

# تقطيع مستوى إعطاء الطالب خلال فترة الانتظار باستخدام توزيع رالي

\* م. سرمد علوان صالح محمد

## المستخلص :

تكمّن أهمية السيطرة على الخزين عند تحديد مستوى إعادة الطلب خلال فترة الانتظار ، لذلك فإن الهدف من البحث يتطلّب منا معرفة التوزيع الاحتمالي الذي ينظم عملية السيطرة على الخزين ويضمن عدم وجود شحه فيه . وبعد توزيع رالي من التوزيعات ذات الكفاية والمرنة والجودة العالية في تحديد مدى الحاجة للطلب على المواد المخزنية التي تعامل معها الشركة العامة للصناعات الكهربائية (SCEI) خلال فترة الانتظار لجعل مستوى المخاطرة في أدنى مستوى لها وبالتالي فإن من السهولة السيطرة على عملية صنع واتخاذ القرار لحين التوصل إلى القرار الأمثل الذي يحقق منفعة الشركة العامة للصناعات الكهربائية في تحديد مستوى إعادة الطلب للمواد المخزنية .

الكلمات المفتاحية : طريقة التمهيد الآسي ، المقدر البيزي ، توزيع رالي ، متوسط الطلب والانحراف المعياري خلال فترة الانتظار ، مستوى إعادة الطلب

## Abstract:

The importance of controlling inventories when determining the level of reorders during the Lead time , so the aim of the research requires us to know the probability distribution which regulates the process control of inventories and ensures the absence of scarcity it. The distribution of the Rayliegh of the distributions of efficiency, flexibility and high quality in determining the need for the requested materials stocks , which deals with the State Company For Electrical Industries (SCEI) during the Lead time to make the level of risk at a minimum level and therefore easier to control the decision-making until they reached an optimal decision which achieves the benefit of the State Company For Electrical Industries in determining the reorder level of demand for the stocks items

**Keywords:** Exponential Smoothing Method , Bayesian estimator , Rayliegh Distribution , Average demand & standard Deviation during lead time , Reorder level

## 1- المقدمة

يعد توزيع رالي (Rayliegh Distribution) من التوزيعات المستمرة الشائعة التي تتعلق بدراسة حالات الفشل (العطل) التي تحدث في المعدات والأجهزة الكهربائية التي تتعلق بدراسة الموثوقية (Reliability) وكذلك في مجالات السيطرة على الخزين وذلك عن طريق تحديد مستوى إعادة الطلب بالإضافة إلى ذلك فإن للتوزيع استخدامات هامة في موضوع الرقابة على الجودة والسيطرة النوعية لما يتميز به هذا التوزيع من مواصفات ودقة وكفاءة عالية في أعطاء النتاج مهما تغيرت معالمه (Parameters)

وأكتشف من قبل العالم الفيزيائي الإنجليزي (Lord Rayleigh) ويعد حالة خاصة من توزيع ويبل . عندما تكون معلمة الشكل (Weibull Distribution) تساوي (2).

## 2- الجانب النظري

### 1- بعض مؤشرات توزيع رالي (Notations)

-1 إن دالة الكثافة الاحتمالية (p.d.f) لتوزيع Rayleigh ذو المعلمة الواحدة كالتالي

$$f(X/\theta) = \frac{x}{\theta^2} e^{-(x^2/2\theta^2)} \quad x \geq 0, \theta > 0 \quad \dots \dots \dots (1)$$

إذ أن ( $\theta$ ) تمثل معلمة القياس

-2 أن الدالة التجميعية (c.d.f.) لتوزيع Rayleigh كالآتي

$$F(X/\theta) = 1 - \frac{x}{\theta^2} e^{-(x^2/2\theta^2)} \quad \dots \dots \dots (2)$$

-3 التوزيع لا يتمتع بخاصية انعدام الذكرة

-4 (Forgetfully)

$$\begin{aligned} f(X > x + h / X > x) &= \frac{P(X > x + h)}{P(X > x)} \\ &= \frac{e^{-(x+h)^2/2\theta^2}}{e^{-(x^2/2\theta^2)}} \neq P(X > h) \end{aligned}$$

