

" أساليب الإحصاء الجغرافي المتقدم"
(مع دراسة ثمان مدن عراقية كأمودج تطبيقي)

م. قيس مجيد علوش
جامعة بابل /كلية التربية (صفي الدين الحلي)

المستخلص:

في الوقت الذي تتجه فيه العلوم المختلفة إلى التخصص في فروعها الدقيقة، نلاحظ أن الجغرافية تتجه للتركيز على الجوانب التطبيقية لفروعها المختلفة التي لا تستطيع الاستغناء فيها عن الأساليب الإحصائية التي تعرض مواضيعها المكانية (Spatial Data) وصفاتها وخصائصها (Attributes)، ونظرا لسعة وضخامة هذه البيانات الجغرافية خاصة بعد تدفق الكم الهائل من البيانات الجغرافية عن طريق التصوير الجوي ومعطيات الاستشعار عن بعد، فقد تطلب الأمر إيجاد وسائل جديدة لإدارة ومعالجة وتحليل هذا الكم المعلوماتي الهائل، نتج عنه إنشاء أنظمة الإحصاء الإدارية مثل SPSS & Matlab، ونظم المعلومات الجغرافية (GIS)، وغيرها. لذا يتسارع الاتجاه حاليا ومستقبلا في تطبيق الأساليب الكمية في الجغرافية ومنها أسلوب التحليل العاملي وتحليل العناصر وكلاهما يرمي لهدف واحد هو الإجابة عن السؤال ما الدور الذي يلعبه كل عامل أو مكون في التأثير على الظاهرة موضوع البحث أو الدراسة فدراستنا كانت قد تأسست على معرفة المتغيرات المسؤول عن التنمية ومعرفة طبيعية العلاقات بينها أي بين نسبة السكان الحضر ونسبة السكان من غيرا لامين ونسبة العاملين في الخدمات والعاملين في الصناعات التحويلية ونسبة المساكن المزودة بمياه الشرب ونسبة المساكن المستخدمة في مجال العمل ونسبة المنشآت العاملة من إجمالي المنشآت في ثمان مدن عراقية وكانت النتيجة إن العامل الأول حصل على تشبعات عالية عند المتغير الأول والثاني والخامس والسابع مما يشير إلى قوة ارتباطها كمعايير للتنمية.

المقدمة:

إن الجغرافية اليوم تسعى إلى التعمق في القضايا البيئية الطبيعية والبشرية والبحث في جوانبها التطبيقية وتوجيهها لخدمة خطط التنمية في المجتمع، باعتمادها على مصادر معلوماتية تزداد تنوعا وتشابكا يصل إلى مستوى التعقيد، من حيث إمكانية التعامل معها وتحليلها، لذا كانت الأساليب الإحصائية ولا تزال تمثل أفضل أدوات الجغرافي في العرض والتحليل لهذا الكم المعلوماتي المتشابك. لقد تزايد الاهتمام كثيرا في السنوات الأخيرة باستخدام النماذج وغيرها من الأساليب الإحصائية المختلفة سواء كانت وصفية أو استنتاجية في حل بعض المشكلات وغالبا بعض الجغرافيين في استخدام هذه الأساليب لدرجة أنهم انتقلوا من البسيط إلى المعقد والذي يتطلب خلفية رياضية وافية قد لا تتوفر لبعض طلاب الجغرافية في مناطق كثيرة من العالم، والجغرافية الكمية لا تعتبر فرعا جديدا من فروع الجغرافيا يغير من طبيعة العلم نفسه بقدر ما هي مجموعة من الأساليب الحديثة تسهم في عرض وتحليل المشكلات التي يدرسها هذا العلم بجانب أنها أتاحت دراسة وبحوث موضوعات جديدة في علم الجغرافية تتطلب النظرة العلمية حيث يتم الوصف والتحليل على اعلي مستويات العمومية والبحث يكون دائما لتطبيق اكبر عدد من المعايير والمقاييس الكمية التي تسمح بمقارنات تحليلية عامة وصولا إلى قواعد أو قوانين مكانية نستطيع من خلالها تفسير والتباين المكاني. ولذا أصبحت الأساليب الإحصائية وما يترتب عليها من نماذج واقعية أو مثالية محور الاهتمام منذ الستينيات والسبعينيات وستظل كذلك في المستقبل والظاهر إن موضوعات وتسؤلات الجغرافيا ليست يسيرة المعالجة إحصائيا بل كثرة تداخل المتغيرات المؤثرة فيها لتشمل ما يتعلق بالأرض والإنسان ومع ذلك تبقى كثيرا من الموضوعات الاقتصادية والسياسية معتمدة في حلولها على تطبيق الاستنتاجات الإحصائية والنماذج الإحصائية الاستدلالية ومن هنا بات في الوقت الحاضر الاهتمام بالاتجاه نحو أساليب إحصائية متقدمة ومنها التحليل العاملي خصوصا بعد التطور التكنولوجي في مجال الكمبيوتر الذي سمح باستخدام الحجم الهائل من المتغيرات لدراسة العلاقات التي تتحكم في ظاهرة ما، لقد خطى هذا النوع من التكنيك خطوات واسعة منذ إن استخدمه Golden عام ١٨٦٩ في تقييم القدرات العقلية وكذلك شارل سبير ١٩٠٤ ونظريته المعروفة بنظرية العاملين Two factor والتي تشير إلى إن جميع المتغيرات تتوقف في سلوكها على عامل عام General factor بأوزان مختلفة وعامل خاص Specific factor بمتغير واحد ولا يرتبط بالعامل العام^(١). وتقوم اغلب طرق التحليل العاملي المستخدمة على نظرية العوامل المتعددة والتي تؤكد على العوامل المشتركة common factor دون التأكيد على عامل أو عوامل خاصة، ولما كانت الظواهر الاجتماعية والاقتصادية والجغرافية تتميز بكثرة المتغيرات التي تؤثر في تكوينها أو

^١ هناك خمسة طرق لتحليل العوامل ضمن برنامج spss وهي: principle component analysis, principle factor analysis, rao s canonical factoring,

alpha factoring, image factoring.

** يقصد بها المتغيرات والمشيدات بمثابة العوامل .

طبيعتها لذلك شاع استخدام التحليل العاملي كأسلوب إحصائي يمكنه من تشخيص بعض سمات أو خصائص هذه الظاهرة أو تلك مما يسهل عمل الباحثين على تفسيرها وشرحها علما انه أي التحليل العاملي لا يضيف شيئا إلى البيانات الأصلية ولكنه أداة تبسيط تفيد في محاولة فهم تلك البيانات^(٢) أي وكما يبين Harmman بان التحليل غايته إعادة حل مجموعة من المتغيرات الخطية ذات معنى ومغزى إلى عدد قليل من التصانيف أو العوامل^(٣). إن هذا الحل يمكن إن ينجم في اسهامة عن عوامل تغطي كل المعلومات الأساسية لمجموعة المتغيرات الأصلية origin set variable والهدف هو في الحصول على الوصف العلمي الدقيق مع الاقتصاد في الشرح^(٤), إضافة لذلك فإن التحليل العاملي يزودنا بقوة تقنية في العلاقات المنطقية من بين المؤشرات indicant المعلنة والمشيدات constructs الأساسية*, فالعوامل هي بمثابة مشيدات رياضية mathematical constructed تتحدث عن العلاقة الخطية لمجموعة من المتغيرات في مصفوفة البيانات data matrix تكون عوامل factor لتلك المصفوفة^(٥).

