

العوامل المؤثرة في حفر الآبار النفطية بأسلوب انحدار المركبات الرئيسية

(العراق أنموذجا)

م.د. ايناس عبد الحافظ محمد

أ.م.د. شروق عبد الرضا سعيد

Enas Abdu Alhafudh Mohammed

Shrook A.S AL-Sabbah

Enas.albasri@uokerbala.edu.iqShrookASabah1968@gmail.com

المخلص:-

عند بناء أنموذج الانحدار الخطي المتعدد غالبا ما تكون تقديرات طريقة المربعات الصغرى غير كفوءة، وذا قدرة تنبؤيه ضعيفة ومن بدائلها هي طريقة انحدار المركبات الرئيسية
Principal components Regression method

وبهدف الوصول الى طريقة تمتلك قيم تقديرية دقيقة سحبنا عينة عشوائية بسيطة من الاماكن حجمها 396 مكان لحفر الابارالنفطية ودراسة المتغيرات المستقلة Independent variables (Depth عمق الصخور , Rpm عدد دورات الحافرة في الدقيقة , WOB الوزن المسلط على الحافرة , DT قياس كثافة الصخرة , HSI معادلة الهيدروليك) والمتغير التابع Dependent (bit معدل اختراق الحافرة) وأظهرت نتائج البحث معنوية Rpm عدد دورات الحافرة و DT كثافة الصخرة المؤثرة في معدل اختراق الحافرة bit.

وباستعمال البرنامج ((NCSS))، تم تطبيق طريقة المركبات الرئيسية لدراسة العوامل المؤثرة والتوصل الى نتائج دقيقة، ولبيان افضلية طريقة انحدار المركبات الرئيسية تم مقارنة تقديرات معلماتها والاختفاء المعيارية لها مع طريقة المربعات الصغرى Least Squares Mothed وتبين قلة الاختفاء المعيارية العائدة لطريقة انحدار المركبات الرئيسية وكانت الافضل في التقدير.

Abstract

When constructing a multi-linear regression model, estimations of the method of the least squares are often inefficient, with low predictive capacity therefore that is one of the alternatives is the main components regression method.

In order to get the a method that has accurate estimation values, we draw a simple random sample of 396 places to drill the wells and study the independent variables (Depth of rock depth, Rpm number of cycles per minute, WOB weight on the shaft, DT measurement of rock density, HSI equation of hydraulic) And the dependent variable (bit rate of penetration of the shaft) and the results show significant effect of RPM the number of cycles of the incentive and DT rock intensity on the rate of penetration of the bit.

Using the NCSS program, the principal component method was applied to be a successful method for the study of the influencing factors with accurate results and to show the superiority of the regression method of the principal component. The parameters and standard errors were compared with the least squares method and the lack of standard errors due to the regression of principal component was the best in appreciation.

المقدمة:

تستخدم طريقة تحليل مقدرات المركبات الأساسية ولتشخيص ومعالجة التعدد الخطي بين المتغيرات المستقلة إذ إن التقدير بطريقة المربعات الصغرى (OLS) يؤثر على الاختبارات الاحصائية لمعنوية المعلمات المقدرة لانموذج الانحدار الخطي في حالة كون التوزيع الاحتمالي

للاخطاء لنموذج الانحدار الخطي غير طبيعي لذلك يتم استخدام طريقة انحدار المركبات الرئيسية لتقدير معاملات نموذج الانحدار الخطي في ظل وجود التعدد الخطي.

يهدف تحليل المركبات الرئيسية الى اخذ P متغير X_1, X_2, \dots, X_p وايجاد تركيب من هذه المتغيرات لانتاج متغيرات غير مرتبطة هي Z_1, Z_2, \dots, Z_p , وان ضعف الارتباط يكون خاصة مفيدة جدا لان هذا يدل على ان المؤشرات تقيس ابعادا مختلفة للبيانات ولكن تكون هذه المؤشرات مرتبة بحيث ان Z_1 تعرض اكثر كمية للتغير وتعرض Z_2 ثاني اكبر كمية للتغير وهكذا.