## 2- التنبؤ باستخدام طريقة التمهيد الآسي (Exponential Smoothing method Forecasting)

أن التنبؤ لا يعد تخميناً أو حداً وإنما هو المعالجة الإحصائية الدقيقة للبيانات المسبقة لإعطاء أي تقدير لحالة المتغير في المستقبل . وتعتمد هذه المعالجة الإحصائية على دراسة علمية وعملية تقوم على أسس وقواعد رياضية معترف عليها وأن الاهتمام بالتنبؤ ينصب في مجال السيطرة على الخزين وذلك بسبب التغيرات التي تطرأ على حجم الطلب الأمثل وكذلك على طول فترة الانتظار (Lead time) مما يؤثر سلباً في عملية صنع واتخاذ القرار الذي يمكن في تحديد مستوى إعادة الطلب (Reorder level) ، فضلاً عن التغيرات الفجائية في حجم الطلب التي يرجع سببها إلى ظروف غير اعتيادية والتي لا تسمح طبيعتها بتقديرها بشكل مضبوط مثل الفيضانات ، الحرروب والزلزال ..... الخ.

وتعتبر طريقة التمهيد الآسي من أكثر الطرق الشائعة الاستخدام في مجال السيطرة على الخزين ، وأن أبسط معادلة للتمهيد الآسي يمكن كتابتها بالشكل الآتي (4)

$$F_{t+1} = \alpha X_t + (1-\alpha) F_t \quad \dots \dots \dots (3)$$

إذ أن

$F_t$  : يمثل القيمة التنبؤية للفترة الحالية

$F_{t+1}$  : يمثل القيمة التنبؤية للفترة اللاحقة

$X_{t-1}$  : يمثل القيمة المشاهدة للفترة السابقة

$\alpha$  : يمثل ثابت التمهيد أو الترجيح الآسي (عامل المخاطرة) وتكون قيمته بين الصفر والواحد

(1- $\alpha$ ) يمثل مستوى الحماية

وعند أحلال  $t$  إلى مركباتها فنحصل على

$$F_{t+1} = \alpha X_t + (1-\alpha)[\alpha X_{t-1} + (1-\alpha)F_{t-1}]$$

$$F_{t+1} = \alpha X_t + \alpha(1-\alpha)X_{t-1} + (1-\alpha)^2 F_{t-1}$$

وبنفس الأسلوب نحل  $F_{t-k}$  إلى مركباتها فنحصل على

$$F_{t+1} = \alpha X_t + \alpha(1-\alpha)X_{t-1} + \alpha(1-\alpha)^2 X_{t-2} + \dots \dots \dots + \alpha(1-\alpha)^{N-1} X_{t-(N-1)} \quad \dots \dots \dots (4)$$

مما سبق يمكن كتابة المعادلة (4) على شكل متسلسلة رياضية وكالآتي

$$F_{t+1} = \alpha \sum_{k=0}^{N-1} (1-\alpha)^k X_{t-k} \quad \dots \dots \dots (5)$$

ويلاحظ من المعادلة (4) أن تأثير قيم المشاهدات السابقة ينخفض أسيًا مع الوزن بمعنى أن الترجيح المعطى

لكل مشاهدة من المشاهدات ينخفض أسيًا مع قدم تلك المشاهدة وكما موضح في الجدول رقم (1) وعلى افتراض أن  $\alpha=0.10, 0.30, 0.50, 0.70$

| قييم المشاهدات | الوزن المرجح         | $\alpha=0.10$ | $\alpha=0.30$ | $\alpha=0.50$ | $\alpha=0.70$ |
|----------------|----------------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| $X_t$          | $\alpha$             | 0.10          | 0.30          | 0.50          | 0.70          |
| $X_{t-1}$      | $\alpha(1-\alpha)$   | 0.09          | 0.21          | 0.25          | 0.21          |
| $X_{t-2}$      | $\alpha(1-\alpha)^2$ | 0.018         | 0.147         | 0.125         | 0.063         |
| $X_{t-3}$      | $\alpha(1-\alpha)^2$ | 0.0729        | 0.102         | 0.0625        | 0.018         |
| $X_{t-4}$      | $\alpha(1-\alpha)^2$ | 0.0659        | 0.072         | 0.0313        | 0.005         |

