

# النظام الأفضل لبعض الاختبارات المتعلقة بالتجربة

أ.م.د. فارس غانم أحمد\*  
م.د. ريم علي عبد الحسين الجراح\*\*

## المستاذ:

كثيراً ما نلجأ إلى الاختبارات اللامعجمية لمعرفة وجود فروقات معنوية من عدمها بين أكثر من عينتين، وباستخدام أي من البرامج الجاهزة والمتوفرة في الحقائب البرمجية. إلا أن مسؤولية الفروقات المعنوية الناتجة بين أي من العينات المستخدمة يبقى مبهمًا ويحتاج إلى توضيح عندما تكون المقارنة بين أكثر من عينتين، وبالتالي يتوجب معرفة أي من تلك العينات مختلفة معنوياً وأي منها ليست كذلك.

وفي هذا البحث تم تقديم أهم الاختبارات اللامعجمية ذات العلاقة بأكثر من عينتين، وهما: اختبار كروسكال ويلز لتحليل التباين للرتب واختبار فريدمان لتحليل التباين من الدرجة الثانية للرتب، كما تم تسلیط الضوء على المقارنات المتعددة اللازم إجرائها بعد الاختبارين المذكورين حول مسألة ما قيد الاختبار، ليس فقط إحصائياً وإنما برمجياً. إذ صمم نظاماً خبيراً وبالاعتماد على تقنية الحزمة البرمجية (Macro) والمتاحة في النظام الجاهز (Minitab).

وألاختبار كفاءة النظام المعد، تم تطبيقه على عدة أمثلة، وتم اختيار المثالين المقتبسين من (القرشي، ص 200 و ص 213)<sup>1</sup> "لكل اختبار"، وتم عرض نتائج تطبيقهما في النظام الخبير النتائج التي تم التوصل إليها وبشكل واضح.

## Abstract:

Mightily we refuge (resort) to the Non-Parametric test to success output about some problems, but this case still abstruse and need to illustration when the comparison between more than two samples, so behoove knowing which of these samples are significant different and which of them are not.

In this paper presentation to superior Non-Parametric test witch dealing with more than two samples, they are: The Kruskal-Wales One-Way Analysis of Variance by Rank & the Friedman Two-Way Analysis of Variance by Rank, and also to shed the light to multiple compare must be done after testing, that is not only statistically but programming by depend on Macro in MINITAB System.

## المقدمة:

إن المسلمات التي تعتبر أساساً في الاختبارات المعلمية، ومنها: "التوزيع الطبيعي"، "التبابين المتجانس"، قد لا تتحقق دانياً في المجتمعات المدروسة، وكثيراً ما نحتاج لوسائل أخرى لعمليات الاستدلال بحيث لا تتطلب تحقق تلك المسلمات أو الشروط القاسية. والإحصاء اللامعجمي، هو الذي يوفر لنا هذه الوسيلة، لأنه يصلح في كثير من الظروف التي لا تتطلب إلا على مسلماتٍ عامة للغاية<sup>2</sup>.

\* كلية طب الأسنان / جامعة الموصل

\*\* كلية طب الأسنان / جامعة الموصل

(1) القرشي، ص 200 و ص 213.

<sup>2</sup> آدم، ص 120.

وقد يات معرفة وجود اختبارات لامعلمية تنتظر الاختبارات المعلمية في ظروف استخدامها من حيث تصميم التجربة أو طبيعة المشكلة البحثية<sup>1</sup>. وبالرغم من أن معظم الحقائب البرمجية الإحصائية الجاهزة تفرد للاختبارات اللامعلمية مجالاً مقبولاً للتطبيق المباشر والتوصيل إلى النتيجة المطلوبة بسلامة ومرنة. إلا أنه يعب عليها القصور في بعض الاختبارات عندما تحتاج إلى المقارنات المتعددة التي تيز أهميتها عندما تكون نتيجة الاختبار رفض عدم وجود اختلاف بين أوساط المجتمعات المبحوثة.

