياضيات لطلاب المرحلة الإعدادية. رسالة ماجستير- جامعة الدول العربية- المنظمة العربية للتربية والثقافة والعلوم- معهد البحوث والدراسات العربية- قسم بحوث ودراسات التربية - القاهرة.
- (18) مرعي، توفيق& والحيلة، محمد (2009): طرائق التدريس العامة، (ط4) - عمان- دار المسيرة للنشر والتوزيع.
- (19) نوير، مها فتح الله (2021): فاعلية توظيف استراتيجية البتاجرام في تدريس الاقتصاد المنزلي، لتنمية التفكير التصميمي، وتحقيق الا زدهار النفسي للطلاب ذات العجز بالمرحلة الإعدادية- مجلة البحث في مجالات التربية النوعية- 7 (34) ص 237-315: ثانياً: المراجع الأجنبية:
- 20) Abdel Aziz & Saleh, A. (2016). The Pentagram Strategy for the Development of Thinking Skills and Problem Solving. Cairo
- 21) Asiri,Kh(2002).Impact of the wording of the questions and problems of mathematics to collect the fifth grade of primary school pupil' style. Unpublished Master. College of Education, Umm Al Qura University.
- 22) Fedi, J. (2010). The effect of Go Solve Word Problem math intervention on applied problem-solving skills of low performing fifth grade students. Ph. Dissertation. University of Massachusetts Amherst
- 23) Ghayad, Zaki, R., & Al-Shenjar, A. (2018). Updates in Teaching Methods Strategies. Baghdad.



- 24) Ghahremani, M., Karami, s., & Balcaen, P. (2017). Pentagram of habits: Considering science teachers conceptions of habits of mind associated with critical thinking in several of Iran special gifted.

**The Effectiveness Of The Pentagram Strategy In Teaching Mathematics  
To Develop The Skills Of Solving Mathematical Verbal Problems For  
First-Year Middle Students**

**Assistant Lecturer Salam Abbas Dawood Basheer aljubory**

Methods of teaching mathematics

Aliraqia University \ Electronic computer Center

[salam.a.dawood@aliraqia.edu.iq](mailto:salam.a.dawood@aliraqia.edu.iq)

9647715776669+

**Abstract:**

This study aims to clarify the pentagram strategy and its effectiveness in developing the skills of solving mathematical verbal problems among middle school students. To clarify this proposed strategy, the researcher chose the experimental method with partial control with two groups (experimental group and control group), where the experimental group was taught using the proposed Pentagram strategy for teaching, while the control group was taught using traditional methods. The results were shown after the procedures carried out by the researcher from choosing the research community and sample and controlling the equivalence variables for the two research groups and preparing the verbal mathematical problem solving test and taking into account the arbitrators' comments and coming out with the final test, where the results indicated the superiority of the students of the experimental group in the post-test, and the results also showed the superiority of the students of the experimental group in the post-test over the students of the same group in the pre-test to solve verbal problems. The strategy also proved its effectiveness in developing the skills of solving mathematical verbal problems by extracting the value of the adjusted gain ratio for Black, which was greater than the value determined by Black.

**Keywords:** Pentagram - Verbal Problem-solving.