## جدول رقم (١) يبيّن مدى تأثير الأوزان على قيم المشاهدات

وأن المشكلة تكمن في تحديد القيمة الابتدائية التنبؤية ( $F_1$ ) للشروع في آلية عمل طريقة التمهيد الأسني والتي تعد حجر الأساس التي من خلالها يتم تنفيذ الأنشطة مما يتطلب الأمرأخذ الوسط الحسابي للبيانات التاريخية الحقيقة بمعنى

$$F_1 = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}$$

ويستخدم هذا الأسلوب للدراسات المستقبلية بعيدة الأمد<sup>(1)</sup> ، ويفضل أن يكون ثابت الترجيح الاسي الذي يجعل متوسط مربع الاخطاء (M.S.E) في أدنى حدّ له وأن تكون قيمته بين<sup>(5)</sup> (0.10 ≤ 0.20)

2-3 تقييم متوسط الطلب والاتحراف المعياري خلال فترة الانتظار

يمكن إيجاد معدل الطلب  $M(d)$  وفقاً للمعادلة (3) وكما ذكر سابقاً ، أما فيما يخص الانحراف المعياري للطلب  $(d)$  فيتم حسابه بالاعتماد على متوسط مطلق الانحرافات **(Mean Absolute Deviation)** والذي سنرمز له  $M(t)$  ويفضل أن تكون قيمة الابتدائية هي متوسط سلسلة مطلق الأخطاء<sup>(1)</sup> بمعنى

$$M_1 = \frac{\sum_{i=1}^n |e_i|}{n}$$

وعلیه فان

إذ أن  $e$  يمثل خطأ التنبؤ ويحسب وفقاً لما يلي

$$e_t = X_t + F_t$$

وأن خطأ التنبؤ يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط صفرى وانحراف معياري (١.٢٥)، وبالتالي فان بالإمكان تقدير الانحراف المعياري للطلب الذى يمثل تقريراً (١.٢٥) من متوسط مطلق الاخطاء<sup>(٤)</sup> وكالآتى

$$\sigma(d) = \frac{n}{n-1} M_t$$

وأن  $(n/n+1)$  يمثل مقدار التحيز ، وعليه فان معدل الطلب خلال فترة  $t$  ..... (7) المتنبأ بها  $(n)$  لمعدل الطلب  $(t+1, t+2, \dots, t+n)$ . أما الانحراف المعياري خلال فترة الانتظار  $(\sigma(d))$  يمثل مجموع الفترات المتنبأ بها  $(n)$  للانحراف المعياري الطلب  $(d)$  .....  $\square$

**أ- تقدير معلم القياس باستخدام الطريقة البيزية<sup>(6)</sup>**      **4-2 احسب موسرات الحرين وفقاً للتوزيع راري**  
**Bayesian Technique for scale Parameter**

تُعد طريقة بيز أسلوباً من أساليب طرائق التقدير الشائعة الاستخدام ، و ستنظر إلى آلية وصف أسلوبها لتقدير معلمة القياس لتوزيع رئيسي، وبافتراض  $[g(\theta)]$  يمثل التوزيع المسبق لمعلمة القياس، فسيتم توظيفه للحصول على التوزيع اللاحق (Posterior Distribution) وسنطلق عليه والمتمنى  $[h(\theta | t_1, t_2, \dots, t_n)]$  الذي عن طريقه يتم التوصل إلى مقدرات بيز باستعمال إحدى دوال

الخسارة المعروفة (Loss Function)، ولنفرض أن التوزيع المسبق الذي اقترحه العالم جيفري (Jeffrey's prior Distribution)

$$g(\theta) = \frac{k}{\theta}$$

إذ أن  $K$  تمثل كمية ثابتة  
وان دالة الإمكان لتوزيع رالي للعينة ( $n$ ) كالآتي

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n / \theta) = \prod_{i=1}^n f(x_i / \theta) = \frac{1}{\theta^{2n}} \left( \prod_{i=1}^n x_i \right) e^{-\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2\theta^2}}$$