مشكلة البحث: - تشخيص ومعالجة التعدد الخطي بين المتغيرات المستقلة باستخدام طريقة المركبات الرئيسية

هدف البحث:

عند تطبيق تحليل البيانات على مجموعة بيانات قد يواجه الباحث وجود مشكلة التعدد الخطي عند تحليل نمط معين من البيانات وعليه سنسعى الى تحقيق الاهداف التالية.

- تشخيص وجود مشكلة التعدد الخطي التي تشير اليها نتائج الانحدار والتخلص من الارتباط الموجود بين المتغيرات المستقلة بطريقة انحدار المركبات الرئيسية
- تاثير وجود ومعالجة المشكلة من خلال اختيار افضل المتغيرات

الجانب النظري:

تعريف التعدد الخطي [4] Multicollinearity

ان مصطلح التعدد الخطي او الارتباط الخطي المتعدد هو مصطلح مركب من (Multi) متعدد و (Co) مشترك او متداخل او مرتبط و (Linearty) خطي ويشير المصطلح الى وجود علاقة خطية تامة او غير تامة بين اثنين او اكثر من المتغيرات التوضيحية في نموذج الانحدار مما يؤدي الى احد فروض التحليل.

ويمكن تعريف التعدد الخطي من خلال مفهوم التعامد اي عندما تكون مصفوفة التصميم تامة الرتبة وجميع القيم الذاتية في مصفوفة التصميم تساوي واحد ويدل هذا على ان التعامد موجود . واذا كان على الاقل واحد من القيم الذاتية مساويا للصفر او يقترب من الصفر يعني ان التعامد غير موجود. وسوف نذكرانواع العلاقات الخطية بين المتغيرات التنبؤية [5] .

1- العلاقة الخطية التامة : Linear relation full

تتحقق هذه العلاقة عندما يكون هناك علاقة خطية بين قيم اثنين او اكثر من المتغيرات التوضيحية فتكون نتيجة محدد المصفوفة تساوي صفر $|X'X| = 0$ وهذا يؤدي الى انتهاك شرط الرتبة Rank الذي يعرف بانه رتبة المصفوفة عندما يكون المحدد لا يساوي صفر , اذ تكون المصفوفة غير كاملة الرتبة اي ان $\text{Rank}(X) < P$ الرتبة اقل من عدد المتغيرات وعليه فانه لا يمكن ايجاد معكوس مصفوفة المعلومات ومن ثم لا يمكن تقدير معاملات النموذج وهنا يظهر التعدد الخطي التام

2- العلاقة الخطية الغير التامة (الجزئية) [5]

تظهر هذه الحالة عندما يكون محدد مصفوفة المعلومات لا يساوي صفر ($|X'X| \approx 0$) وانما قريب منه.

وتميل المتغيرات للتحرك سوية بالزيادة او النقصان كما في حالة استخدام المتغيرات المرتدة افقيا ففي هذه الحالة يكون تقدير معاملات النموذج غير دقيقة وغير ممثلة لواقع المشكلة المدروسة لان تباين المعلمات سيكون كبيرا نتيجة لكبير حجم الاخطاء المعيارية وهذا يؤثر على ظهور بعض او جميع قيم إحصاء الاختبار T-test لمعاملات النموذج صغيرة نسبيا وهذا يؤدي الى عدم معنوية هذه المقدرات

مقدرات المركبات الرئيسية :

تعد مقدرات المركبات الرئيسية من ابسط و اكثر طرائق الانحدار التي تعالج مشكلة التعدد الخطي في البيانات واول من اقترح تقنية لتحليل المركبات الرئيسية او الوحدات الرئيسية هو كارل بيرسون (Karl Pearson,1901) وحسب اعتقاده في ذلك الوقت انه هذا هو الحل الصحيح لمعظم المسائل ذات الاهمية الكبيرة لمن يعمل في مجال الاحصاءات الحيوية (biometricis) علما انه لم يقم باقتراح طريقة حساب لمتغيرين او ثلاث متغيرات.

