

دراسة التوزيع الإحصائي لطيف طاقة السيزيوم Cs-137 باستخدام الكاشف

الوميضي NaI(Tl)

احمد مسحور علي رفاص

خالد حسين هاتف العطية

كلية العلوم - جامعة بابل

E-mail:mybony19@Gmail .com

E-mail:Kalid.hsen@Yahoo.com

الخلاصة

درس في هذا البحث التوزيع الإحصائي لطيف الطاقة لمصدر السيزيوم Cs-137 المشع باستخدام الكاشف الوميضي يوديد الصوديوم NaI(Tl) بعد تقسيم طيفه الى مناطق وتبين من خلال الدراسة أن القمم متداخلة مع بعضها أي أن هناك أكثر من توزيع إحصائي في المنحني الواحد. ولوحظ أيضا وجود أكثر من قمة في المنحني وهذا يختلف عن التوزيع الثنائي وتوزيع بواسون والتوزيع الطبيعي الذي يتميز بوجود قمة واحدة ، ووجد أيضا ان المساحات الأكبر والأصغر للطيف تأخذ أقل تكرار بينما المساحات المتوسطة تأخذ أكثر عدد تكرار ووجد أيضا ان المنحني يستقر في بعض النقاط عندما يكون طول الفئة (20) بينما يتغير باستمرار عندما يكون طول الفئة (10) ولا يوجد تناظر على جانبي المتوسط الحسابي، أي ان هذا التوزيع يختلف عن التوزيع الطبيعي . وتم التوصل الى ان عدد القمم المتداخلة تزداد كلما زاد طول الفئة فعندما يكون طول الفئة (20) يصبح عدد القمم أكثر فيما لو كان طول الفئة (10) وكلما كان التباين بين مساحات الطيف كبيرا كان المنحني أكثر انخفاضا وأكثر عرضا ، إذ تبين ان المنحنيات التي تمثل المساحة الكلية تختلف عن تلك التي تمثل مساحة القمة الضوئية وصافي المساحة للقمة الضوئية. الكلمات الدالة: التوزيع الإحصائي، الكاشف الوميضي NaI(Tl)، الطبيعة الإحصائية للانحلال الإشعاعي .

Abstract

In this paper, the statistical distribution has been studied the power spectrum of the source of cesium cs-137 irradiated using a reagent fluorescence sodium iodide NaI(Tl) after split its spectrum into areas, shows that the tops are interwoven with each other i.e. there is more than a statistical distribution per curve. It was also noted the presence of more than one top in curved and this is different from bilateral distribution and Poisson distribution and normal distribution which is characterized by the existence of a single top. It was also found that the biggest and the smallest of the spectrum take less space while repeating medium-sized take over number of repetitions .It is also found that the curved settle at some points when the length category (20) period, while continuously changing when the length category (10) period, and there is no symmetry on both sides of the arithmetic average i.e. this distribution differs from the normal distribution. It was reached that the number of overlapping tops increases as the increased length of the category (20) thus, the number of tops more than it is in the case of (10) period. Whenever a big contrast between the spectrum space, the curve is lower and more width, so it is shown that the curves representing the total area differ from those representing the photo top area and net area of the photo top .

Key Words: Statistical Distribution, Scintillation Detector NaI(Tl), The statistical nature of the radioactive decay.

Introduction

1. المقدمة:

الانحلال الإشعاعي للنوى عملية عشوائية والقوانين التي تنظم عملية الانحلال غير معروفة ماعدا قانون نصف العمر (half life) والذي يمكن تعريفه بأنه الزمن الذي يتم به تقليل عدد النوى المشعة الى نصف قيمته الأصلية [J.B.Gard, 1972] . ولمعرفة وفهم طبيعة هذا الانحلال يدرس عن طريق ادخال الاحصاء الرياضي وخواصه الإحصائية في مساحات ومناطق طيف الإشعاع . والاحصاء علم يبحث في خواص المجموعات التي تتكون من عدد كبير من المفردات المختلفة وهو يبحث ويعالج المجموعات التي تتكون من مفردات كثيرة ويمنحنا الوسائل التي تعيننا على جمع وتنظيم البيانات العينية عن هذه المجموعات وعلى تحليلها والحكم عليها ومقارنتها بغيرها من المجموعات [الغرابي ، 1985

[١]. لذا فإن الانحلال الإشعاعي هو عملية إحصائية حيث أن العدد الكلي للعدادات التي يسجلها الكاشف الوميضي يكون معرضاً لتغيرات إحصائية أي أن احتمال انحلال نواة معينة في المدة الزمنية التي تبقى فيها غير منحلّه يبقى ثابتاً أو بمعنى آخر فإن النواة لا تصبح عجوزاً كما تفعل المجموعات البيولوجية واحتمال انحلالها في المدة الزمنية بين هذه اللحظة وبعد ثانيه من هذه اللحظة قد يكون (1%) مثلاً وإذا بقيت النواة لمدة ساعه فإن احتمال انحلالها خلال ثانيه معينه يكون أيضاً (1%) [عاصم ، 1982] . وكذلك ان عملية القياس والكشف تخضع للأجهزة والعامل البشري فنجد ان الاحصاء حاضر في مثل هذه القياسات ويضاف الى دقة القياس

The Aim of the Research

2.الهدف من البحث:

يهدف البحث الى تطبيق قوانين الاحصاء الرياضي على طيف الطاقة لمصدر السيزيوم المشع بعد تقسيم طيفه الى مناطق لمحاولة التعرف على الطبيعة الإحصائية للانحلال الإشعاعي ولأي قانون احصائي تخضع .