المشكلة :-

هل يمكن استخدام الأساليب الإحصائية المتقدمة في التحليل والبحث الجغرافي ؟ هل يمكن تطبيق هذه الأساليب المختلفة والاستفادة من تحليلاتها جغرافيا وما مدى تطابق نتائجها مع الواقع القائم ؟ هل بالامكان استعمال هذه الأساليب كنموذج تطبيقي على مدن معينة.

الفرضية:-

ان استخدام الأساليب والتقنيات الإحصائية المتقدمة في البحث الجغرافي اعطى نتائج ممتازة ودقة عالية في البحوث والنتائج ، أصبحت الأساليب الإحصائية وما يترتب عليها من نماذج واقعية أو مثالية ، وبالامكان تطبيقها على مختلف المدن ،ولذا تم تطبيقها على ثلاث مدن عراقية.

١-٢ خواص ومؤشرات: properties & indicants

سيتم التعرض لهذين المفهومين بشكل موجز لأهميتها في التحليلات العلمية وخاصة في المفاهيم الإحصائية التقليدية حيث إن خاصية القوة التحليلية هي إن يكون لها ارتباطات كبيرة مع خواص أخرى تملك نفس الهدف فمثلا إن الخواص المستخدمة في سياق التحليل العاملي ربما تختلف على أرضيات متعددة ولأجل الدراسة الحالية فالتمييز مفيد بين التعريف النظري للخواص أو المظاهر properties والتي ندعوها بالمشيدات constructs وبين التعريف التطبيقي للخواص بالمؤشرات indicants^(٦).

فالمشيدات بمثابة هيكل النظريات غير المشيدة وغير المرئية وعملها تحدث في مكان كامن ولا تعلن عن نفسها ولأجل إن تربط إلى مادة تجريبية فان مفهوم المشيدات كان لها إن تترجم أو تفسر استنادا إلى قوانين التوافق خلال أو في نواتج عملية, فالتعريف الأخير للخواص أو المظاهر سوف يأخذ ليكون indicants لنظرية المشيدات ولأجل تطوير نظرية فانه من الضروري الأخذ بين المشيدات النظرية بشكل مباشر وتترجم هذه إلى عمليات تعلن عن نفسها بالمؤشرات ولأجل الاستفادة من المشيدات فيجب في هذه الحالة إن تمتلك معاني إنشائية وأساسية ولكن بها على الأقل ارتباط مباشر بالمؤشرات^(٧), وكان التطوير والتطبيق للارتباطات مابين المشيدات والمؤشرات في العلوم الاجتماعية قد تمت بشكل رائع وذلك من خلال بناء العلاقات مابين هذين المفهومين^(٨).

٣-٠ نماذج البيئة العاملية: يمكن التمييز بين نموذجين في البيئة العاملية وهما تحليل المناطق الاجتماعية والعامل الايكولوجي , والاختلاف بين هذين النموذجين يتركز في الجانب الفلسفي اما الجانب المنهجي فكلاهما يستخدم التحليل العاملي^(٩).

٣-١- تحليل المناطق الاجتماعية social area analysis

ويعتمد هذا النموذج على نظرية مسبقة قدمها في الخمسينات كلا من Shevky و Bell حيث عرضوا نموذج استنتاجي للتغير الاجتماعي اعتمد على مفهوم increasing scale أو التوافقية والتي جاءت بها مشاهدات كولن كلاك المتعلقة بتقسيم العمل في المجتمع وعلى استنتاجات لويس وويرث في العلاقات بين التركزات السكانية وإشكال المجتمعات^(١٠) , إن موديل شفقي وبيل اعتمد على ثلاثة مسلمات في المجتمعات الصناعية هي : التغير في مدى وشدة العلاقات, الاختلافات الوظيفية , تعقد المؤسسات^(١١) , ومقياس هذه الاتجاهات للمسلمة الأولى في التغيرات في تقسيمات العمل مابين القطاعات والثاني تلاشي دور الأسرة كوحدة اقتصادية والثالث الحركة الكبيرة والتركز ومن هذه أي المسلمات نجمت ثلاثة مشيدات أساسية لمقياس الزيادة هي المرتبة الاجتماعية social rank والتحضر urbanization والفصل والعزلة segregation وهذه كانت تعابير شفقي في حين فضل بيل التعابير التالية: الحالة الاجتماعية الاقتصادية social\eco.Status وحالة العائلة family status وحالة الاثنيك ethnic^(١٢).

٤-٠ العامل الايكولوجي Ecology factor: ويختلف هذا الأسلوب عن تحليل المناطق الاجتماعية في انه يضم متغيرات أكثر من الأول ويعتمد على التحليل الاستقرائي inductive analysis وقد لخص بيري وريز

المقصود بهذا الموديل بأنه تحليل لجدول من البيانات تحتوي على قياسات لعدد من المتغيرات حول عدد من التقسيمات المكانية داخل المدينة وربما يكون على مستوى وحدة إحصائية census tract أو حي بقصد تعريف وتلخيص الأنماط المشتركة بعدد أقل من الإبعاد وفي فحص أنماط العلاقات لكل وحدة مع كل عامل من العوامل أو الإبعاد التي حصلوا عليها^(١٣).

٥-١٠ الاسس الرياضية للتحليل العاملي:

إن التحليل العاملي بمثابة أسلوب من أساليب التحليل الإحصائي متعدد المتغيرات multivariate يهدف إلى إيجاد إبعاد dimension للعلاقات ما بين المتغيرات وتقوم عملياته الرياضية والجبرية على نظرية المصفوفات matrix بأنها ترتيب للأرقام في جدول بغض النظر عما تمثله هذه الأرقام ويمكن اعتبار جدول معاملات الارتباط بمثابة مصفوفة، ويحدد كل عنصر في المصفوفة بتحديد الصف row الذي يوجد فيه المتغير أولاً ثم في العمود Coolum وعلى ذلك فالرمز $M^{3 \times 2}$ في المصفوفة تعني تقاطع الصف الثالث مع العمود الثاني. والمصفوفات تكون على عدة أشكال منها المصفوفة المربعة وهي التي تتساوي فيها عدد الصفوف مع عدد الأعمدة لاحظ المثال الآتي: * في جدول (١)

جدول (١) عدد طلاب قسم الجغرافية بفرعية الطبيعي والبشري

الفرع الطبيعي	ذكور	أناث	المجموع
الفرع الطبيعي	٢٠	٤٠	٦٠
الفرع البشري	٣٣	١٥	٤٨
المجموع	٥٣	٥٥	١٠٨