ما يتطلب الأمر معرفة دالة التوزيع الكافية القبلية مع دالة الإمكان وكالآتي

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n; \theta) = L(x_1, x_2, \dots, x_n / \theta)^* g(\theta)$$

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n; \theta) = \frac{k}{\theta^{2n+1}} \left( \prod_{i=1}^n x_i \right) e^{-\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2\theta^2}}$$

**إما دالة التوزيع الحدي (Marginal Dist.)**  
فتتحسب كالآتي

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n) = \int_{\theta=0}^{\infty} L(x_1, x_2, \dots, x_n; \theta) d\theta$$

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n) = k \left( \prod_{i=1}^n x_i \right) \int_{\theta=0}^{\infty} \frac{e^{-\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2\theta^2}}}{\theta^{2n+1}} d\theta \dots \dots \dots (8)$$

و بافتراض ما يلي

$$u = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2\theta^2} \dots \dots \dots \quad (9)$$

$$\theta = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2u}} \dots \dots \dots (10)$$

وبالتعويض عن المعادلات (9),(10),(11) في المعادلة (8) فنحصل على

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n) = k \left( \prod_{i=1}^n x_i \right) \int_{u=\infty}^0 \left( \sqrt{\frac{2u}{\sum_{i=1}^n x_i^2}} \right)^{2n+1} e^{-u} \left( -\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2u^3}} du \right)$$

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n) = \frac{2^{n-1} k \left( \prod_{i=1}^n x_i \right)}{\left( \sum_{i=1}^n x_i^2 \right)^n} \int_{u=0}^{\infty} e^{-u} u^{n-1} du$$

$$L(x_1, x_2, \dots, x_n) = \frac{2^{n-1} k \left( \prod_{i=1}^n x_i \right)}{\left( \sum_{i=1}^n x_i^2 \right)^n} \Gamma(n)$$

وعليه فان دالة التوزيع اللاحق (Posterior Dist.) كالتالي

$$h(\theta / x_1, x_2, \dots, x_n) = \frac{L(x_1, x_2, \dots, x_n; \theta)}{L(x_1, x_2, \dots, x_n)}$$

$$h(\theta / x_1, x_2, \dots, x_n) = \frac{\left( \sum_{i=1}^n x_i^2 \right)^n}{2^{n-1} \Gamma(n) \theta^{2n+1}} e^{-\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2\theta^2}} \dots\dots\dots (12)$$

إما فيما يخص المقدر البيزى للمعلمة  $(\square)$  فيحسب بالاعتماد على دالة الخسارة التربيعية  $(\text{Squared Loss Function})$  وكالآتى<sup>(6)</sup>

$$L(\hat{\theta}, \theta) = (\hat{\theta} - \theta)^2$$

والتي تجعل دالة المخاطرة (Risk Function) في أدنى مستوىً لها وذلك من خلال إيجاد التوقع لها

$$R = E(\hat{\theta} - \theta)$$

$$R = \int_0^{\infty} (\hat{\theta} - \theta)^2 h(\theta / x_1, x_2, \dots, x_n) d\theta$$

$$R = \int_0^{\infty} (\hat{\theta}^2 - 2\hat{\theta}\hat{\theta} + \theta^2) h(\theta / x_1, x_2, \dots, x_n) d\theta$$

وبأخذ المشتقة الجزئية للمقدار البيزي للمعلمات ( $\square$ ) ومساواتها للصفر نحصل على

$$\hat{\theta} = E(\theta / x_1, x_2, \dots, x_n)$$

وعلیه فان المقدار البیزی

$$\hat{\theta} = \int_{-\infty}^{\infty} \theta h(\theta / x_1, x_2, \dots, x_n) d\theta$$

$$\hat{\theta} = \frac{\left( \sum_{i=1}^n x_i^2 \right)^n}{2^{n-1} \Gamma(n)} \int_0^{\infty} \frac{e^{-\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2\theta^2}}}{\theta^{2n}} d\theta \quad \dots \dots \dots \quad (13)$$