3.الجزء النظري

Statistical nature radiation

1.3.1. الطبيعة الإحصائية للإشعاع

ان الطبيعة الإحصائية للإشعاع ناتجة من اللادقة في مستوى الطاقة للنواة غير المستقرة واحتمالية التحلل لعدد من النوى خلال مدة زمنية معينة تعتمد على العلاقة الإحصائية التي اشتقها رذرفورد وسودي كما في المعادلة (1)

$$N = N_0 e^{-\lambda t}$$

حيث N_0 عدد النوى عند بدء التحلل وهذا هو قانون الانحلال الإشعاعي بدلالة عدد النوى وهناك ثلاثة من النماذج الإحصائية [الدركزلي ، 1989]

Binomial Distribution

1.1.3. التوزيع الاحصائي الثنائي (توزيع برنولي)

ويعني احتمالية ملاحظة N من الانحلالات في n من النوى وفي مدة زمنية t وهو النموذج الاحصائي الأكثر عمومية وان التوزيع الاحصائي له يكون منفصلاً ويأخذ الصيغة التالية [Knoll , 2000]

$$w_{N_i} = \frac{n!}{N!(n-N)!} p^N (1-p)^{n-N} \quad (2)$$

حيث:- w_{N_i} دالة التوزيع الاحصائي الثنائي لكل قراءة أي الاحتمالية النسبية

p احتمالية حصول الانحلال في قراءة واحدة

$1-p$ احتمالية عدم حصول الانحلال في قراءة واحدة

n عدد القراءات

ومن خصائص هذا التوزيع أنه

a- توزيع معياري أي أن عياريته تساوي واحد

1

$$\bar{N} = pn$$

b- يمكن حساب وسطه الحسابي أو معدلته من العلاقة

$\sigma =$

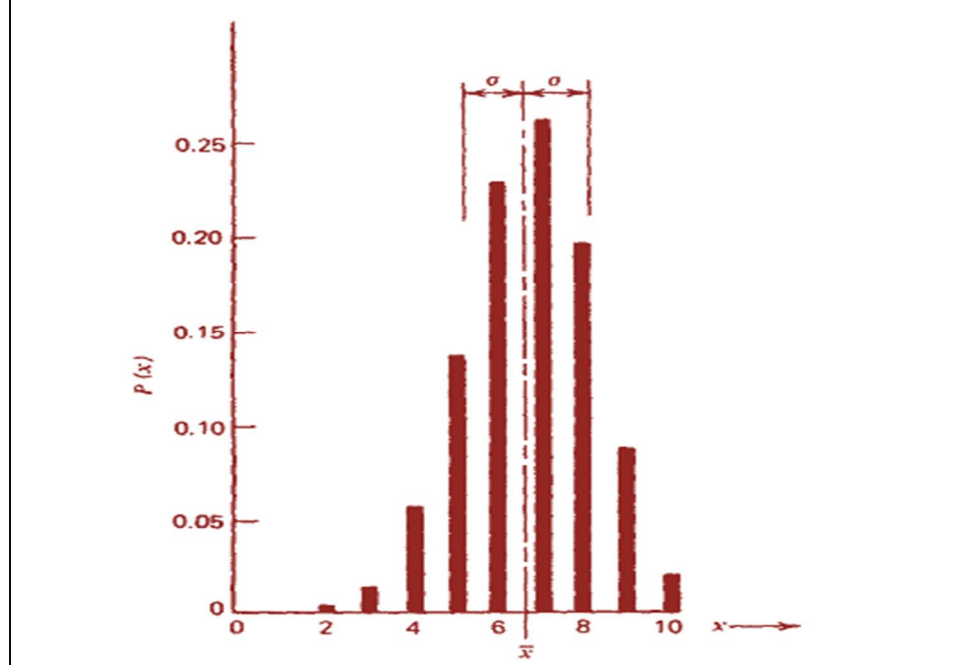
c- الانحراف المعياري له

$$\sqrt{np(1-p)}$$

d- يمكن الاستفادة من التوزيع الثنائي عندما تكون قيمة n صغيرة اما اذا كانت كبيرة وقيمة p او 1-p

قريبتين من النصف او بعيدتين عن الصفر فانه يقترب من التوزيع الطبيعي.

والشكل (1) يوضح توزيع برنولي



الشكل رقم (1) يوضح التوزيع الاحصائي الثنائي . [Knoll , 2000]

Poisson Distribution

2.1.3. توزيع بواسون

يعد توزيع بواسون نموذجا جيدا لوصف الانحلال الاشعاعي والذي يمكن ان يحصل خلال مدة

زمنية معينة والتوزيع الاحصائي له يأخذ الصيغة التالية [Knoll, 2000]

$$W_{N_i} = \frac{pn^N e^{-pn}}{N!} \quad (3)$$

ومن خصائص هذا التوزيع انه

$\sigma =$

a- الانحراف المعياري له

$$\sqrt{N}$$

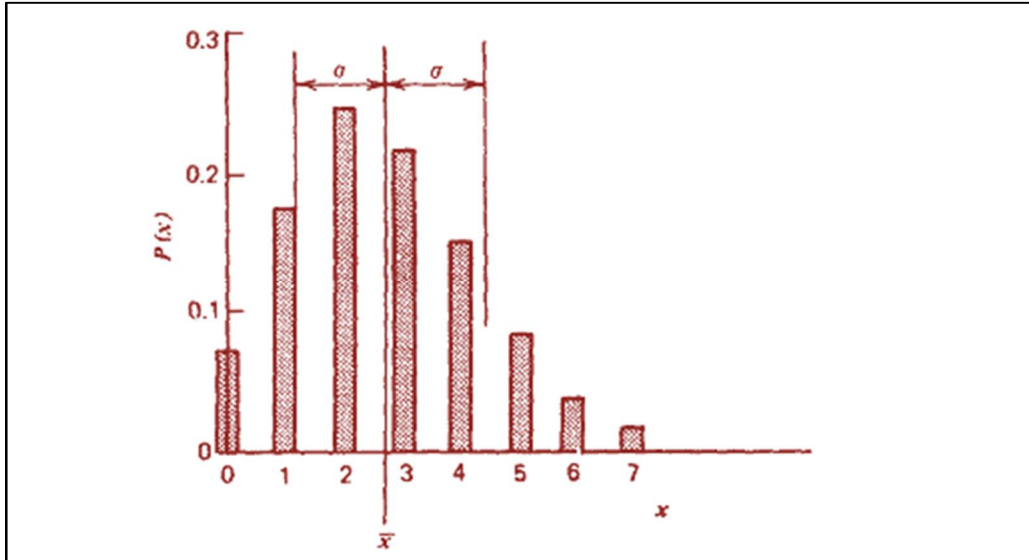
b- ان هذا التوزيع هو تقريب للتوزيع الثنائي عندما تكون n كبيرة والزمن صغير مقارنة بعمر النصف