ويلاحظ من المصفوفة اعلاة إن فرع الجغرافية الطبيعية بنسبة عالية من الطلاب مع ارتفاع في نسبة الطالبات ٦٧٪ والطلاب ٣٣٪ ويمكن كتابة الجدول اعلاة مع شكل مصفوفة

$$A = \begin{pmatrix} 40 & 20 \\ 15 & 33 \end{pmatrix}$$

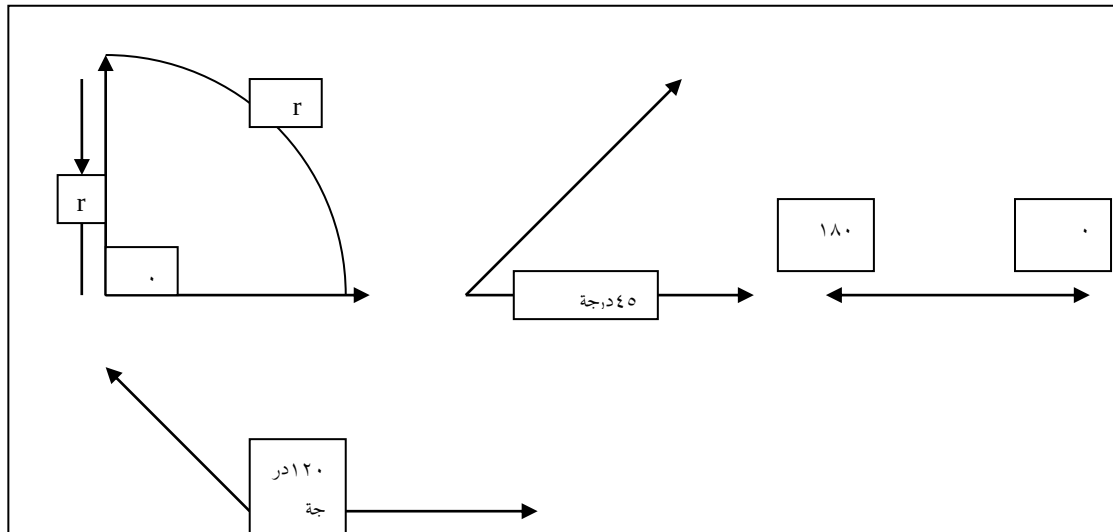
وهناك مصفوفة متماثلة وهي مصفوفة مربعة تتساوي القيم في المواضع المتشابهة على جانبي الخط القطري الرئيسي فمثلاً إن المسافات ما بين المدن الرئيسية والصغيرة في خرائط السياحة تظهرها على شكل مصفوفة حيث القسم الأسفل للخط القطري سيكون مرآة يعكس الجانب الأعلى في حين سيكون تتابع المدن نفسها على طول الصفوف والأعمدة متغيرات وعن طريق المصفوفة تعالج طريقة الانحدار وفي إيجاد قيم معاملات الارتباط الخ.

٥-١١ الأبعاد الهندسية لمعامل الارتباط: ^(١٤)

لتوضيح معامل الارتباط بين أي اختبارين حيث إن كل اختبار مثل متجهة vector فيمكن توضيح الارتباط من خلال ضرب طول المتجهتين في جتا الزاوية المحصورة بينهما θ فالإشكال a, b, c, d, تمثل معاملات الارتباط correlation coefficient بالمتجهات وحيث إن جتا $90^\circ = 0$ صفر فإن معامل الارتباط الصفري يمكن تمثيله بمتجهتين طول كل منهما الوحدة مبتدى من نقطة بحيث تكون المتجهات بينهما زاوية قائمة كما في الشكل الآتي وحيث إن جتا $0^\circ = 1$ فإن معامل الارتباط هو $0,707$ ويمكن تمثيله بمتجهتين طول كل منهما الوحدة ويكونان بينهما زاوية. أشكال الأبعاد الهندسية لمعامل الارتباطات.

^{١٤} المصفوفة جدول يتكون من مجموعة من الصفوف تقطعها مجموعة من الأعمدة وتكون الصفوف بمثابة المشاهدات أو وحدات إحصائية الخ والأعمدة متغيرات وعن طريق المصفوفة تعالج طريقة الانحدار وفي إيجاد قيم معاملات الارتباط الجزئي والمتعدد.

شكل (١) الابعاد الهندسية لمعامل الارتباط



٢-٥ التمثيل الهندسي لجدول الارتباطات: (١٥)

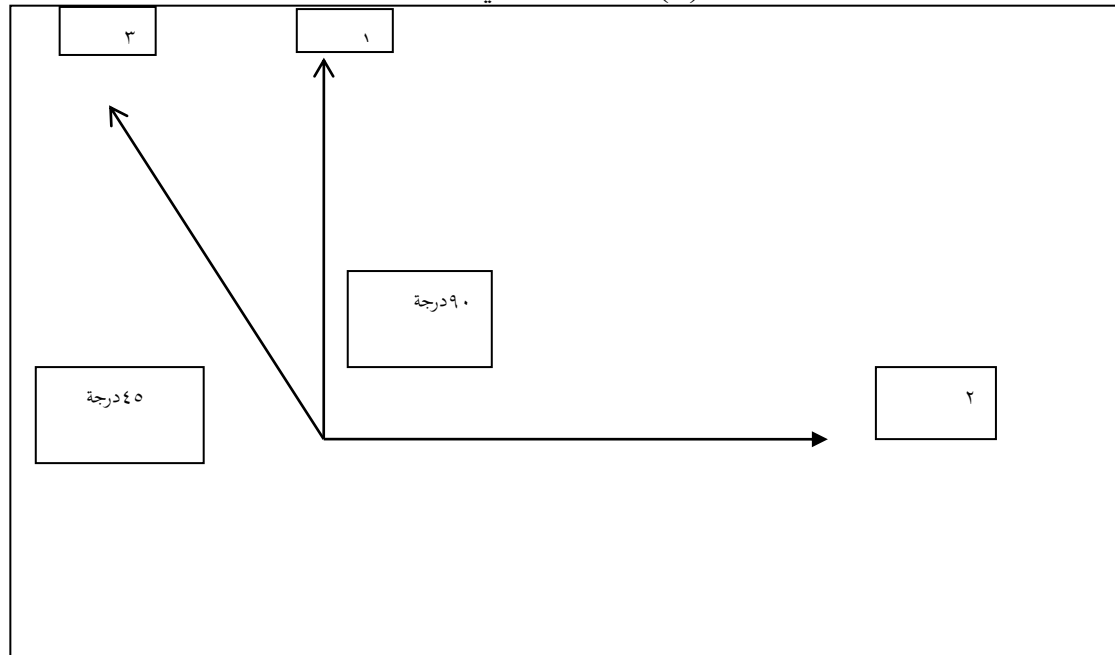
يبين الشكل التالي انه لا يمكن تمثيل كل ارتباطات الجدول هندسيا في بعدين فقط ويلاحظ ان الارتباط بين المتغيرين ١,٢ والارتباط بين المتغيرين ١,٣ ممثلان تمثيلا صحيحا ويتضح من الشكل ان مجموع زاوية المتجهتين ١,٣ لا يساوي الزاوية بين المتجهتين ٢,٣ ولذا فان من الضروري اتخاذ الشكل ذي الابعاد الثلاثة لكي تمثل الزوايا تمثيلا صحيحا, ويمكن اتخاذ هذه الابعاد dimension كتفسير هندسي لدرجة المصفوفة حيث تدل الابعاد التي يتطلبها تمثيل المتجهات درجة المصفوفة فإذا كان التمثيل المتجهات من بعد واحد (خط مستقيم) فان درجة المصفوفة يساوي الوحدة ويلزم لتمثيل العلاقات عامل أو بعد أساس واحد ويصح هذا على أربعة متغيرات وإذا أمكن تمثيل المتجهات والزوايا في بعدين فان درجة المصفوفة ثنائية وهنا يصبح التفسير ألعاملي وإذا أمكن رسم المتجهات^١ في ثلاثة ابعاد فقط فان درجة المصفوفة تصبح ثلاثية وكذلك عدد العوامل وبالرغم اننا لا يمكننا ان نتصور ما وراء الابعاد الثلاثة إلا انه يمكننا إضافة ابعاد أخرى حسب ما تتطلبه المصفوفة.