من هنا ظهرت فكرة هذا البحث الذي يهدف إلى تصميم حقيقة برمجية (النظام الخبير) الذي يعمل على إجراء المقارنات المتعددة المهمة بعد تطبيق المختبر الإحصائي المناسب لتصميم التجربة قيد الاهتمام.

وقد تم اختيار المؤشر الإحصائي الخاص باختبار كروسكال- ويزل واختبار فريدمان والمقارنات المتعددة اللازم إجرائها بعد ثبات معنوية الاختلاف بين العينات المبحوثة، لغرض تصميم البرنامج الخبير ليعمل على إجراء المقارنات المتعددة مباشرة للاختبارين المذكورين.

تم التقييم في هذا البحث كل من الجانب النظري الذي يهتم بالتفاصيل النظرية لكل من اختبار كروسكال- ويزل واختبار فريدمان إحصائياً ومن ثم الجانب العملي الذي يهتم بتطبيق الخوارزمية الخاصة بالحقيقة البرمجية على بيانات مثاليين تجريبيين، ومناقشة النتائج، ثم تقديم أهم الاستنتاجات والتوصيات.

## تعريف بالبحث:

يهدف البحث إلى تصميم حقيقة برمجية (نظام خبير)، لتعطي نتيجة المقارنات المتعددة الواجب تنفيذها بعد كل من اختبار كروسكال- ويزل واختبار فريدمان وحسب صلاحية الاختبار على العينات المبحوثة، باعتبارهما أحدى الاختبارات ذات العلاقة بأكثر من عينتين.

## الجانب النظري

### 1. اختبار كروسكال- ويزل لتحليل التباين للرتب:

#### The Kruskal -Wallis One Way Analysis of Variance by Rank:

قدم كل من كروسكال و ويزل مختبراً إحصائياً سمي باسمهما يعتمد على الرتب ويناسب تجرب ذات تصميم عشوائي كامل<sup>2</sup>، إذ يفترض هذا الاختبار وجود K من العينات وب أحجام  $n_1, n_2, \dots, n_k$ ، وأن المشاهدات مستقلة داخل وبين العينات على أن المجتمعات المسحوبة منها العينات متماثلة، وإن البيانات على الأقل رئيسية ومتغيراتها مستمرة. أما فرضيات الاختبار فهي<sup>3</sup>:

$H_0$ : قيمة الوسيط لـ K من المجتمعات متماثلة.

$H_1$ : قيمة الوسيط لمجتمع واحد على الأقل غير متماثل مع البقية.

#### 1-1. خطوات اختبار كروسكال- ويزل:

يعرض كل من<sup>4</sup> (Glantz) و (Siegel) الخطوات المتتبعة للحصول على إحصاءة الاختبار الخاصة بكروسكال- ويزل، وكما يأتي:

1. ترتيب مشاهدات كل العينات تصاعدياً وكأنها عينة واحدة.

2. يعرض عن قيمة كل مشاهدة بترتيبها الذي أخذته بعد إجراء الخطوة أولاً. مع ملاحظة أن قيم المشاهدات المتساوية يعطى لها نفس الرتبة.

3. حساب معدل الرتب المكررة في حالة وجودها.

4. إعادة توزيع الرتب حسب مشاهدات العينات التابعة لها بحيث نجد لكل عينة بدلاً من قيمة المرتبة التي حصلت عليها.

5. احتساب المؤشر الإحصائي، وفق ما يلي:

#### أ. في حالة عدم وجود رتب مكررة:

$$KW = \left[ \frac{12}{N(N+1)} \sum_{i=1}^k \frac{R_i^2}{n_i} \right] - 3(N+1) \dots \dots \dots \quad (1-1 a)$$

<sup>1</sup> (Petrie., p. 175)

<sup>2</sup> (Steel, R.G.D. & Torrie, J.H., p. 444)

<sup>3</sup> (القرشي، ص 198)

<sup>4</sup> (Siegel, pp. 206-210) و (Glantz, pp. 346-349)

ب. في حالة وجود رتب مكررة:

$$KW = \frac{\left[ \frac{12}{N(N+1)} \sum_{i=1}^k \frac{R_i^2}{n_i} \right] - 3(N+1)}{1 - \sum (t_i^3 - t_i)/(N^3 - N)} \dots \quad (1-1 b)$$