وبالتعويض عن المعادلات (11)، (10)، (9) في المعادلة (13) فنحصل على

$$\hat{\theta} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{2}} \left( \frac{\Gamma(n-0.5)}{\Gamma(n)} \right) \dots \dots \dots (14)$$

## ب- تقييم مستوى إعادة الطلب<sup>(2)</sup> Reorder Level Evaluation

يعرف بأنه المستوى الذي عند الوصول إليه لا بد من تقديم طلب جديد على المادة لسداد النقص أو العجز الذي حصل فيها ، ويعتمد هذا الأسلوب على الخزين الاحتياطي (Buffer Stock) وكذلك على معدل الطلب و طول فترة الانتظار ويمكن احتسابه عن طريق أخذ معكوس الدالة التراكمية لتوزيع رالي

$$F = I - \frac{x}{\theta^2} e^{-\left(\frac{x^2}{2\theta^2}\right)}$$

و علیہ فان

$$I \pm F = e^{-\left(\frac{x^2}{2\theta^2}\right)}$$

وبأخذ اللوغاريتم الطبيعي للطرفين نحصل على

$$x^2 = -2\theta^2 L n(1-F)$$

و عليه فان مستوى اعادة الطلب

$$x = \theta \sqrt{-2 \ln(1-F)} \dots \dots \dots (15)$$

إذ أن  $F$  : رقم عشوائي يتبع توزيعاً منتظماً وتكون قيمته بين الصفر والواحد

### 3- الجانب العملي

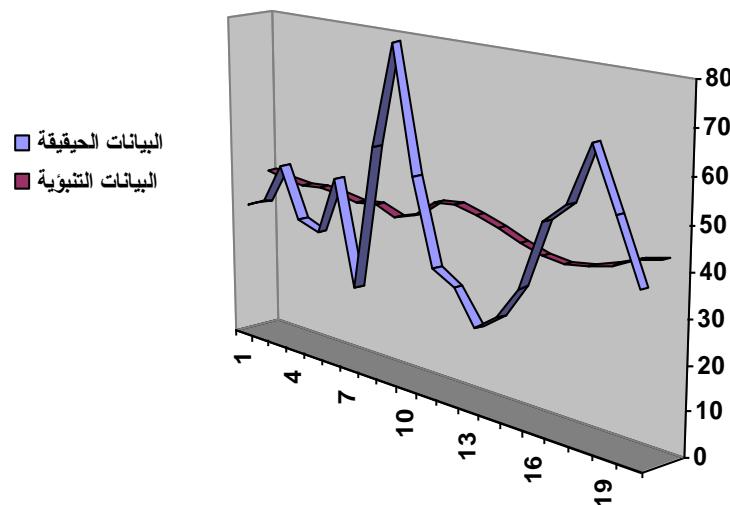
#### 3-3 تقدير متوسط الطلب والانحراف المعياري للطلب

في البداية تم جمع البيانات المتعلقة بكميات الطلب من مركز المعلومات -شعبة الإحصاء في الشركة العامة للصناعات الكهربائية (SCEI) في الوزيرية لالسنوات (2008-2012) وعلى أساس فصلٍ وقوامها (9) مواد كهربائية ، علماً أن الدراسات السابقة لدى الشركة أظهرت أن متوسط فترة الانتظار (Lead Time) تستغرق (3) أشهر بين طلب وأخر وذلك من خلال تجهيز الشركة بالمواد الأولية من الأسواق المحلية وبتطبيق طريقة التمهيد الآسي سيتم تقدير معدل الطلب  $M(d)$  للمادة الأولى كما في الجدول رقم (1) وفقاً للمعادلة (3) وكالآتي