اما هوتلنج (Hotelling,1933) فقد وصف طرائق حساب عملية لاكثر من متغيرين أو ثلاثة ومع ذلك فانه لم تستخدم هذه الطريقة على نطاق واسع الا بعد توفر الحاسبات الالكترونية لان عملها يتطلب حسابات يدوية كثيرة ومملة جدا . ومن الجدير بالذكر ان تحليل المكونات الرئيسية يهتم بشرح وتفسير هيكل تباينات وتغايرات المتغيرات الاصلية باستعمال توليفات خطية قليلة من هذه المتغيرات ويمكن توضيح ذلك عن طريق ما يأتي

بفرض لدينا نموذج الانحدار الخطي العام :

$$Y = X\beta + u \quad \dots(1)$$

اذ يتم قياس كل من (X, Y) على متوسطاتها بحيث ان $(X'X)$ و $(X'Y)$ تمثل مصفوفات معاملات الارتباط .

ويعد هذا اللانموذج بدلالة المتغيرات المستقلة المرتبطة (غير المتعامدة) ,ولغرض تحويلها الى متغيرات غير مرتبطة (P) ,ولتكن لدينا V مصفوفة تعامدة وتحقق الشروط الاتية :

$$V'V=1$$

$$V'(X'X)V=Z$$

اذ ان :

Z : هي مصفوفة قطرية للجذور المميزة لمصفوفة المعلومات $X'X$

V: مصفوفة متعامدة تمثل اعمدتها المتجهات المميزة المعدلة للمصفوفة $X'X$

وبالاعتماد على مصفوفة V يمكننا الحصول على مجموعة جديدة من المتغيرات التوضيحية تكون على شكل تراكيب خطية تسمى ب(المركبات الرئيسية) ويكون تمثيلها بالمعادلة الآتية :

$$Z_j = \sum_{j=1}^k V_j X_k \quad \dots\dots\dots(2)$$

وتكتب بصيغة المصفوفات كالآتي :

$$Z= XV \quad \dots\dots\dots(3)$$

اذ ان :

P: هي مصفوفة المركبات الرئيسية.

X: تمثل مصفوفة المتغيرات المستقلة

V: تمثل مصفوفة الموجهات المميزة المعدلة للمصفوفة $(X'X)$.

وبدلالة المتغيرات المستقلة المرتبطة تكون التراكيب الخطية على هيئة دوال خطية ويتم عن

طريقها الحصول على متغيرات جديدة مستقلة (غير مرتبطة) يرمز لها ب P

لنفرض ان لدينا أنموذج الانحدار الخطي العام المشار اليه في المعادلة (1) :

$$Y = X\alpha\beta + u \quad \dots\dots\dots(4)$$

وبما ان :

$$P = XV$$

$$\gamma'j = V'j\beta \quad \dots\dots\dots(5)$$

وعليه يمكن كتابة اللانموذج بدلالة المركبات الرئيسة (P) اي بدلالة المتغيرات المستقلة المتعامدة الجديدة بالشكل الاتي :

$$Y=P\gamma+u$$

يهدف تحليل المركبات الرئيسة الى اخذ p من متغيرات X_1, X_2, \dots, X_p , وايجاد تركيب من هذه المتغيرات لانتاج متغيرات غير مرتبطة هي Z_1, Z_2, \dots, Z_p , وان ضعف الارتباط يكون خاصية مفيدة جدا لان هذا يدل على ان المؤشرات تقيس ابعادا مختلفة للبيانات ولكن تكون هذه المؤشرات مرتبة بحيث ان Z_1 تعرض اكثر كمية للتغير وتعرض Z_2 ثاني اكبر كمية للتغير وهكذا , اذ يرمز لتباين المتغير Z_i ب $Var(Z_i)$ لمجموعة البيانات المدروسة , ويكون $Var(Z_1) \geq Var(Z_2) \geq \dots \geq Var(Z_p)$