جدول (٢) التمثيل الهندسي للارتباطات.

	١	٢	٣
١	١,٠٠٠	٠,٠٠٠	٠,٧٠٧
٢	٠,٠٠٠	١,٠٠٠	٠,٥٠٠
٣	٠,٧٠٧	٠,٥٠٠	١,٠٠٠

^١ المتجة عبارة عن الخط المستقيم الذي يبدأ من نقطة معينة بطول معين وفي اتجاه محدد.

شكل (٢) التمثيل الهندسي للأرتباطات:



ومن الملاحظ انه تم التعبير عن المتغيرات الأربعة لعاملين وننقل القيم إلى عمودين فيها التقسيمات العاملية loading والتي يمكن الاستفادة منها في تفسير وشرح العوامل المستخلصة.

جدول (٣) التشبعات على العوام

المتغير	١	٢	h^2
١	٠,٨	٠,٦	١,٠
٢	١,٠	٠,٠	١,٠
٣	٠,٦	٠,٨	١,٠
٤	١,٠	١,٠	١,٠

ويبين العمود الذي يقع تحت عنوان h^2 التباينات العامة أو communalit communalit والتي توضح مدي مساهمة المتغيرات وحسابها هو مربع تشبعات أي عامل يتضمن نسبة من التباين variance لأي مؤشر (متغير) وتقديرها يتم بواسطة العامل المتعلق بها ومجموع المربعات لأي عمود في مصفوفة تشبعات العوامل تحتوي كل من التباين الاصيلي المفسر من قبل ذلك العامل^(١٦)، أما مجموع مربعات تشبعات أي مؤشر في أي صف فهو يتضمن نسبة من التباين من مؤشر معين والتي تقدر بواسطة أي من العوامل ويظهر إن h^2 يساوي الواحد الصحيح ولكن نادرا ما يكون هذا الأمر بسبب عدم ثبات الاختبار وإذا ما قل طول متجهة الاختبار عن الواحد الصحيح فإن الارتباط بالمتغيرات الاخرى ينقص تبعا لأنه يساوي حاصل ضرب طول المتجهتين في جيب تمام الزاوية التي تفصل بينهما.

٤-٥ : الشكل الهندسي للعناصر او العوامل او المتجهات:

في الجغرافية أمثلة كثيرة لتحديد المتجهات ولذا فهي يمكن إن تؤخذ أسماء أخرى لتكون عنصر أو عامل فمثلا السرعة أو التعجيل acceleration الناجمة عن الجاذبية لها دور فعال في اتجاهها نحو ما يسمى العمودية بالاتجاه نحو الأسفل vertically downward وإذا ما اعتبرنا انحدار لتل ما مستقر نوع ما فإن احد العوامل التي ستظهر لنا والعنصر العمودي vertically component مقدار y في أثرة على حبيبات منحدر السطح وإذا كان المنحدر قريبا من الانبساط horizontal فتظهر إن قوة الاتجاه السفلي سيكون دورها بسيط على الصخر أو التربة ولذا فإن أي شئ له جذب واتجاه فإنه يمكن حله من خلال أي اتجاه سواء اتجاه عمودي أو أفقي

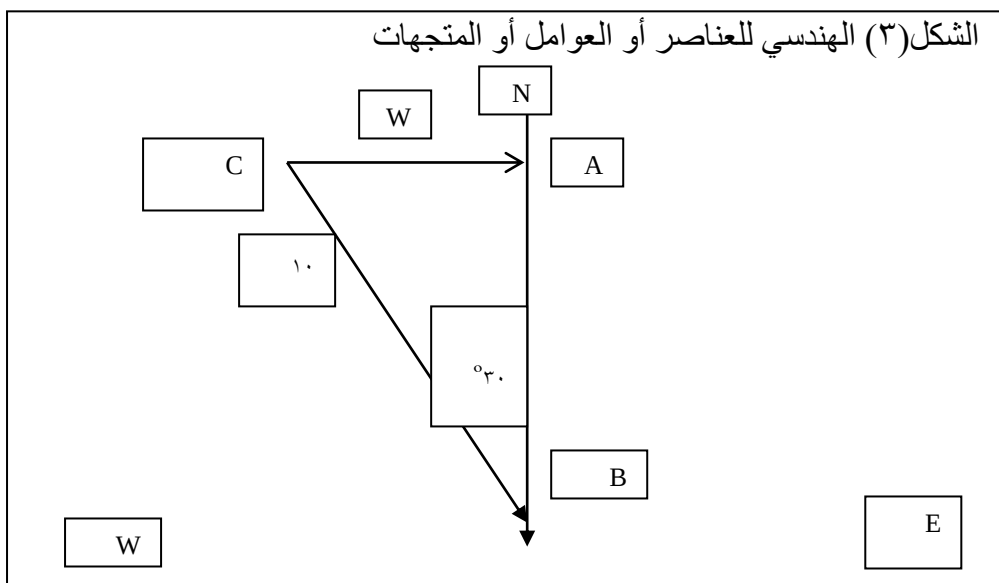
وغربي وشمالي ولنضرب مثلاً في حركة الرياح الغربية الهابة على الحلة فأول شيء أخذ هو معرفة عناصر الرياح الغربية فإذا كان لدينا رياح بسرعة (1ms-1) قادمة من جهة الغرب فإن لها عنصراً الرياح الغربية هو (1ms-1) ورياح شرقية بنفس الأهمية فإن لها عنصراً غربياً ب(1ms-1) وب نفس الطريقة توجد الرياح الناشئة عن جهة الشمال أو الجنوب وسنتبع حل العناصر بأسلوب المثلثات من خلال الجيب والجيب تمام فإذا اعتبرنا بسرعة 1ms-1 من اتجاه بدرجة 30° غرباً عن الشمال وبتعبير أكثر ملائمة هو 330° مع حركة عقارب الساعات من جهة الشمال فهنا من البساطة حساب العناصر الشمالية والغربية من البعد الهندسي فنلاحظ في الشكل الآتي:

وما دام إننا نعرف سرعة الرياح 1ms-1 في اتجاه 330° فإننا نحتاج لحساب متجهتين نعمل بزوايا يمينى كلا نحو الآخر لإنتاج هذه السرعة، لذا العنصر الشمالي (N) والغربي (W) سيكون كمايلي:

$$W = 1 \cdot \sin 30 = 0.5 \text{ ms}^{-1}$$

$$N = 1 \cdot \cos 30 = 0.866 \text{ ms}^{-1}$$

وحسب قانون فيثاغورس فإن المثلث cba القائم الزاوية سيكون كما يلي: $2 = 1^2 + W^2$ هذا التصور ذو البعدين إما إذا كان أكثر من بعد فستكون الحالة بنفس الطريقة ولكن بإبعاد لا يمكن تصورها إذا كانت أكثر من ثلاثة. لاحظ الشكل الاتي:-



٥-٥ حساب معاملات الارتباط^(١٧):

وتتم من خلال قيم التشبعات العاملية للمتغيرات وتتم عن طريق حساب الارتباط بجمع حواصل ضرب صفوف مصفوفة العوامل ولكي نحصل على معامل الارتباط بين متغيرين كما في الجدول السابق اعلاة فإننا نوجد حاصل ضرب قيم الصف الأول row في القيم المقابلة لها في الصف الثاني ثم نوجد مجموع حاصل الضرب معاً فمثلاً حاصل الضرب للمتغيرين ١,٢ كالآتي:

$$0.8 = 0.0 \times 0.6 + 1.0 \times 0.8$$

إما للمتغيرين ٤, ٢ فهي: $1.0 \times 1.0 + 1.0 \times 0.0 = 1.0$ وبهذه الطريقة يمكن حساب معاملات الارتباط جميعها

من خلال مصفوفة العوامل factor matrix

٥-٦ خصائص الحلول العاملية:

للتريد الدخول في التفاصيل حول خطوات الحل الجبري للتحليل العاُملي والأساليب التكنيكية الاخرى والتي حالياً يقوم برنامج spss وبرامج أخرى بحلها إلا أنه يبقى شيء وهو معرفة الباحث ماذا تعني التشبعات والقيم العينية والتباين العام ففكرة استخراج العوامل أو العناصر من خلال مصفوفة الارتباط والحصول منها على متغير متوسط mean variable سواء كان ذلك بالحساب أو من خلال الرسم البياني أي إن الهدف هو الحصول على متجهة جديد يكون قريباً من المتجهات المكونة لعدد المتغيرات في المصفوفة ولما كانت الزوايا الأصغر تعني ارتباط موجباً أكبر والزوايا الأكبر تمثل الارتباط السالب بحيث لتتجاوز أي زاوية 180° عند قيمة الارتباط السالب التام (١-) فلا بد من توقيع الموجة إما قريباً من الصفر أو 180° بقدر المستطاع، ومن الواضح إن هناك عدداً نهائياً ولكنه كبير جداً من المواقع للمكون أو العامل الأول فإذا كان لديك (٣) متغيرات وزواياها الممثلة للارتباط كمايلي:

جدول (٣-١) المتغيرات والزوايا

	٧٣	٧٢	٧١	
٨٠	٥٠	٣٠	٠	٧١
٥٠	٢٠	٠	٣٠	٧٢
٧٠	٠	٢٠	٥٠	٧٣

جدول (٣-ب) الارتباطات

٠,٦٤	٥,٨٧	١,٠٠	٧١
٠,٩٤	١,٠٠	٠,٨٧	٧٢
١,٠٠	٠,٩٤	٠,٦٤	٧٣
٢,٥٨	٢,٨١	٢,٥١	المجموع

يظهر من الجدول إن ٧٢ هي اقرب المتغيرات للتوسط حيث ينخفض مجموع قيم زواياها وللتحقق من ذلك تحول الزوايا لارتباطات وتجمع هذه الأخيرة لنري لأي حد يرتبط المتغير الواحد بباقي المتغيرات الاخرى ونتأكد حقيقة الارتباط القوي للمتغير الثاني مرة ثانية من خلال هذا المجموع سواء بغيره أو بنفسه, والخطوة التالية هي الحصول على الجذر التربيعي لمجموع الارتباطات ومعرفة علاقته بمجموع ارتباطات كل متغير على حدة على النحو التالي:

$$\text{مجموع الارتباطات الكلي} = ٧,٩٠ = ٢,٥٨ + ٢,٨١ + ٢,٥١$$

اذن تحت الجذر $٧,٩٠ = ٠,٨٩$

وعلى هذا يكون الناتج في $٧١ = ٢,٥١ \div ٢,٨١ = ٠,٨٩$ وعند $٧٢ = ٠,٩٣$ و $٧٣ = ٠,٩٢$ ومن الضروري إن يكون مجموع الارتباطات مساويا لمربع عدد المتغيرات المبحوثة أي ٣^2 اذا كان الارتباط تاما, ولذا يعتبر الجذر التربيعي لمجموع عدد المتغيرات هو أقصى مجموع يمكن الحصول عليه لارتباطات كل متغير وهو الذي يطلق عليه اسم المتغير المتوسط أو المكون الرئيسي والعامل الرئيسي, ويمكن بعد ذلك تحويل الارتباطات الناتجة إلى زوايا بسهولة وتوقيع المتجة الجديد في رسم بياني, وفي حالة المثال السابق تكون الزوايا كالتالي: $٧١ = ٠,٨٩$ و $٧٢ = ٠,٩٩$ و $٧٣ = ٠,٩٢$ وتسمى هذه الطريقة بالطريقة المركزية للحصول على المكونات أو العوامل وتتميز بإمكان حسابها بسهولة وتصلح كثيرا وتعطي نفس نتائج المصفوفات الجبرية التي تستخدم الحاسب الآلي وان كانت دقتها اقل في بعض الأحيان, والسؤال الآن هو ماطبيعية العلاقة بين هذه العوامل الجديدة والمتغيرات الأصلية المختارة؟ يمكن الحصول على ثلاثة مؤشرات لهذه العلاقة الأولى هي الزاوية الفاصلة بين كل متغير والعامل الجديد من خلال الرسم, والثانية هي الارتباط الذي يمثل قيمة جيب تمام الزاوية, والثالثة مربع الارتباط الذي يشير إلى نسبة التباين المتعلقة بكل عامل وتسمى الارتباطات بين كل متغير والعامل الرئيسي باسم تشبع العامل أو العنصر, وتفسر بنفس الطريقة التي يؤديها معامل ارتباط العزوم بحيث تبين مربعاتها نسب التباين في كل متغير المرتبطة بكل عامل, وفي حالة المثال السابق كانت تشبعات العامل الرئيسي (الارتباطات) هي: $٠,٩٢, ٠,٩٩, ٠,٨٩$ ومربعاتها تكون $٠,٨٤٦٤, ٠,٩٨٠١, ٠,٧٩٢١$ على الترتيب ومن ثم يمكن القول انه في حالة ٧٢ مثلاً يبدوا إن $٩٨,٠١\%$ من تباينها مرتبط بتباين العامل الرئيسي الأول بينما هي في حالة ٧١ تساوي $٧٩,٢١\%$ فقط.