$$W_{N_i} = \frac{\bar{N}^N e^{-\bar{N}}}{N!}$$

للعنصر المشع لذلك فان معادلته تصبح

c- يقترب من التوزيع الطبيعي كلما استمرت قيمة n بالزيادة وتستمر قيمة p بالنقصان

والشكل (2) يوضح توزيع بواسون



الشكل رقم (2) يوضح توزيع بواسون الاحصائي . [Knoll , 2000]

Normal Distribution

3.1.3. التوزيع الطبيعي (توزيع كاوس)

ان توزيع بواسون هو تبسيط رياضي للتوزيع الثنائي عندما تكون $p \ll 1$ والوسط الحسابي له كبير ولغرض الزيادة في التبسيط فان ذلك يقودنا الى التوزيع الطبيعي وهو من اهم التوزيعات المتصلة التي تستخدم في الاحصاء وبأخذ الصيغة التالية [Knoll , 2000]

$$w_{N_i} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{th}} e^{-\frac{(\bar{N}-N_i)^2}{2\sigma^2}} \quad (4)$$

ومن خصائص هذا التوزيع انه

$$\sum_{N=0}^{\infty} w_{N_i} =$$

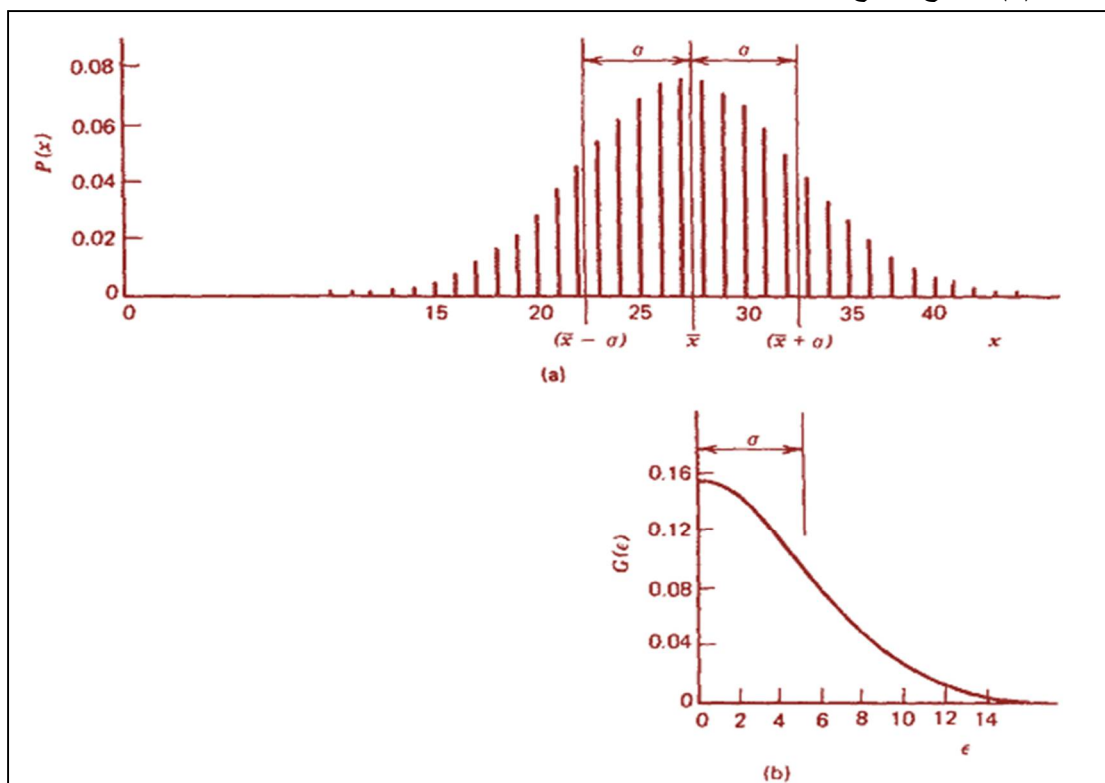
a- توزيع معياري

1

b- يعتبر التوزيع المناسب في حالات النشاط الاشعاعي ويعتمد على الفرق بين قراءة مقدار العد N

ومعدل العد $\bar{N}$.

والشكل (3) يوضح توزيع كاوس



الشكل رقم (3) يوضح التوزيع الاحصائي الطبيعي . [Knoll , 2000]