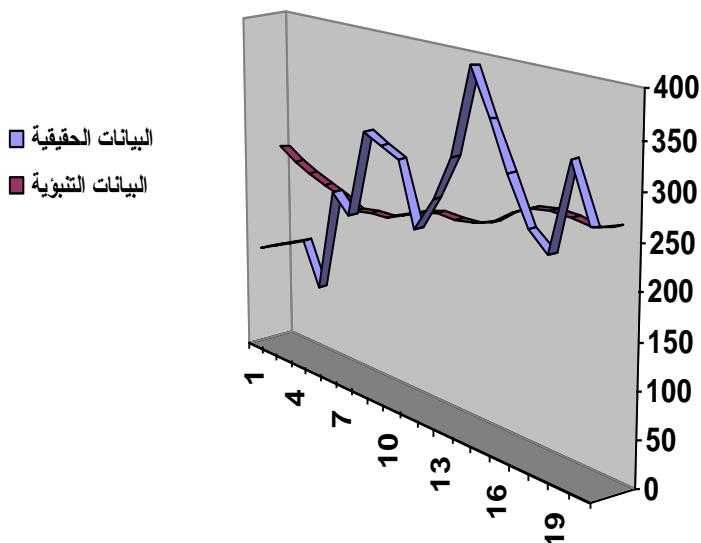
| t     | season | Xt  | $M(d)=Ft$ |
|-------|--------|-----|-----------|
| 2008  | 1      | 120 | 241.00    |
|       | 2      | 130 | 228.90    |
|       | 3      | 140 | 219.01    |
|       | 4      | 150 | 211.11    |
| 2009  | 1      | 100 | 205.00    |
|       | 2      | 220 | 194.50    |
|       | 3      | 200 | 197.05    |
|       | 4      | 300 | 197.34    |
| 2010  | 1      | 290 | 207.61    |
|       | 2      | 280 | 215.85    |
|       | 3      | 210 | 222.26    |
|       | 4      | 250 | 221.04    |
| 2011  | 1      | 300 | 223.93    |
|       | 2      | 400 | 231.54    |
|       | 3      | 350 | 248.39    |
|       | 4      | 300 | 258.55    |
| 2012  | 1      | 250 | 262.69    |
|       | 2      | 230 | 261.42    |
|       | 3      | 330 | 258.28    |
|       | 4      | 270 | 265.45    |
| $L=3$ | $t+1$  |     | 265.91    |
|       | $t+2$  |     | 265.91    |
|       | $t+3$  |     | 265.91    |

الجدول رقم  
(1) يبين تطبيق طريقة التمهيد الآسي للمادة الأولى

والشكل رقم (1) و (2) يبين مدى استقرارية الطلب وتذبذبه للبيانات الحقيقية والتنبؤية للمادة الأولى والثانية من بين هذه المواد التسعة



الشكل (1) يبين مدى اسقراوية الطلب على المادة الأولى



الشكل (2) يبين مدى اسقراوية الطلب على المادة الثانية

إما فيما يتعلق بدراسة تقدير الانحراف المعياري للطلب فيطلب الأمر احتساب خطأ التنبؤ ( $e_t$ ) والذي يعرف بأنه الفرق بين القيمة الحقيقة والقيمة التنبؤية وهو متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي القياسي بمتوسط صفرى وانحراف معياري ( $\sigma$ ) . ومن بعدها يتم احتساب متوسط مطلق الانحرافات ( $Mt$ ) ، وعليه فمن السهولة يتم إيجاد قيمة الانحراف المعياري للطلب ( $d$ ) وفقاً للمعادلة (8) ، والجدول رقم (2) يبين استخراج متوسط الطلب والانحراف المعياري للطلب للمادة الثانية