٥-٧ حساب القيمة الدالة eigen value:

تشير مربعات تشبعات العامل الرئيسي للدرجة التي يمكن إن يحل به العامل الجديد محل المتغيرات الأصلية أو بمعنى آخر ماهو الجزء الذي يرتبط به العامل الرئيسي مع المتغير الأصلي ولذا فمجموع مربعات تشبعات العامل بين إجمالي التباين المسؤول عنه هذا الوافد الجديد وهذه القيمة تسمى القيمة الدالية eigen value ويرمز

^١ القيمة العينية هي مربع عنصر كل عمود وبشكل تنازلي وعددها مع تساوي عدد المتغيرات ويفترض إن العنصر الأول قيمته العينية ٢,٥٦ والثاني ٠,٦٥ فأن تقدير التباين سيكون

٦٤/٤١ = ١,٥٦X١٠٠ :مراجعة أطروحة الدكتوراه للباحث صفاء عبد الكريم حول التحليل العاملي, التباين المكاني للمناطق السكنية في مدينة بغداد, جامعة بغداد, كلية الآداب, ١٩٩٦

لها بالحرف اليوناني λ وفي هذه الحالة تكون اللامداهي مجموع القيم مقسومة على إعداد المتغيرات في المصفوفة مطروحة من ١٠٠ التي تمثل الواحد الصحيح أو درجة الارتباط بين كل متغير وذاته، وتعرف هذه النتيجة بالنسبة المؤية لإسهام العامل وهي عبارة عن مجموع القيم للخط المائل في المصفوفة والفرق بينها وبين دور العامل وفي الحالة السابقة نحصل على نسبة الإسهام تلك بجمع القيم: $0,9801 + 0,7921 + 0,8464 = 2,6186$ وبقسمتها على عدد المتغيرات (٣) وبضربها في ١٠٠ $= 78,28\%$ ويمكن أن الوصول لننتيجة مؤداها إن العامل الأول في المصفوفة السابقة باعتباره متغيراً متوسطاً مسؤولاً عن ٨٧,٢٨٪ من نسبة التباين في مجموعة مكونة من ثلاثة متغيرات فماذا عن الـ ١٢,٧٢٪؟ لكي نحصل على هذه النسبة الأخيرة لابد من استخراج مكونات العامل الثاني بالخطوات التالية:

١- نعود إلى مصفوفة الارتباط الأصلية للمتغيرات الثلاثة ونطرح من كل قيمة تشعب العامل الأول، ولذا إذا كانت درجة ارتباط ٧٢ مع ٧٢ تساوي ٨٧، وتشعب ٧٩ مع ٧١ فإن ارتباط ٧١ مع ٧٢ بعد استبعاد تأثير العامل الأول يكون: $0,87 - (0,98)(0,79) = 0,1 = 0,77 - 0,87 = 0,1$ فهذه إذن صورة للارتباط الجزئي بين المتغيرين ٧١، ٧٢

٢- تكوين مصفوفة ارتباط جديدة للمتغيرات الثلاثة مستبعداً منها تأثيراً للعامل الأول وعند الرغبة في معرفة علاقة المتغير بذاته نحصل على مربع التشعب ونطرحه من الارتباط في المصفوفة الأولى.

٣- تكرار الخطوات السابقة الخاصة بجمع الارتباطات لكل متغير مع حذف النصف العلوي أو السفلي من المصفوفة لضمان عدم التكرار.

٤- نحصل على مجموع المجاميع ثم جذره التربيعي ويقسم مجموع ارتباطات كل متغير على هذه القيم الأخيرة وتقسم على عدد المتغيرات وتنسب إلى ١٠٠ للحصول على القيمة الدالة وهكذا تنتهي للعامل الأول وتكرر نفس الخطوات السابقة.

٥- تحدد أهمية دور المكونات أو العوامل الرئيسية بالنسبة للتباين في كل متغير عن طريق حساب درجة communalities وهي عبارة عن مجموع مربعات التشعبات الواقعة على كل متغير (المجموع الأفقي) وهذه القيم عادة تكون أقل من الواحد الصحيح إلا إذا كان عدد العوامل مساوياً لعدد المتغيرات فقد تزيد بعض هذه القيم عن الواحد الصحيح أحياناً.

٥-٨- خصائص الحلول العاملية^(١٨):

بعد إن ما طلعنا على خطوات الحل الجبري للتحليل العاملي والتي استغني عنها حالياً بسبب دخول الكمبيوتر في هذا المجال وانجاز هذا الموديل ضمن برنامج spss وكان عرضها إلا لمجرد إعطاء المتتبع فكرة عن هذا الأسلوب إلا أنه يبقى شيئاً مهماً وهو مدي معرفة الباحث لهذا التكنيك وكيفية التعامل معه واستعمال أنواعه للإغراض الدراسية والبحثية والتي سوف نعطي صورة عنها.

هناك حلول عامليه منها حلول مباشرة direct وأخرى غير مباشرة indirect وهي تقع ضمن نواتج التحليل العاملي procedure وبين محاور العوامل العمودية orthogonal والمائلة oblique والتمييز بين طرق الحل المباشر وغير المباشر يعتمد بشكل رئيسي على الأغراض التي وضع على أساسها التحليل العاملي، فالطرق المباشرة تجد بأن تحليلها يرتبط مع اختيار فرضيات مسبقة apriori hypothesis مرتبطة ببيانات أو مجموعة بيانات معينة وجوهر أساس الحل المباشر هو من أجل ١- اختبار فرضيات حول عدد العوامل الموجودة ٢- وطبيعة الاعتقاد حول مدي اتخاذ هذه المجاميع شكلاً خطياً.

أما في أسلوب الحل الغير مباشر للتحليل العاملي فإن الهدف ماكتشفه مصفوفة البيانات من عوامل عديدة وماتخذة من معنى..، إن الحلول العاملية المباشرة وغير المباشرة وما تحويه من عوامل فهي تكون إما بوضع عموداً مائل وفي الحل العمودي العوامل المستخرجة ستكون مستقلة بعضها عن البعض الآخر، في حين الحل المائل فالعوامل المستخرجة مرتبطة الواحدة مع الأخرى والتكنيك المائل يسمى principle factor analysis والتكنيك العمودي يسمى principle component analysis.