ومن الجدير بالذكر ان تحليل المكونات الرئيسة يهتم بشرح وتفسير هيكل تباين نفسه وتغايرات المتغيرات الاصلية باستعمال توليفات خطية قليلة من هذه المتغيرات عن طريق الحصول على نفس التباين الكلي يتطلب استعمال P من المكونات الرئيسة, وللحصول على الجزء الاكبر من التباين الكلي فان استعمال عدد قليل من هذه المكونات يكون كافيا مثل K واذا تحقق ذلك فان المعلومات التي يمكن الحصول عليها من K من المكونات الرئيسة تكون مطابقة للمعلومات التي يتم الحصول عليها باستعمال المتغيرات الاصلية وعددها P وان ($P > K$) في هذه الحالة يمكن استعمال K من المكونات الرئيسة بدلا من المتغيرات الاصلية

وبالتالي يتم تخفيض عدد البيانات الاصلية المتكونة من n من القياسات عن p من المتغيرات الى عدد بيانات يتكون من n من القياسات و k من المكونات الرئيسة.

ويؤدي استعمال اسلوب المكونات الرئيسة دائما الى الكشف عن علاقات لم تكتشف بعد ويمكن التعبير عن المكونات الرئيسة (جبريا) بانها توليفات خطية من المتغيرات العشوائية الاصلية X_1, X_2, \dots, X_p , و(جبريا) تمثل هذه التوليفات الخطية نظام احداثيات جديدة يتم الحصول عليها بتدوير rotating محاور النظام الاصلية X_1, X_2, \dots, X_p . اذ تمدنا المحاور الجديدة بوصف اكثر بساطة واختصارا لهياكل تشتت المتغيرات الاصلية كما تمدنا باكبر قدر من التشتت

ويمكن تحليل المركبات الرئيسية بالخطوات الآتية:

1. نبدأ بتحويل المتغيرات X_1, X_2, \dots, X_p لتكون أوساطها صفرية وتبايناتها متساوية .
2. يتم حساب مصفوفة التغاير وهي نفسها مصفوفة الارتباط بعد الانتهاء من إجراء الخطوة السابقة .
3. إيجاد القيم المميزة $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_p$ والمتجهات المميزة المناظرة a_1, a_2, \dots, a_p ، إذ تكون معادلات المركبة الرئيسة a تعطى بالمتجه a_i وتبايناتها ب λ_i
4. إهمال المركبة التي لا تأخذ في الحسبان الا جزء يسير من التشتت في البيانات .

كيفية إيجاد مقدرات المركبات الرئيسة

يمكن إيجاد مقدرات المركبات الرئيسة لموجه المعالم (α) للانموذج الخطي العام الذي يعاني من مشكلة تعدد خطي نقوم بإجراء الخطوات الآتية:

1. حذف واحد او اكثر من المركبات الرئيسة (a_j) .
2. نطبق طريقة المربعات الصغرى (OLS) على الانموذج الجديد بعد الحذف .
3. إجراء التحويل الخلفي الى مجال المعلمة الاصيلي ,

لغرض توضيح الخطوات H انفا , نفرض ان المصفوفة $(X'X)$ هي (r) إذ ان اخر $(k-r)$ من عناصر المصفوفة القطرية مساوية الى الصفر او قريبة منه اذا كانت المصفوفة $(X'X)$ قريبة من الاحادية , لذا يتم تجزئة المصفوفة المتعامدة (V) والمصفوفة (Z) الى الشكل الآتي:

$$V = (V_r \quad V_{k-r}) \quad (7) \dots$$

$$Z = \begin{bmatrix} Z_r & 0 \\ 0 & Z_{k-r} \end{bmatrix}$$

اذ ان :