| t    | season | Xt  | M(d)=Ft | /et/   | Mt    | $\delta(d)$ |
|------|--------|-----|---------|--------|-------|-------------|
| 2008 | 1      | 120 | 241.00  | 121.00 | 64.59 | 80.74       |
|      | 2      | 130 | 228.90  | 98.90  | 70.23 | 87.79       |
|      | 3      | 140 | 219.01  | 79.01  | 73.10 | 91.38       |
|      | 4      | 150 | 211.11  | 61.11  | 73.69 | 92.11       |
| 2009 | 1      | 100 | 205.00  | 105.00 | 72.43 | 90.54       |
|      | 2      | 220 | 194.50  | 25.50  | 75.69 | 94.61       |
|      | 3      | 200 | 197.05  | 2.95   | 70.67 | 88.34       |
|      | 4      | 300 | 197.34  | 102.66 | 63.90 | 79.87       |
| 2010 | 1      | 290 | 207.61  | 82.39  | 67.77 | 84.72       |
|      | 2      | 280 | 215.85  | 64.15  | 69.24 | 86.55       |
|      | 3      | 210 | 222.26  | 12.26  | 68.73 | 85.91       |
|      | 4      | 250 | 221.04  | 28.96  | 63.08 | 78.85       |
| 2011 | 1      | 300 | 223.93  | 76.07  | 59.67 | 74.59       |
|      | 2      | 400 | 231.54  | 168.46 | 61.31 | 76.64       |
|      | 3      | 350 | 248.39  | 101.61 | 72.02 | 90.03       |
|      | 4      | 300 | 258.55  | 41.45  | 74.98 | 93.73       |
| 2012 | 1      | 250 | 262.69  | 12.69  | 71.63 | 89.54       |
|      | 2      | 230 | 261.42  | 31.42  | 65.74 | 82.17       |
|      | 3      | 330 | 258.28  | 71.72  | 62.31 | 77.88       |
|      | 4      | 270 | 265.45  | 4.55   | 63.25 | 79.06       |
| L=3  | t+1    |     | 265.91  |        | 57.38 | 71.72       |
|      | t+2    |     | 265.91  |        | 57.38 | 71.72       |
|      | t+3    |     | 265.91  |        | 57.38 | 71.72       |

جدول رقم (2)

يُبيّن استخراج متوسط الطلب والاتجاه المعياري للطلب للمادة الأولى ومن بعدها يتم استخراج متوسط الطلب والاتجاه المعياري للطلب لجميع المواد وكما مبين في الجدول رقم (3) وكانت

| الانحراف المعياري للطلب $\sigma(d)$ | متوسط الطلب $M(d)$ | تسلسل المواد الكهربائية |
|-------------------------------------|--------------------|-------------------------|
| 17.01                               | 42.24              | 1                       |
| 71.72                               | 265.91             | 2                       |
| 1339.15                             | 4182.69            | 3                       |
| 127.09                              | 458.64             | 4                       |
| 290.44                              | 582.13             | 5                       |
| 2673.49                             | 4301.92            | 6                       |
| 254.85                              | 417.82             | 7                       |
| 2882.76                             | 3226.78            | 8                       |
| 115.74                              | 211.82             | 9                       |

جدول رقم (3)

يبين استخراج متوسط الطلب والانحراف المعياري للطلب لمواد التسعة

### **3-2 تقدير متوسط الطلب والاحراف المعياري للطلب خلال فترة الانتظار**

في البداية يتم احتساب فترة الانتظار (Lead Time) من تاريخ إصدار أمر الشراء إلى تاريخ التسلم ، واتضح بان متوسط فترة الانتظار هو (3) أشهر ، وعليه فان متوسط الطلب خلال فترة الانتظار (L) ما هو إلا مجموع الفترات المتبعة لمتوسط الطلب

$$\mu_L = \sum_{i=L}^{i=3} \mu(d) = 3\mu(d)$$

اما الانحراف المعياري للطلب خلال فترة الانتظار (  $\sigma$  ) فهو يمثل مجموع الفترات المتباينة لانحراف المعياري للطلب .

$$\sigma_L = \sum_{i=1}^{i=L} \sigma(d) = \sum_{i=1}^{i=3} \sigma(d) = 3\sigma(d)$$

وعليه فان متوسط الطلب والانحراف المعياري للطلب خلال فترة الانتظار لجميع المواد كما مبين في الجدول رقم (4) وكالآتي

| سلسل المواد الكهربائية | متوسط الطلب ( $\mu_L$ ) خلال فترة الانتظار | الانحراف المعياري للطلب ( $\sigma_L$ ) خلال فترة الانتظار |
|------------------------|--|---|
| 1                      | 126.72                                     | 51.03   |
| 2                      | 797.73                                     | 215.16  |
| 3                      | 12548.07                                   | 4017.45   |
| 4                      | 1375.92                                    | 381.27  |
| 5                      | 1746.39                                    | 871.32  |
| 6                      | 12905.76                                   | 8020.47   |
| 7                      | 1253.46                                    | 764.55  |
| 8                      | 9680.34                                    | 8648.28   |
| 9                      | 635.46                                     | 347.22  |