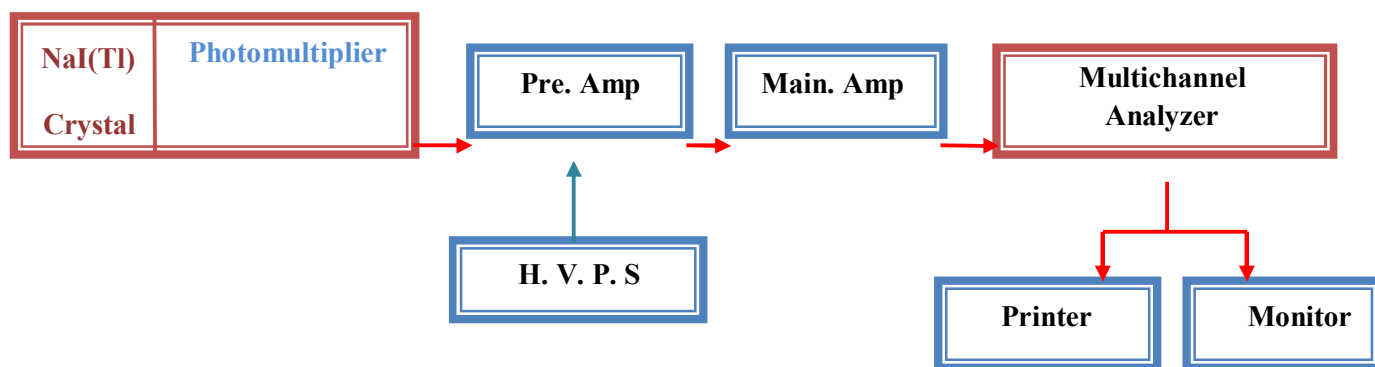
4. الجزء العملي

أستخدمت منظومة العد والتحليل الالكترونية باستخدام الكاشف الومضي يوديد الصوديوم المنشط بالثاليوم NaI(Tl)، ودراسة كل جزء من أجزائها وتجهيتها لغرض الحصول على أفضل النتائج.

Measurement system

1.4. منظومة القياس:

قيس طيف أشعه كاما لمصدر (السييزيوم Cs-137) على مسافة (1cm) بين المصدر المشع والكاشف باستخدام منظومة العد والتحليل الإلكترونية المستخدمة في الكشف عن الأشعة النووية والمجهزة من شركة (Spectrum Techniquws LLC) نوع (UCS-30) وان زمن التجميع المستخدم لقياس الطيف هو (300 sec) وتضخيم الطيف بمقدار (2) وكما موضحة بالشكل رقم (4).



الشكل (4) يوضح أجزاء منظومة القياس. [الحوامة ، 2010]

Scintillation Detector

2.4. الكاشف الومضي:

يتكون الكاشف الومضي من جزئين رئيسيين هما المادة الومضية والمضاعف الضوئي ، تتميز المادة الومضية بإنتاج الوميض (الفوتون) عند امتصاصها لأشعة كاما وينتج الفوتون عادة بإزاله التهيج الذي يحصل في المادة بعد امتصاصها لأشعة كاما.

أما المضاعف الضوئي الذي يواجه البلورة فانه يتكون من كاثود ضوئي (Photo Cathode) ومجموعه داينودات (Dynodes). يؤدي الفوتون الناتج في البلورة عند سقوطه على الكاثود الضوئي إلى إنتاج إلكترون ، ثم تعمل الداينودات على مضاعفه عدد الإلكترونات الناتجة من الكاثود الضوئي .وتكون النبضة الناتجة من أنود المضاعف الضوئي مؤشرا للإشعاع المؤين الذي تفاعل مع البلورة . [Knoll , 2006]

Pre amplifier

3.4. المضخم الابتدائي

هو جهاز إلكتروني يستقبل الشحنة الخطية القادمة من الكاشف ويحولها الى نبضة تياريه ثم الى نبضة جهديه وتضخيم النبضة الجهديه الى المستوى الذي يمكن تغذيته الى المضخم الرئيس دون تشوه في سعتها . كما يعمل بصورة اساسية على تشكيل النبضة لتمييزها عن الضوضاء الالكترونية والتشكيل الصحيح يؤدي الى تقليل الضوضاء وتحسين شكل النبضة مما يؤدي الى ارتفاع نسبة النبضة الى الضوضاء ومن ثم تحسين قابلية تحليل الطاقة. [الطائي ، 2013]

Main amplifier

4.4. المضخم الرئيس

يعمل المضخم الرئيس على تكبير النبضة الخارجة من المضخم الابتدائي ووصولها الى مستوى يمكن تحليلها من محلل متعدد القنوات (MCA)، بتحديد شكل النبضة (Shaping) وترشيحها (Filtering) من الضوضاء (Noises) القادمة مع الإشارة ، اذ يتناسب تضخيم الإشارة طرديا مع سعة النبضة الداخلة اليه. [العرباوي، 2011]

High Voltage Power Supply

5.4. مجهز الفولطية العالية:

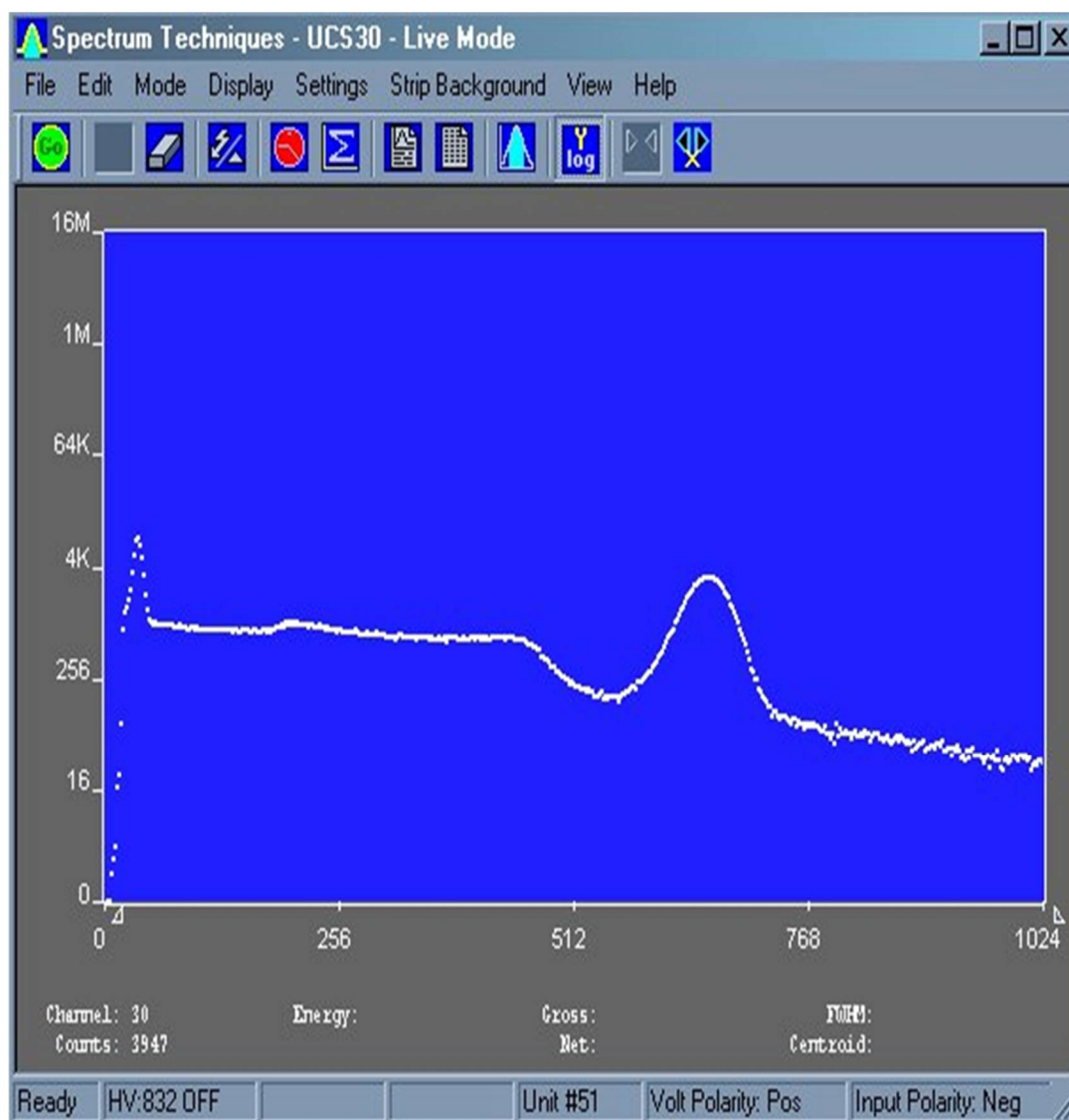
يقوم مجهز الفولتية العالية نوع (7762 Wall Triana High Way) بتجهيز الفولتية اللازمة لعمل المضاعف الضوئي بمدى (0-2000) فولت ، وكانت الفولتية المجهزة للكاشف (575) فولت وهي ضمن منطقة الاستقرار النسبي للكاشف.

6.4. المحلل المتعدد القنوات: Multi Channel Analyzer

ان الميزة الرئيسية لهذا الجهاز هي قدرته العالية على تحليل اطياف اشعة كاما المعقدة ، اذ يحول النبضة القادمة من المضخم الرئيسي الى اعداد رقمية بواسطة (Analogue Digital Converter) (ADC) وهو مجهز بوسائل لإنجاز وظائف متعددة من قبيل تجميع النبضات ذات الجهد المتشابه في قنوات متناظرة و تخزين المعلومات في ذاكرة (Memory) المحلل وعرضها على شكل صور مرئية لطيف اشعة كاما [الجبوري، 2004] وذلك عند ربطه الى حاسبة الكترونية وباستخدام برنامج خاص لهذا الغرض يدعى (Universal Computer Spectrometer) (UCS-30) حيث يظهر تحليل عال للأطياف النووية يحتوي على نافذة تتمثل بمحورين هما محور العد Y-axis ومحور عدد القنوات او الطاقة X-axis وبها تدخل الفولطية والتضخيم المراد بهما قياس الطيف فضلا عن زمن تجميع الطيف .

7.4. واجهة برنامج Spectrometer Universal Computer UCS-30

إن واجهة البرنامج المستخدم في أجراء الحسابات موضحة بالشكل (5).



الشكل (5) يوضح واجهة البرنامج

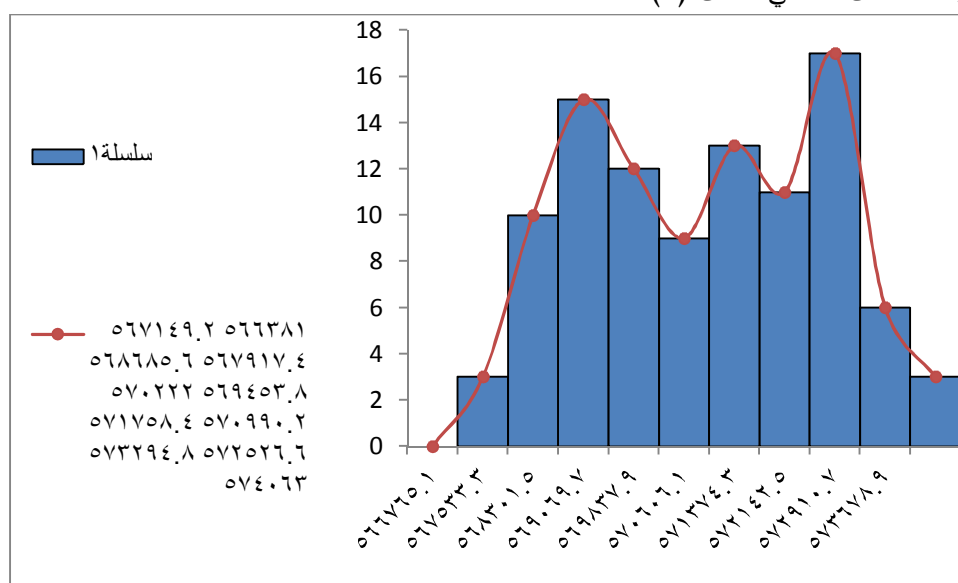
Results

5. النتائج:

بعث مصدر السيزيوم Cs-137 فوتونات بطاقة (0.662 MeV) وعمر نصف (30 Year). الطيف الناتج عن انبعاث هذه الفوتونات يحتوي على قمة ضوئية واحدة . تجمع مائة قراءة لطيف السيزيوم وزمن تجميع كل طيف هو (300sec). وعند تضخيم 2 . وكانت المسافة (1cm) بين المصدر المشع والكاشف . درس التوزيع الاحصائي لمناطق طيف (السيزيوم Cs-137) المشع باستخدام العلاقات والمعالجات الاحصائية للتنبؤ بالقراءة الأكثر احتمالا وللحصول على اكبر ما يمكن من الدقة في البيانات كالتالي:-

1.5. دراسة التوزيع الاحصائي لمساحة الطيف الكلية (cross) وبتقسيمها الى عشر فئات.