Z_r : مصفوفة رتبته $(r \times r)$

Z_{k-r} : مصفوفة رتبته $(k-r) * (k-r)$

فتكون مقدرات المركبات الرئيسية باستعمال طريقة (OLS) كالآتي:

$$\mu' \mu = (Y - P\gamma)'(Y - P\gamma) \quad \dots (8)$$

$$= Y'Y - Y'P\gamma - \gamma'P'Y + \gamma'P'P\gamma \quad \dots (9)$$

$$= Y'Y - 2\gamma'P'Y + \gamma'P'P\gamma \quad \dots (10)$$

$$\frac{\partial \mu' \mu}{\partial \gamma'} = -2P'Y + 2P'P\hat{\gamma} = 0 \quad \dots (11)$$

$$\hat{\gamma} = (PP')^{-1}P'Y \quad \dots (12)$$

بما ان :

$$P = XV$$

$$\dots (13)$$

$$\therefore \hat{\gamma} = Z_r^{-1}V_rXY \quad \dots (14)$$

بتعويض عن المصفوفتين (Z و V) من المعادلتين اعلاه نحصل على :

$$\begin{bmatrix} \hat{\gamma}_r \\ \hat{\gamma}_{k-r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Z_r & 0 \\ 0 & Z_{k-r} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} V_r \\ V_{k-r} \end{bmatrix} X'Y \quad \dots (15)$$

وبافتراض (Z_{k-r}^{-1}) تكون مساوية للصفر نكتب مقدرات المربعات الصغرى (OLS) الى (γ_r) بالشكل الآتي:

$$\hat{\gamma}_r = Z_r^{-1}V_rX'Y \quad \dots (16)$$

وبما انه في الجانب التقديري

$$\hat{\gamma}_r = V_r'\hat{\beta} \quad (17)$$

ويمكن القول ان مقدرات المركبات الرئيسية تعطى بالشكل الآتي:

$$\hat{\alpha}_{pc} = V_r \hat{Y}_r \quad \dots \dots (18)$$

وبتعويض المعادلتين نحصل على :

$$\hat{\alpha}_{pc} = V_r Z^{-1} V_r X' Y \quad \dots \dots (19)$$

تمثل المعادلة السابقة مقدرات متجه المعالم باستعمال طريقة المركبات الرئيسية ويمكن كتابتها بالشكل الآتي:

$$\hat{\alpha}_{pc} = \sum_{i=1}^k \sigma_r^{-1} V_i' X' Y V_i - \sum_{i=r+1}^k \sigma_r^{-1} V_i' X' Y V_i \quad \dots \dots (20)$$

$$\hat{\alpha}_{PC} = \hat{\alpha}_{LS} - \sum_{i=r+1}^k \sigma_r^{-1} V_i' X' Y V_i$$

إن المكون الأول يفسر أقصى ما يمكن من التباين بين المتغيرات الأصلية، وثاني مكون (لا يرتبط بالمكون الأول) يفسر أعلى قدر للتباين المتبقي... وهكذا حتى يتم تفسير كل التباين. وإن تباين كل المكونات مساوي إلى مجموع تباين المتغيرات الأصلية.

الجانب العملي:

توصيف عينة البحث :

تم سحب عينة عشوائية بسيطة حجمها 396 موقع لحفر الابار النفطية لدراسة المتغيرات التي تؤثر على حفر الابار النفطية لابد من تحديد متغير الاستجابة او المعتمد (C_1) والمتغيرات المؤثرة عليه وتم اعتماد خمسة متغيرات توضيحية (C_i) اذ ان $i=2,3,4,5,6$ في ضوء البيانات المدروسة لتقدير العوامل المؤثرة على حفر الابار النفطية بأسلوب انحدار المركبات الرئيسية وباستعمال البرنامج ((NCSS)).

Rate of Penetration) $Rop : K_1$ (يمثل المتغير المعتمد dependent وهو معدل اختراق الحافرة (البريمة bit) للتكوينات الصخرية ويعتمد على (WOP, Weight on

(Bit) و (RPM) والتي سيأتي ذكرها لاحقا , ويقاس بالمتر كل ساعة (M/N). اما المتغيرات المستقلة Independent فهي :

1- C_1 : Depth يمثل عمق الصخور (عمق الطبقات)

وهو عمق الصخور او عمق التكوينات الصخرية ابداء من مستوى سطح الارض الى عمق الممكن النفطي (الصخور الحاوية على النفط) ويقاس بالمتر.