٦-٠- تطبيق لتحليل المكون الرئيسي على بعض معايير التنمية في محافظات العراق: (١٩)

أخذت ثمانية متغيرات لثمان مدن عراقية لسنة ١٩٩٧ والهدف تصنيف هذه المتغيرات من حيث الدور الذي تلعبه كمؤشرات للتنمية ومعرفة طبيعية العلاقات بينها (طردية وعكسية) ومدي هذه العلاقات من خلال استخراج العوامل الرئيسية ذات الأهمية وتلك الأقل منها والمتغيرات هي: نسبة السكان الحضر، نسبة غير الأميين من السكان (أكثر من عشرة سنوات)، نسبة العاملين بالخدمات (اثنا عشرة سنة فأكثر)، نسبة العاملين في الصناعات التحويلية (اثنا عشرة سنة فأكثر)، متوسط حجم الأسرة، نسبة المساكن المزودة بمياه الشرب، نسبة الوحدات السكنية المستخدمة في مجال العمل، نسبة المنشآت العاملة من إجمالي المنشآت.

جدول (٤) بعض مؤشرات التنمية في مدن عراقية^١

المدن	V١	V٢	V٣	V٤	V٥	V٦	V٧	V٨
بغداد	٥٦,٩	٥٥,٩	٣٥,٦	٢١,١	٤,٧	٦٨,٥	١,٩	٥٤,٩
ديالى	٢٥,١	٣٦,٩	٣٢,٢	١٠,٨	٥,١	٦٨,٤	٢,١	٧٠,٢
الرمادي	٢٣,٢	٣٣,٢	٢٨,٥	١٥,٥	٥,٣	٨٩,٥	١,٩	٦٥,٤
الحلة	٢٠,٧	٣٥,٠	٣٢,٤	١٤,١	٤,٩	٤٦,٨	٢,٠	٧٣,٠
النجف	٢٧,٨	٣٨,٢	٣١,٥	١١,٢	٥,١	٥٦,٢	١,٨	٧٠,٣
كربلاء	٢١,٨	٣٥,١	٢٧,١	١٢,٩	٥,٣	٤١,٦	٢,٢	٦٧,٤
الديوانية	٢٣,٢	٣٦,٩	٢٤,٩	١٤,٤	٥,٠	٣٥,٥	٢,٤	٦٦,٢
الكويت	٣٩,٩	٥٤,٢	٣٢,١	١٣,٣	٥,١	٨٤,٨	١,٢	٧٥,٨
المتوسط	٢٩,٨	٤٠,٧	٣٠,٥	١٤,٢	٥,١	٦١,٤	١,٩	٦٧,٩
الانحراف المعياري	١١,٧	٨,٤	٢,٤	٣,٠	٠,١٩	١٨,٥	٠,٣٣	٥,٩٠

المصدر :- وزارة التخطيط, الجهاز المركزي للإحصاء, إحصاءات السكان لسنة ١٩٩٧, بيانات غير منشورة.

هنا نحسب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري لكل متغير ونحصل على معامل ارتباط العزوم (بيرسون) بين كل متغير وباقي المتغيرات بما في ذلك ارتباط المتغير بذاته, ولما كان معامل ارتباط العزوم عبارة عن النسبة بين التباين $covariance$ والانحراف المعياري (الجذر التربيعي لمجموع مربعات انحراف القيم عن المتوسط الحسابي مقسوماً على عدد القيم), إما التباين فهو عبارة عن حاصل ضرب انحرافات القيم ولكل متغير عن وسطه الحسابي مع انحرافات المتغير الآخر وذلك معناه إن تباين $V١, V٢$ تضرب في نواتج انحرافات قيم كل واحد منها عن وسطه الحسابي مع مراعاة الإشارات السالبة والموجبة وتجمع لتكون الناتج مساوياً $V١, V٣ = ٢٢٠, ٢٢, ٧٤٢, ٢٨$ وهكذا $V١, V٣$ مع $V٤, V٥$ الخ وبعدها ينتقل إلى $V٢$ مع نفسه ثم مع $V٣$ وهكذا لأن $V١$ مع $V٢$ هي ذاتها $V٢$ مع $V١$, بعدها يطبق قانون معامل ارتباط المتغير الأول مع المتغير الثاني مساوياً تباين المتغير الأول مع المتغير لثاني مقسوماً على العدد الكلي للمتغيرات في البسط ويقسم ذلك كله في النهاية على الانحراف المعياري للمتغير الأول مضروباً في الوسط الحسابي للمتغير الثاني, ومن خلال ذلك تكون مصفوفة ارتباط للمتغيرات ببعضها في إطار المدن على النحو التالي:

جدول (٥) مصفوفة الارتباطات

	V١	V٢	V٣	V٤	V٥	V٦	V٧	V٨
V١	١,٠٠							
V٢	٠,٩٤	١,٠٠						
V٣	٠,٩٨	٠,٩١	١,٠٠					
V٤	٠,٧٢	٠,٥٥	٠,٦٤	١,٠٠				
V٥	٠,٦٤	٠,٥٦	٠,٨٥	٠,٦١	١,٠٠			
V٦	٠,٣٩	٠,٣٩	٠,٥٢	٠,٠٧	٠,١٥	١,٠٠		
V٧	٠,٤٧	٠,٦٤	٠,٨١	٠,٠٦	٠,٠٢	٠,٠٧	١,٠٠	
V٨	٠,٥٥	٠,٢٤	٠,٢٦	٠,٨٤	٠,٤٢	٠,٤٢	٠,٤٠	١,٠٠
المجموع	١,٥١	١,٨٩	٠,٢٤	٠,٣٧	١,٥٥	٠,٦٥	١,٤٠	١,٠٠

ويظهر من الجدول مدي ارتباط كل من $V١$ مع $V١, V٣$ مع $V٢$ مع $V٣, V٣$ مع $V٤, V٥$ مع $V٨$ وبعض هذه الارتباطات سالبة وأخرى موجبة, كما يتبين إن هذه المتغيرات جميعها تترايط في توزيعها مكانياً في إطار المدن للمنطقة الوسطى من العراق المختارة, ومن قيم الارتباطات السابقة يمكن وضع مصفوفة للزوايا المقابلة لها كما يلي:

^١ وزارة التخطيط, الجهاز المركزي للإحصاء, إحصاءات السكان لسنة ١٩٩٧, بيانات غير منشورة.