حيث أن:

$t$	$R_i$	$N$	$n_i$	$k$
عدد رتب المشاهدات المكررة في العينة $i$	مجموع الرتب في العينة $i$	$\sum_{i=1}^k n_i$	عدد المشاهدات في العينة $i$	عدد العينات

6. اتخاذ القرار: فإذا كانت قيمة المؤشر الإحصائي أكبر من قيمتها الجدولية، وكما هو معروف في أدبيات اختبار الفرضيات سترفض فرضية عدم  $H_0$ ، أي أن قيمة الوسيط  $L_K$  من المجتمعات غير متماثلة. وعليه ينبغي معرفة أي مجتمع من هذه المجتمعات المبحوثة يحمل فروقات عن البقية، وهذا يتم وفق الفقرة الآتية:

#### 2-1. المقارنات المتعددة بعد اختبار كروسكال- ويizer :

من المعلوم أنه في الاختبارات المعلمية عند رفض الفرضية العدية أي وجود فروقات بين المجتمعات المبحوثة، يجب استخدام ما يسمى (Post Hoc Multiple Comparisons) والأمر موجود في أغلب الأنظمة الإحصائية الحاسوبية الجاهزة لاختيار أحد الاختبارات التي تظهر أيًّا من المتوسطات سبب الاختلافات، والتي تدعى الاختلافات المعنوية في تحليل التباين المستخدم، وعلى سبيل المثال وليس الحصر: اختبارات: **Scheffe test**, **Dunnett test**, **LSD test**, **Duncan test**, واختبار **Siegel test** وغيرها كثيرة من الاختبارات التي تبين مصدر الاختلافات في العينات المبحوثة.

وذلك الحال في الاختبارات اللامعلمية، تثار نفس المشكلة في حالة رفض فرضية عدم التي تنص على تساوي قيمة الوسيط  $L_K$  من المجتمعات: "فما هي الوسائل المختلفة؟"، أو "ما هو الوسيط الذي يختلف عن بقية الوسائل؟".

إن الكثير من الباحثين ناقشوا هذا الموضوع ولعل Dunn - 1964 كان أفضلهم، وقد أوضح كل من<sup>1</sup> (القرشي)، (Glantz) و (Siegel) فكرة المقارنات بالخطوات الآتية:

1. إيجاد الوسيط للرتب لكل عينة وletkn $_i$ .

2. إيجاد قيمة المتباعدة أدناه:

أ. في حالة عدم وجود رتب مكررة:

$$|\bar{R}_i - \bar{R}_j| \leq Z_{\alpha/k(k-1)} \sqrt{\frac{N(N+1)}{12} \left( \frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)} \dots \quad (1-2 a)$$

ب. في حالة وجود رتب مكررة:

$$|\bar{R}_i - \bar{R}_j| \leq z_{\alpha/k(k-1)} \sqrt{\frac{[N(N+1) - \sum (t_i^3 - t_i)] \left( \frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)}{12(N-1)}} \dots \quad (1-2 b)$$

#### 2. اختبار فريدمان لتحليل التباين من الدرجة الثانية للرتب:

##### The Friedman Two-Way Analysis of Variance by Ranks:

قدم فريدمان اختباراً يناسب أغلب التجارب ذات تصميم القطاعات العشوائية الكاملة بأكثر من معاملتين<sup>2</sup> ، إذ يفترض هذا الاختبار وجود (b) من العينات "عامل معاملة القطاعات" وبحجم  $K$ . فمثلاً:  $X_{ij}$  تمثل المشاهدة  $j^{th}$  في العينة  $i^{th}$ . أي أن المعالجات تمثل الأعمدة والصفوف هي القطاعات. ومهم

<sup>1</sup> (القرشي، ص205)، (Siegel, p. 213) و (Glantz, p.350)  
<sup>2</sup> (Steel, R.G.D. & Torrie, J.H., p. 546)

جداً أن يكون متغير المشاهدات مستمر والتفاعلات بين القطاعات والمعالجات معروفة. أما فرضيات الاختبار فهي<sup>1</sup>:

$H_0$ : المعالجات داخل القطاعات متماثلة.  
 $H_1$ : على الأقل معالجة واحدة تأثيرها أكبر من البقية.