2- C_2 : RPM (Round perminte) يمثل سرعة دوران الحافرة (bit) خلال دقيقة

حيث كلما زادت سرعة دوران الحافرة زاد معدل الاختراق (ROP) , لكن هناك محددات تؤثر على سرعة دوران الحافرة (RPM) منها:

a- صلابة او مقاومة الصخرة

b- معدات برج الحفر

c- نوع الحافرة

3- C_3 : WOB (Weight On Bit) الوزن على الحافرة

هو الوزن المسلط على الحافرة (البريمة) ويقاس بالطن , حيث انه كلما زاد الوزن على الحافرة (WOB) زاد معدل الاختراق (ROP) ولكن هناك محددات عديدة تؤثر على WOB منها:

a- صلابة الصخرة (كثافة)

b- برج الحفر

c- تنظيف البئر

d- نوع الحافرة وغيرها من المحددات.

4- C_4 : DT (Density time log)

وهي قراءات (تسجيلات) نحصل عليها اثناء تنزيل جهاز قياس كثافة التكوينات الصخرية وهذا الجهاز يقيس زمن انتقال الموجات الصخرية خلال التكوينات الصخرية , حيث كلما قل

زمن انتقال الموجة الصوتية خلال التكوين الصخري دل على ان التكوين الصخري اكثر صلابة (كثافة) والعكس صحيح.

5- HIS C₅ (Horse power per square inch) ومعادلتها هي :-

$$HSI = \frac{Q^3 * f}{1461744 * A * D^2}$$

اذ ان :

Q = flow Rate (gal / min)

معدل الجريان عن الحافرة

f = desity of mud

كثافة طين الحفر

D =Bit Size (inch)

قطر الحافرة

A = Total flow Area

المساحة الكلية للجريان

$$A = \frac{\pi}{4} d_n^2$$

$d_n = \text{equivelant nozzle Size}$ حجم النوزل المكافئ

تحليل النتائج :

جدول رقم (1) قيم الجذور المميزة كما يلي :

IncrementalCumulative

No.	Eigenvalue	Percent	Percent
1	2.365913	47.32	47.32
2	1.068394	21.37	68.69
3	0.812295	16.25	84.93
4	0.579639	11.59	96.52
5	0.173758	3.48	100.00

نلاحظ عن طريق الجدول انفا ان الجذر المميز يفسر (47.32) من التباين الكلي ثم يناقص ليكون (21.37) للجذر الثاني وهكذا. وبأخذ المقدار التراكمي لما تفسره المكونات الاساسية نجد

انه الى حد الجذر المميز الثاني يكون لدينا تقريبا (69%) من تباين العينة قد تم تفسيره من قبل الجذور المميزة الاولى والثاني .في حين ان ثلاثة جذور المميزه الاخيرة لا تفسر اكثر من (31%) من التباين الكلي . ولبيان افضلية طريقة انحدار المركبات الرئيسة تم مقارنة تقديرات معالماتها والاختفاء المعيارية لها مع طريقة المربعات الصغرى وكما مبين في الجدول ادناه :

ولبيان افضلية طريقة انحدار المركبات الرئيسة تم مقارنة تقديرات معالماتها والاختفاء المعيارية لها مع طريقة المربعات الصغرى وكما مبين في الجدول ادناه قلة الاختفاء المعيارية العائدة الى انحدار المركبات الرئيسة:

جدول رقم (2)