جدول (٦) مصفوفة الزوايا

V٨	V٧	V٦	V٥	V٤	V٣	V٢	V١	
							٠	V١
						٠	٢٠	V٢
					٠	٢٥	١٦٩	V٣
				٠	٥٠	٥٧	٤٤	V٤
			٠	١٢٨	١٤٩	١٢٥	١٣٠	V٥
		٠	٨١	٨٦	٥٩	٦٧	٦٧	V٦
	٠	٨٦	٩١	٩٠	١٤٤	١٣٠	١١٨	V٧
٠	١١٤	١١٥	٦٥	١٤٧	١٠٥	٧٦	٥٧	V٨

وقد قربت الزوايا لأقرب درجة وطرحت القيم ذات الإشارة السالبة للارتباط من ١٨٠ درجة بعد الحصول على مايقابلها من جدول جيوب تمام الزوايا ومن الواضح مما سبق إن المتغير الأول اقوى المتغيرات ارتباطا بكل المتغيرات الاخرى سواء من حيث مجموع الارتباطات او الزوايا المقابلة , وذلك معناه إن نسبة الحضرية ترتبط ايجابيا بكل المتغيرات الأخرى المشار إليها من قبل ولذا إن استخراج تشبعات العامل الأول او المكون هنا تكون النتيجة:

$$\text{مجموع قيم الارتباطات} = ٧,٨٧ = ٠,٣٧ - ٨,٢٤$$

$$\text{والجذر التربيعي لها أي ل} ٧,٨٧ = ٢,٨١$$

وعلى ذلك تكون أعباء العامل الأول (المكون) بالنسبة للمتغيرات كمايلي:

جدول (٧) تشبعات العوامل

V٨	V٧	V٦	V٥	V٤	V٣	V٢	V١	
٠,٣٦	٠,٥	٠,٢٢	٠,٥٥	٠,١٣	٠,٨٠	٠,٦٧	٠,٥٤	
٠,١٢٩٦	٠,٢٥٠	٠,٥٢١	٠,٣٠٢٥	٠,٠١٦٩	٠,٠٠٦٤	٠,٤٤٨٩	٠,٢٩١٦	مربع التشبع

وفي هذه الحالة تظهر المتغيرات V١, V٢, V٥, V٧ ذات مربعات أعباء عالية عند المكون أو العامل الأول مما يشير إلى قوة ارتباطها كمعايير للتنمية, إما الخطوة التالية فهي حساب القيمة الدالية eigen value والتي تساوي ١,٤٩٨٨ وهي ناتج مجموع مربعات أعباء المكون وبقسمتها على عدد المكونات وضربها في ١٠٠ نحصل على نسبة إسهام المكون كمايلي: $١٨,٧٣ = ٨ \div ١,٤٩٨٨$ وهذه الأخيرة هي مجموع قيم الارتباط المائلة بزوايا ٤٥° في المصفوفة التي تسمى diagonal والتي تمثل ارتباط كل متغير بذاته وينطبق هكذا على بقية العناصر أو المكونات الأخرى.

الاستنتاجات:

١. ان اسلوبي التحليل العاملي وتحليل العناصر يرميان لهدف واحد هو الإجابة عن السؤال ما الدور الذي يلعبه كل عامل أو مكون في التأثير على الظاهرة موضوع البحث أو الدراسة.
٢. يتسارع الاتجاه حاليا ومستقبلا في تطبيق الأساليب الكمية في الجغرافية لما لها من اهمية كبيرة وتساعد على استخلاص نتائج سريعة ودقيقة.
٣. ان دراسة ومعرفة المتغيرات المسؤولة عن التنمية ومعرفة طبيعية العلاقات بينها أي بين نسبة السكان

الحضر ونسبة السكان من غير لامين ونسبة العاملين في الخدمات والعاملين في الصناعات التحويلية ونسبة المساكن المزودة بمياه الشرب ونسبة المساكن المستخدمة في مجال العمل ونسبة المنشآت العاملة من إجمالي المنشآت في ثمان مدن عراقية ، كانت نتيجته إن العامل الأول حصل على تشبعت عالية عند المتغير الأول والثاني والخامس والسابع مما يشير إلى قوة ارتباطها كمعايير للتنمية.

٤. يعتبر تطبيق اي اسلوب او انموذج رياضي واحصائي ونجاح نتائج هذا التطبيق دليلا على نجاح هذا الاسلوب او الانموذج سواء كان رياضيا او احصائيا ، وهو ما اكدته الدراسة من خلال تطبيقها على ثمان مدن عراقية .

٥. ويظهر من الجدول (٥) مدي ارتباط كل من ٧١ مع ٧٣، ٧١ مع ٧٢ و ٧٣، ٧٣ مع ٧٥، ٧٤ مع ٧٨ وبعض هذه الارتباطات سالبة وأخري موجبة، كما يتبين إن هذه المتغيرات جميعها تترابط في توزيعها مكانيا في إطار المدن للمنطقة الوسطى من العراق (المختارة) .

٦. إن المتغير الاول اقوى المتغيرات ارتباطا بكل المتغيرات الاخري سواء من حيث مجموع الارتباطات او الزوايا المقابلة، وذلك معناه إن نسبة الحضرية ترتبط ايجابيا بكل المتغيرات الأخرى المشار إليها من قبل ولذا تم استخراج تشبعت العامل الاول او المكون هنا كانت النتيجة:

$$\text{مجموع قيم الارتباطات} = ٧,٨٧ = ٠,٣٧ - ٨,٢٤$$

$$\text{والجذر التربيعي لها أي ل} ٧,٨٧ = ٢,٨١$$

٧. وفي هذه الحالة اعلاه تظهر المتغيرات ٧٧، ٧٥، ٧٢، ٧١ ذات مربعات أعباء عالية عند المكون أو العامل الأول مما يشير إلى قوة ارتباطها كمعايير للتنمية.

المصادر:-

- ١- الجابري، رسول فرج،، أسلوب التحليل العملي واستخداماته في التخطيط والتنمية الإقليمية، وقائع المؤتمر العلمي الأول لمركز التخطيط الحضري والإقليمي، جامعة بغداد، للفترة ١٤-١٦ كانون الأول ١٩٨٧، ص ٥.
- ٢- سلطان، عماد الدين، التحليل العملي، القاهرة، مكتبة الانجلو المصرية، الطبعة الاولى، ١٩٧٦، ص ٢.
- ٣- D.W, G.Timms, The Urban Mosaic; To Ward Theory of Residential Differentiation, Cambridge University Press, London, ١٩٧٥, p٤٧.
- ٤ - ibid, p٤٨.
- ٥ - Gae-On Kim, Factor analysis, University Of Iowa Press, ١٩٧٦, p٧٠.
- ٦- Timmes, op.cit, p٤٥.
- ٧- Timms, ibid, p٤٦.
- ٨ - Timms, ibid, p٤٦.
- ٩- العنقري، خالد محمد، البيئة العمرانية، الجمعية الجغرافية الكويتية، ١٩٨٤، ص ٩.
- ١٠ - R.G.Gohnstone & F.D.T, Herbert, Social Area In Cities; Processes Pattern And Problems, Gohn Willy & Sons, Great Britain, ١٩٧٨, p١٧٩.
- ١١- ibid, p١٤٧
- ١٢- ibid, p١٧٩
- ١٣- Brian G.L, Berry & Frank E Horton, Geographic Perspective On Urban System, Prentic-Hall, Newjersy, U S A, ١٩٧٠, p٣٠٦
- ١٤- Graham N. Sumner, Mathematics for Physical Geography, Edward Arnold, Great Britain, ١٩٨٧, p٦٠.
- ١٥ - ibid, p٦٢.
- ١٦- ibid, p١٨٢
- ١٧- إبراهيم، عيسى، على، الأساليب الإحصائية والجغرافية، دارا لمعرفة الجامعية، الإسكندرية، ج.م.ع. ١٩٩٩، ص ٣٦٠-٣٦٢.
- ١٨- المصدر نفسه، ص ٣٦٣