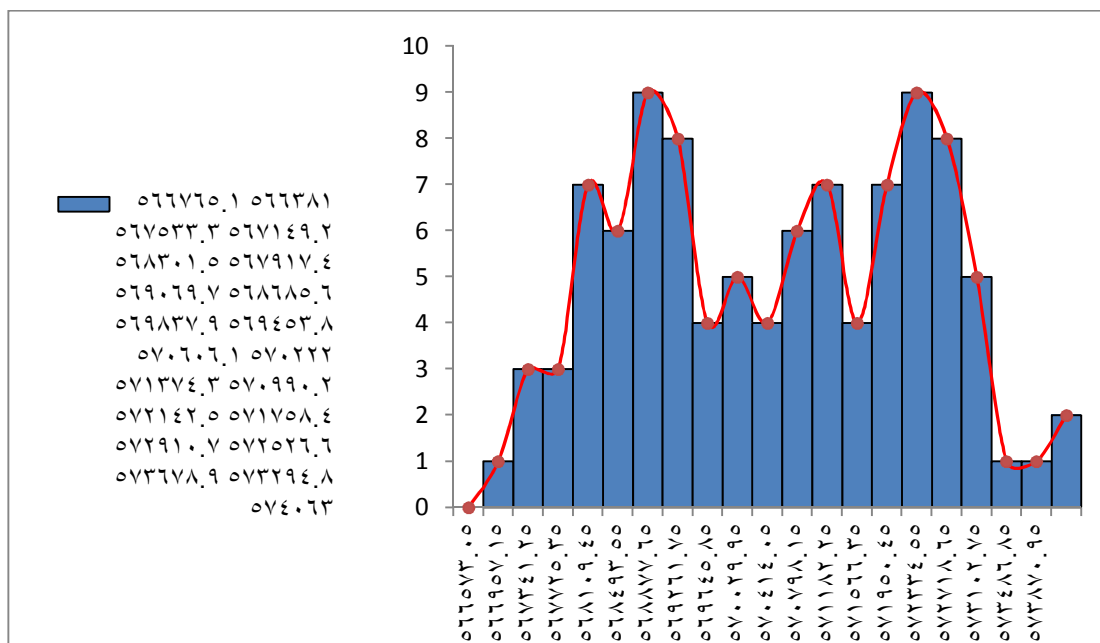
حسبت المساحة الكلية للطيف الناتج cross بعد تقسيمها الى عشر فئات لمعرفة الطبيعة الاحصائية للانحلال كما في الشكل (6) .



الشكل (6) التوزيع الاحصائي للمساحة الكلية لطيف السيزيوم بتقسيمها الى عشر فئات

2.5. دراسة التوزيع الاحصائي لمساحة الطيف الكلية (cross) بتقسيمها الى عشرين فئة.

حسبت المساحة الكلية للطيف الناتج cross بعد تقسيمها الى عشرين فئة لمعرفة الطبيعة الاحصائية للانحلال كما في الشكل (7) .

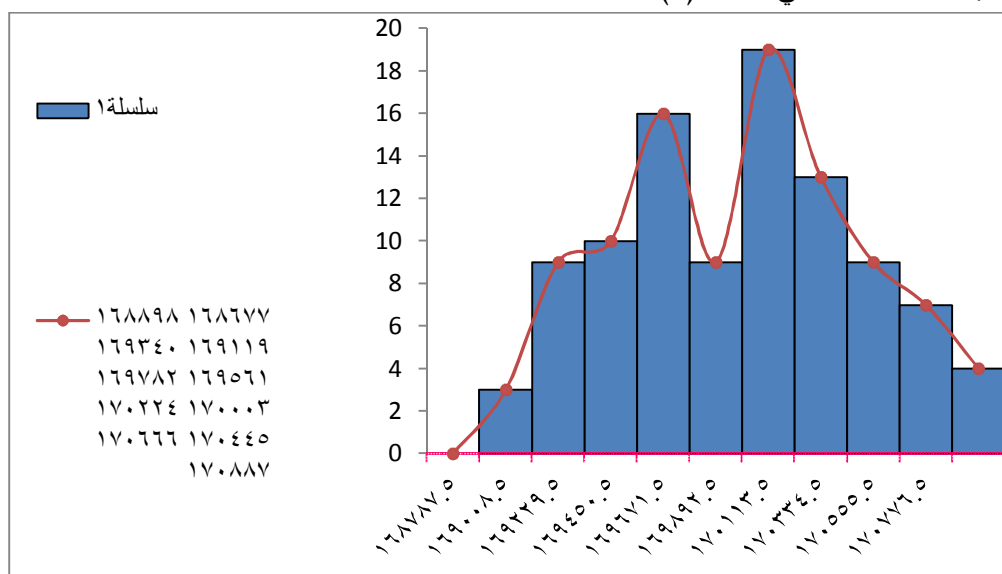


الشكل (7) التوزيع الاحصائي للمساحة الكلية لطيف السيزيوم بتقسيمها الى عشرين فئة

3.5. دراسة التوزيع الاحصائي لمساحة القمة الضوئية للطيف (cross) بتقسيمها الى عشر فئات

حسبت المساحة الكلية للقمة الضوئية للطيف الناتج cross بعد تقسيمها الى عشر فئات لمعرفة الطبيعة

الاحصائية للانحلال كما في الشكل (8).