المتغيرات المستقلة	معاملات انحدار المركبات الرئيسة	معاملات طريقة المربعات الصغرى	الخطا المعياري لانحدار المركبات الرئيسة	الخطا المعياري طريقة المربعات الصغرى
الثابت	-52.85952	-56.3644		
C1 عمق الصخرة	8.142701E-03	9.369743E-03	1.874403E-03	6.334017E-02
C2 عدد دورات الحافرة	0.2542072	0.2559111	5.148287E-02	5.216128E-02
C3 الوزن المسلط على الحافر	-0.4093796	-0.4152079	0.2614288	0.26299
C4 معادلة الهيدروليك	8.66352	7.714467	2.01952	5.096766
C5 مقياس كثافة الصخر	-8.604351E-02	-8.316904E-02	4.025733E-02	4.267753E-02

و عليه يكون نموذج الانحدار كما يلي :

$$k1 = -52.85952 + 8.142701E-03 * C1 + 0.2542072 * C2 - 0.4093796 * C3 + 8.66352 * C4 - 8.604351E-02 * C5$$

$$(0.011) \quad (0.157) \quad (0.000) \quad (0.159)$$

$$(0.124) \quad (0.05)$$

من المعادلة اعلاه يتبين لنا ان كل من المتغيرات (عمق الصخرة , الوزن المسلط على الحافرة , معادلة الهيدروليك)

كانت غير معنوية، قيمة مستوى 0.05 وعالية تحذف من النموذج ويكون افضل نموذج المعنوية اكبر من انحدار مقدر هو النموذج التالي الذي يتضمن متغيرين توضيحين هما

$$K1 = -52.85952 + .2542072 * C2 - 8.604351E-02 * C5$$

(0.000)

(0.05)

و جدول رقم (3) تحليل التباين لانحدار المركبات الرئيسية الذي يظهر معنوية النموذج كما

في الجدول التالي :

الاختلاف	الحرية	مربعات	مربعات	F الحسابية	P-value
الثابت	1	127333.8	127333.8		
الانحدار	5	2553.271	510.6542	8.3322	0.00000
الخطأ	390	23901.89	61.28689		
الكلي	395	26455.16	66.97509		

من الجدول اعلاه نجد ان قيمة P-value مساوية الى 0.000 وهي اصغر من 0.05 ونستنتج ان نموذج انحدار المركبات الرئيسية معنوي.

الاستنتاجات والتوصيات

- 1- أظهرت نتائج التحليل أفضلية المركبات الرئيسية كونه يعطي اقل قيمة MSE
- 2- من خلال نتائج التحليل هناك متغيرين لهما علاقة وثيقة بالعوامل المؤثرة هما (C₂) دورات الحافرة و (C₅) مقياس كثافة الصخرة.
- 3- ونوصي بدراسة المتغيرات التي كانت غير معنوية واسباب عدم تأثيرها بالنموذج

المصادر :-

1. الجراح ,ريم علي , "تحليل المكونات الاساسية باستخدام الشبكات العصبية والاصطناعية مع التطبيق "رسالة ماجستير مقدمة الى مجلس كلية علوم الحاسبات والرياضيات , جامعة الموصل 2003.
 2. الراوي ,خاشع محمود , "المدخل الى تحليل الانحدار " مديرية دار الكتب للطباعة والنشر ، جامعة الموصل العراق , 1987.
 3. السيفو ,وليد اسماعيل , "المدخل الى الاقتصاد القياسي " وزارة التعليم العالي والبحث العلمي , 1988.
 4. العزاوي ,دجلة ابراهيم مهدي مع نذير عباس ابراهيم "الاقتصاد القياسي اسلوب كمي باستعمال SPSS Minitab,Eviews , الطبعة الاولى 2014.
 5. القصيمي ,عزة مصطفى عبد القادر " استخدام اسلوب المحاكاة في مقارنة مقدرات انحدار الحرف " رسالة ماجستير ,كلية علوم حاسبات ورياضيات جامعة الموصل , 2000
 6. حمزة , حمزة ابراهيم , "تقدير وتحليل دوال الاقتصاد السوداني باستخدام المكونات الرئيسية" بحث مقدم الى جامعة السودان 2006.
- 6- Ramzan,S., Khan,M.I."Dimension Reduction and reduced of multicollinearity using latent variable regression methods "world applied sciences Journal (814):404-410., (2010).