**2-1. خطوات اختبار فريدمان:**  
 يعرض كل من<sup>2</sup> (Glantz) و (Siegel) الخطوات اللازمة للحصول على المؤشر الإحصائي الخاص باختبار فريدمان، وكما يأتي:

1. ترتيب البيانات ضمن القطاع الواحد "بشكل مستقل" تنازلياً أو تصاعدياً، ثم يعوض عن القيم الأصلية برتتها، (يستخدم معدل الرتب عند تكرارها).

2. حساب مجموع الرتب  $R_i$  لكل عمود.

3. حساب المؤشر الإحصائي لفريدمان، وكالآتي:

$$Fr = \left[ \frac{12}{bk(k+1)} \sum_{j=1}^k R_j^2 \right] - 3b(k+1) \quad \dots \text{(2-1 a)}$$

$$Fr = \frac{\left[ \frac{12}{bk(k+1)} \sum_{j=1}^k R_j^2 \right] - 3b(k+1)}{[1 - \sum T_i / bk(k^2 - 1)]} \quad \dots \text{(2-1 b)}$$

حيث أن:

$T_i$	$R_i$	$t_i$	$b$	$k$
$\sum (t_i^3 - t_i) = T_i$	مجموع الرتب لكل عمود	عدد المشاهدات التي لها نفس الرتبة في i-th القطاعات	عدد القطاعات	عدد المعالجات

4. اتخاذ القرار: في حالة كون قيمة المؤشر الإحصائي أكبر من قيمتها الجدولية ترفض فرضية العدم، أي أن هناك على الأقل معالجة واحدة ذات تأثير مختلف عن البقية.

**2-2. المقارنات المتعددة بعد اختبار فريدمان:**  
 كما سبق في اختبار كروسكال، فعند وجود فروقات معنوية في هذا الاختبار، فينبغي معرفة أي من المعالجات ذات التأثير المختلف عن بقية المعالجات، والتي أدت بالنتهاية إلى رفض فرضية العدم، ويتم ذلك من خلال الآتي<sup>3</sup>:

(1) إيجاد مجموع رتب كل معالجه (كل عمود)  $R_i$ .

(2) تحديد مستوى المعنوية لتحديد القيمة الجدولية  $Z$ .

(3) إيجاد قيمة المتباعدة:

$$|R_i - R_j| \geq Z \sqrt{\frac{bk(k+1)}{6}}$$

ومن خلال المقارنة لطرف المتباعدة نستنتج أي المعالجات ذات تأثير أكبر من غيرها، وهي سبب الاختلاف.

## الجانب العلمي

### 1. الحقيقة البرمجية<sup>4</sup> (Expert System):

إن الهدف من البحث كما تقدم، هو محاولة التغلب على القصور الموجود في الأنظمة الإحصائية الجاهزة، والقصور يتمثل بالآتي: (1) عدم استكمال الاختبارات المطلوبة بعد إجراء الاختبار الرئيسي لمعرفة أي من المتغيرات البحثية ذات دلالة معنوية. (2) ينبغي صياغة البيانات بشكل يتلاءم مع الاختبار المستخدم،

<sup>1</sup> (القرشي، ص210).

<sup>2</sup> (Siegel, pp. 174 - 178) و (Glantz, p. 360).

<sup>3</sup> (القرشي، ص15)، (Siegel, p. 180) و (Glantz, p. 361).