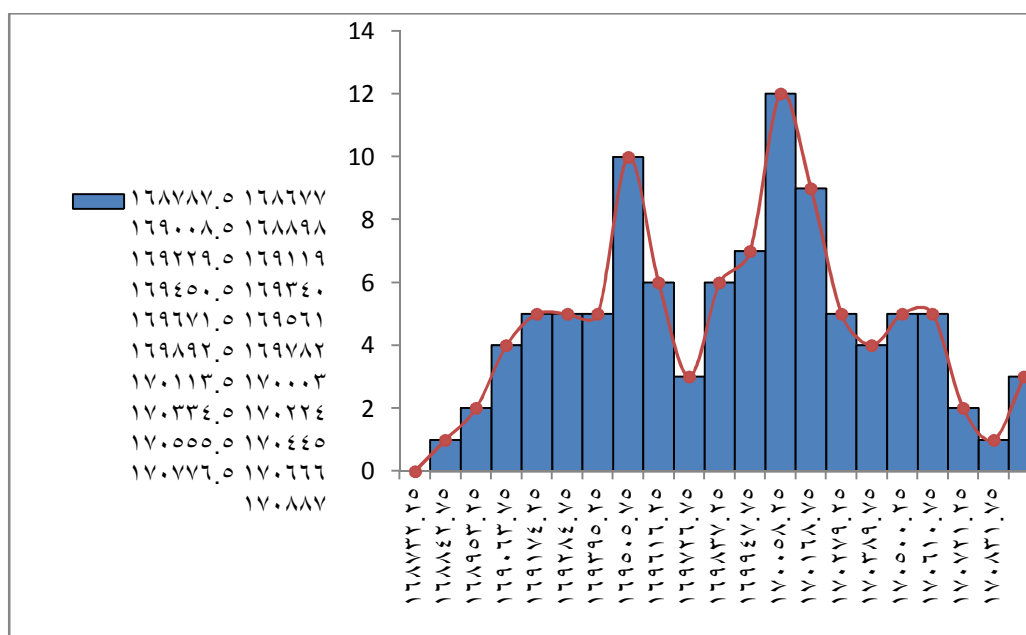


الشكل (8) التوزيع الاحصائي للمساحة الكلية للقمة الضوئية لطيف السيزيوم بتقسيمها الى عشر فئات

4.5. دراسة التوزيع الاحصائي لمساحة القمة الضوئية للطيف (cross) بتقسيمها الى عشرين فئة

حسبت المساحة الكلية للقمة الضوئية للطيف الناتج cross بعد تقسيمها الى عشرين فئة لمعرفة

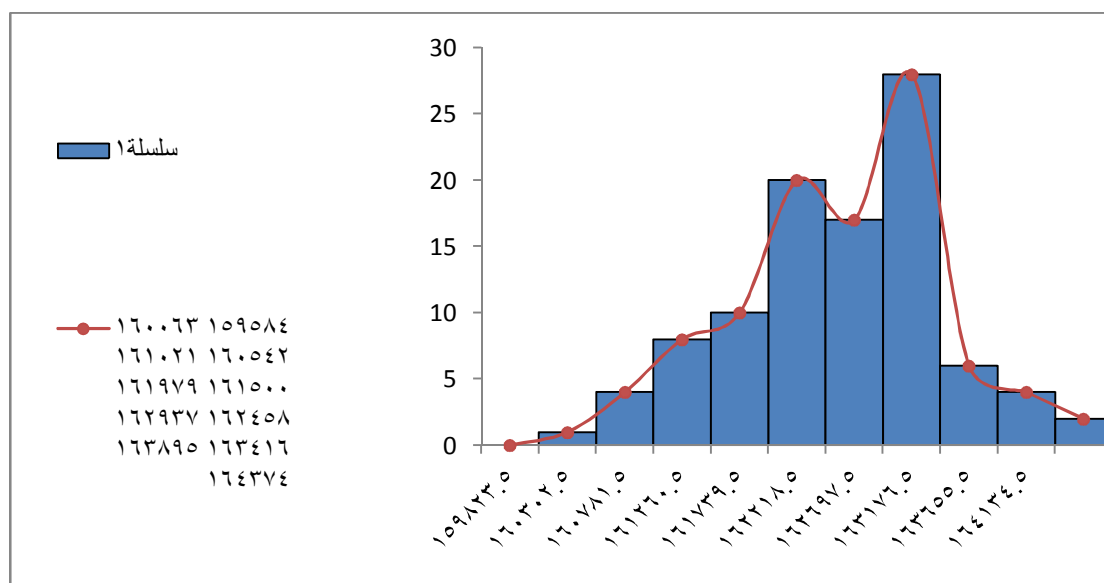
الطبيعة الاحصائية للانحلال كما في الشكل (9).



الشكل (9) التوزيع الاحصائي للمساحة الكلية للقيمة الضوئية لطيف السيزيوم بتقسيمها الى عشرين فئة

5.5. دراسة التوزيع الاحصائي لصافي مساحة القمة الضوئية للطيف (Net) بتقسيمها الى عشر فئات