**3-3 احتساب معلمة الشكل المقدرة ببيزياً مستوى إعادة الطلب وفقاً للتوزيع رالي**  
 يتم احتساب معلمة الشكل المقدرة ومستوى إعادة الطلب وفقاً للمعادلتين (9),(10) ولجميع المواد الكهربائية التسعة وكالآتي

| سلسل المواد الكهربائية | المقدر البيري للمعلمة ( $\theta$ ) | مستوى إعادة الطلب (x) |
|------------------------|------------------------------------|-----------------------|
| 1                      | 9.84                               | 17.9293               |
| 2                      | 57.66                              | 14.3071               |
| 3                      | 1009.02                            | 1346.97               |
| 4                      | 102.84                             | 89.91563              |
| 5                      | 147.3                              | 125.2519              |
| 6                      | 1044.36                            | 866.3186              |
| 7                      | 106.1                              | 89.86217              |
| 8                      | 931.13                             | 340.3326              |
| 9                      | 52.79                              | 84.90314              |

#### 4- الاستنتاجات

- أ- نلاحظ من الشكل رقم (1) و من الشكل رقم (2) بان كميات الطلب تتذبذب حول وسطها مما يجعل عناصر السلسلة الزمنية أكثر تجانساً وتناسقاً، وكذلك لبقية المواد
- ب- نلاحظ انخفاض في قيمة الانحراف المعياري للطلب عند تقدير الطلب خلال فترة الانتظار والذي بموجبه يتم عملية تحديد مستوى إعادة الطلب وفقاً لمعلمة الشكل لضمان عدم وجود شحه في الخزين خلال فترة الانتظار
- ت- وفقاً لمتطلبات واحتياجات الشركة العامة للصناعات الكهربائية يتم احتساب فترة الانتظار من تاريخ إصدار أمر الشراء إلى تاريخ التسلم والتي تستغرق كمتوسط ثلاثة أشهر
- ث- أهمية ودقة اختيار ثابت التمهيد الأسوي الذي تتراوح قيمته بين الصفر والواحد لبيان مدى تأثيره على تذبذب الطلب لضمان وجود خزين احتياطي للظروف الفجائية

#### 5- المصادر

- 1-Connie K. Gudum(2002)" A new compound lead time demand distribution approach and a comparison study" Copenhagen Business School ; Email : connie@cbs.dk , the web site is:  
[http://openarchive.cbs.dk/bitstream/handle/10398/6736/preprint6\\_2002\\_connie.pdf](http://openarchive.cbs.dk/bitstream/handle/10398/6736/preprint6_2002_connie.pdf)
- 2-Hillier "2009"Introduction to Operations Research", 9<sup>th</sup> edition  
 ,Published by Mc Graw-Hill Higher education
- 3-George & Gwilym(2011)Time Series Analysis forecasting &control" 4<sup>th</sup> edition, Wiley series
- 4-Umay Uzunoglu, Sezin Tamer(2011)" Determining the Inventory Policy for Slow-Moving Items : A Case Study , Proceedings of the

- 5- صالح (2007) نظام السيطرة على خزين المواد سريعة الحركة في مخازن الشركة العامة لتوزيع كهرباء بغداد ، مجلة تنمية الرافدين-جامعة الموصل ، المجلد (29) ، الاصدار (86)
- 6- الجميلي ، صبا صباح (2003) مقارنة بعض طرائق تدبير المعلومة والمعلوماتية لأتموذج رالي للفشل لبيانات تامة وبيانات تحت المراقبة من النوع الأول باستخدام المحاكاة ، رسالة ماجستير ، جامعة بغداد - كلية الإدارة والاقتصاد.