<sup>4</sup> ملحق 1

فبالنسبة لاختبار كروسكال- ويذرز ينبغي تجميع بيانات العينات المفحوصة في عمود وتحديد عمود آخر يمثل الرمز الخاص بكل قيمة، في حين أن اختبار فريدمان ينبغي إجراء نفس الخطوات السابقة في الاختبار السابق بالإضافة إلى تحديد عمود القطاع (Block) والذي يتم إدخاله من قبل المستخدم. (3) لإنجاز المقارنات المتعددة ما بعد الاختبارين المذكورين ينبغي البحث عن قيمة (Z) الجدولية والتعويض عنها في المعادلات الخاصة بالمقارنات المتعددة واستكمال المقارنة يدوياً. وإنجاز ذلك تم برمجة الخطوات اللازمة لأجراء كل من: (\*) اختبار كروسكال - ويذرز والمقارنات المتعددة الخاصة به والمطلوب إجراؤها بعد الحصول على قيمة ذلك المختبر ذات القيمة المعنوية، من دون الحاجة لتهيئة البيانات أو البحث عن قيمة (Z) الجدولية. وكذلك: (\*\* ) اختبار فريدمان والمقارنات المتعددة له أيضاً. وبالاعتماد على خصائص الحزمة البرمجية MINITAB (Global Macro) التابعة للنظام الجاهز.

### 1.1 خوارزمية الحقيقة البرمجية:

- تم تصميم البرنامج الخبير (الحقيقة البرمجية) وفق خوارزمية، خطواتها الأساسية كالتالي:
1. يتم إدخال البيانات المطلوب إجراء اختبار لها باستخدام اختبار كروسكال - ويذرز أو اختبار فريدمان، في الأعمدة (من 1 إلى 5) في النظام الجاهز MINITAB-11 في منصة البيانات (Window)، وحسب عدد العينات المبحوثة. إذ أن البرنامج المعد يمكنه أن يجري اختبار لـ مجموعتين، ثلاث مجامي، أربع مجامي أو خمسة مجامي.
  2. يتم تعريف كل من: (1) عدد المجامي بالتجربة في الخلية الأولى من العمود السادس ((C6(1))، (2) حجم العينة الكلي في الخلية الثانية من العمود السادس ((C6(2))، (3) مستوى الدلالة المعتمد في التجربة (P-Value) في الخلية الثالثة من العمود السادس ((C6(3)).
  3. من ثم تنفيذ البرنامج الخبير (Expert System) المعد والذي يحمل الاسم: (CANPT.MAC) وهو اختصار (Compare After Non-Parametric Test) من خلال: منصة الأوامر Session Window في النظام الجاهز (Minitab-11) وبعد تفعيل مؤشر النظام، أي: (MTB) في منصة الأوامر، يتم كتابة أيعاز التنفيذ (Drive) ، يتبعه اسم الموقع (File Name) مع تحديد النوع (Extension) والذي هو (MAC) وهو مختصر لـ (Macros)، وكالاتي: CANPT.MAC ، إذ يبدأ البرنامج أولاً بالبحث عن قيمة Z الجدولية التي توافق معطيات التجربة. فقد تم تغذية البرنامج بالقيم الجدولية المطلوبة والأعداد غير محدودة من القيم.
  4. عند بدأ التنفيذ للحقيقة البرمجية المعدة سيتم في البدء احتساب قيمة المؤشر الإحصائي كروسكال- ويذرز أو فريدمان وحسب ملامة البيانات لنوع الاختبار والموضحة في الخطوات الواردة فيما تقدم من الجانب النظري.
  5. في حالة كون نتيجة الاختبار معنوية، فسيتم البحث من خلال البرنامج المعد عن قيمة (Z) الجدولية والمناسبة لمعطيات التجربة واستخدامها في الخطوات اللاحقة في إجراء المقارنات المتعددة المطلوبة.
  6. يقوم البرنامج المعد بطبع النتائج لقيم المؤشر الإحصائي مع إعطاء النتائج لجميع الفروقات المعنوية (المقارنات المتعددة) بين مجامي التجربة.

### 2.1 تطبيق الحقيقة البرمجية:

من أجل الوثيق بامكانية البرنامج في حل المسائل ذات العلاقة بهدف البحث، تم اختيار المثال التطبيقي (2-13) في صفحة (200)<sup>1</sup> من المصدر (القرشي) لتطبيق اختبار كروسكال- ويذرز، وكذلك المثال (1-14) في صفحة (213)<sup>2</sup> من المصدر المذكور لتطبيق اختبار فريدمان على البرنامج الجاهز- MINITAB-111، والمقدمة البرمجية موضوع البحث تارةً أخرى لغرض مقارنة النتائج.