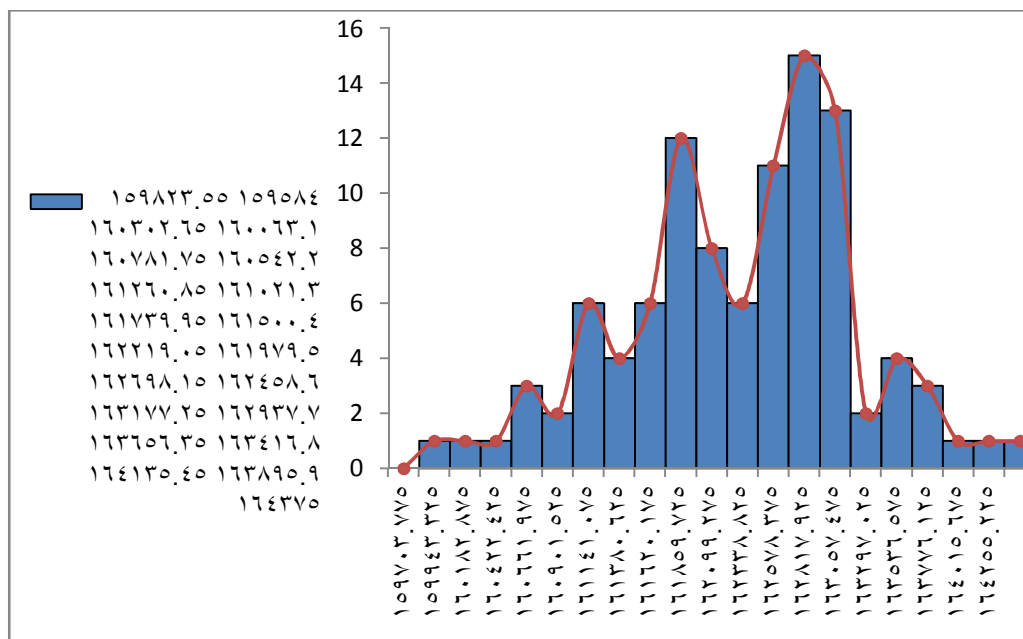
حسبت صافي المساحة للقيمة الضوئية للطيف الناتج Net بعد تقسيمها الى عشر فئات لمعرفة الطبيعة الاحصائية للانحلال كما في الشكل (10) .



الشكل (10) التوزيع الاحصائي لصافي مساحة الكلية للقيمة الضوئية لطيف السيزيوم بتقسيمها الى عشر فئات

6.5. دراسة التوزيع الاحصائي لصافي مساحة القمة الضوئية للطيف (Net) بتقسيمها الى عشرين فئة

حسبت صافي المساحة للقيمة الضوئية للطيف الناتج Net بعد تقسيمها الى عشرين فئة لمعرفة الطبيعة الاحصائية للانحلال كما في الشكل (11) .



الشكل (11) التوزيع الاحصائي لصافي المساحة الكلية للقمة الضوئية لطيف السيزيوم بتقسيمها الى عشرين فئة

7.5. المناقشة و الاستنتاجات:

وبملاحظة الاشكال (6) (7) (8) (9) (10) (11) نستنتج أن:-

- 1- وجود اكثر من قمة وهذا يختلف عن التوزيع الطبيعي والثنائي وبواسون الذي يتميز بقمة واحدة
- 2- ان القيم متداخلة مع بعضها أي أن هناك اكثر من توزيع في الشكل الواحد
- 3- مساحات الطيف الاكبر والاصغر قيم تأخذ اقل تكرار بينما المساحات ذات القيم المتوسطة تأخذ اكثر عدد تكرار وهذا واضح من القيم في منتصف الشكل
- 4- يقل عدد تكرار المساحات في حالة زيادة عدد الفئات الى 20 فئة بينما يكون عدد التكرار للمساحات اكبر في حالة عشر فئات
- 5- لا يوجد تناظر كما في التوزيع الطبيعي
- 6- نجد ان هناك الكثير من مساحات الطيف تثبت أي ان المنحني يستقر في فئة من الفئات لعدد التكرارات نفسها في حالة عشرين فئة وهذا يختلف في حالة عشر فئات اذ لا يستقر المنحني بل يتغير باستمرار
- 7- يزداد عدد القيم المتداخلة في حالة تقسيم الفئات الى عشرين فئة فنلاحظ هناك خمس قمم بينما هناك قمتين او ثلاث في حالة عشر فئات
- 8- تتشابه المنحنيات في الهيئة سواء لعشر فئات او عشرين فئة ولا تختلف الا في حالة زيادة القيم ونقصان عدد التكرارات
- 9- كلما كان التباين بين مساحات الطيف كبيرا كان المنحني اكثر انخفاضاً واعرض وهذا واضح عند اخذ قيم المساحة الكلية وقيم مساحة القمة الضوئية الكلية وقيم صافي المساحة للقمة الضوئية

References

6. المصادر:

الجبوري ، عامر حسن علي ، (2004) ، "تحديد تركيز اليورانيوم المنضب في بقايا معدات عسكرية في مواقع معينة من جنوب العراق باستخدام كاشفي CR-39 و HPGe" ، جامعة الموصل ، رسالة ماجستير .

- الحوامدة ، حسين احمد علي ، (2010) ، "دراسة تأثير خلط المصادر المشعة على الأطياف النووية باستخدام الكاشف الوميضي NaI(Tl)" ، جامعة بابل ، رسالة ماجستير .
- الدركزلي، شذى سلمان ، (1989) ، "الكشف عن الأشعة النووية" ، جامعة بغداد ، العراق .
- الطائي ، حسين طامي سم فرحان ، (2013) ، "دراسة تأثير عدد قنوات المحلل المتعدد القنوات على قابلية تحليل الطاقة لكاشف NaI(Tl)" ، جامعة بابل ، بحث .
- عاصم عبد الكريم عزوز ، (1982) ، "مقدمة في الفيزياء النووية" ، جامعة بغداد .
- العرباوي، حسين مع الله حسين ، (2011) ، "دراسة عامل التراكم لأشعة كاما باستخدام دروع متحركة" ، جامعة بابل ، بحث .
- الغرابي ، سليم اسماعيل ، (1985) ، "مبادئ الاحصاء" ، جامعة بغداد، العراق .
- J.B.G,(1972) , "Statistical Properties Of Nuclei" , State University , New York, Albany Plenum Press .
- Knoll . G,(2000) , "Radiation Detection and Measurement" , John Willey & Sons, New York ,Third .
- Knoll . G,(2006) , "Nuclear and Particle Physics" , John Willey, USA .