#### 3.1 نتيجة تطبيق اختبار كروسكال - ويذرز:

من المثال التطبيقي (13-2) أعلاه كانت النتائج كالاتي:  
من خلال البرنامج الجاهز MINITAB-11 :

#### Kruskal-Wallis Test

#### Kruskal-Wallis Test on C4

<sup>1</sup> ملحق .2

<sup>2</sup> ملحق .2

C5	N	Median	Ave Rank	Z
1	10	305.5	6.9	-3.03
2	6	460.0	15.0	1.55
3	6	729.5	15.7	1.84
Overall	22		11.5	

H = 9.23 DF = 2 P = 0.010

ب. من خلال الحقيقة البرمجية المصممة:

#### Kruskal-Wallis Test

#### Kruskal-Wallis Test on C100

C101	N	Median	Ave Rank	Z
1	10	305.5	6.9	-3.03
2	6	460.0	15.0	1.55
3	6	729.5	15.7	1.84
Overall	22		11.5	

H = 9.23 DF = 2 P = 0.010

There is a Sig. between group 1 & 2

There is a Sig. between group 1 & 3

#### 4.1 نتائج تطبيق اختبار فريدمان:

من المثال التطبيقي (1-14) أعلاه كانت النتائج كالتالي:  
أ. من خلال البرنامج الجاهز : MINITAB-11

#### Friedman Test

##### Friedman test for C4 by C7 blocked by C5

S = 22.73 DF = 8 P = 0.004

S = 22.80 DF = 8 P = 0.004 (adjusted for ties)

C7	N	Median	Ranks
1	3	4041	27.0
2	3	1612	23.5
3	3	1488	19.5
4	3	1217	19.0
5	3	829	16.0
6	3	311	12.0
7	3	225	8.0
8	3	200	5.0
9	3	187	5.0

Grand median = 1123

ب. من خلال الحقيقة البرمجية المصممة:

## Friedman Test

### Friedman test for C100 by C7 blocked by C101

$S = 22.73 \text{ DF} = 8 \text{ P} = 0.004$

$S = 22.80 \text{ DF} = 8 \text{ P} = 0.004$  (adjusted for ties)

C7	N	Est	Sum of Ranks
		Median	
1	3	4041	27.0
2	3	1612	23.5
3	3	1488	19.5
4	3	1217	19.0
5	3	829	16.0
6	3	311	12.0
7	3	225	8.0
8	3	200	5.0
9	3	187	5.0

Grand median = 1123

There is a Sig. between Block 1 & 2.

There is a Sig. between Block 2 & 3.

### الاستنتاجات والتوصيات:

- يمكن استنتاج أن الحقيقة البرمجية المعدة هي أكفاء وأسهل في التطبيق، إذ أن المستخدم في بعض الأحيان يجهل كيفية صياغة البيانات بحيث تلائم الاختبار المطلوب.
- يلاحظ أيضاً من البرنامج المعد أن المستخدم لا يحتاج للبحث عن قيمة (Z) الجدولية، كما لا يحتاج إلى استكمال المقارنات المتعددة يدوياً، بل يكتفي بإدخال البيانات في أعمدة منفصلة عن بعض وتطبيق البرنامج الخبير المعد ويحصل على كافة النتائج التي يبغيها من البحث.
- يوصي الباحثان بضرورة تعليم هذا البرنامج وتوسيعه كي يلائم باقي الاختبارات الامثلية الأخرى التي لم تدخل ضمن هذه الحقيقة البرمجية.

### المصادر العربية:

- أبو علام، "التحليل الإحصائي للبيانات باستخدام برنامج spss" ، دار النشر للجامعات، ط1، مصر 2003.
- آدم، أمين إبراهيم، "المبادئ الأساسية الإحصائية في الطرق التطبيقية الامثلية" ، مطبع الحميضي، مكة المكرمة، ط1، 2005.
- القرشي، إحسان كاظم: "الطرائق المعلمية و الطرائق الامثلية في الاختبارات الإحصائية" ، ط1، مطبعة الديوانى ، بغداد، 2007.

### المصادر الأجنبية:

- Christy C.T.: "An Introduction to Non-parametric Statistic for Health Scientists", University of Alberta Health Sciences, Journal. 3(1): PP. 20-26, June, 2006.
- Glands, S.A.: "Primer of Biostatistics", 4<sup>th</sup> ed., McGraw-Hill Book Company, N.Y., USA, 1997.
- Pertie, A.: "Lecture Notes on Medical Statistics", 2<sup>nd</sup> ed., Blackwell Scientific Publications, USA, 1987.

4. Siegel, S. & Castellan, N.: "Nonparametric Statistics for the Behavioral Sciences", 2<sup>nd</sup> ed., McGraw-Hill Book Company, N.Y., USA, 1989.
5. Steel, R.G.D. & Torrie, J.H.: "Principles and Procedures of Statistics. A Biometrical Approach", 2<sup>nd</sup> ed., McGraw-Hill Book Company, N.Y., USA, 1981.

الحقية البرمجية  
ملحق (1)

GMacro

CANPT.MAC.mac

Noecho

```
Note: =====
Note: =====
Note: ||
Note: || This Program is Use To Calculate The "Kruskal-Wallis & ||
Note: || Friedman Analysis of Variance By Ranks or By Real Data" ||
Note: || For The Nonparametric Data in Multiple Groups. ||
Note: ||
Note: =====
Note: =====
# Note: Enter The Data of Samples in C1 To C5
# Note: Enter the number of groups in k1 i.e. "c6(1)"
# Note: Enter the samples size in k2 i.e. "c6(2)"
# Note: Enter the value of Alpha in k3 i.e. "c6(3)"
# Note: Enter (1) one for the Kruskal-Wallis test k50 i.e. "c6(4)=1"
# Note: Enter (2) two for the Friedman test k50 i.e. "c6(4)=2"
# Note: "let k1= c6(1) k2= c6(2) k3= c6(3) k50= c6(4)
# Note: The value of Z is in k7
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 1 & 2 is in k30"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 1 & 3 is in k31"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 2 & 3 is in k32"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 1 & 4 is in k33"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 2 & 4 is in k34"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 3 & 4 is in k35"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 1 & 5 is in k36"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 2 & 5 is in k37"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 3 & 5 is in k38"""
# Note: "" The value of Kruskal-Wallis between sample 4 & 5 is in k39"""
# Note: Enter the Response Variable of samples in c7
# Note: Enter the Factor Variable of samples in c8
# Note: The Columns from c9 to c13 is the Ranks of Samples.
# Note: The Constants from k9 to k13 is the Mean of Ranks.
# Note: Enter the Z Value Table in Columns c21-c30
name c20='Z'           let c20(1)=0.0          let c20(2)=0.1
let c20(3)=0.2          let c20(4)=0.3          let c20(5)=0.4
let c20(6)=0.5          let c20(7)=0.6          let c20(8)=0.7
let c20(9)=0.8          let c20(10)=0.9         let c20(11)=1.0
```

let c20(12)=1.1	let c20(13)=1.2	let c20(14)=1.3
let c20(15)=1.4	let c20(16)=1.5	let c20(17)=1.6
let c20(18)=1.7	let c20(19)=1.8	let c20(20)=1.9
let c20(21)=2.0	let c20(22)=2.1	let c20(23)=2.2
let c20(24)=2.3	let c20(25)=2.4	let c20(26)=2.5
let c20(27)=2.6	let c20(28)=2.7	let c20(29)=2.8
let c20(30)=2.9	let c20(31)=3.0	name c21='0.00'
let c21(1)=0.0000	let c21(2)=0.0398	let c21(3)=0.0793
let c21(4)=0.1179	let c21(5)=0.1554	let c21(6)=0.1915
let c21(7)=0.2257	let c21(8)=0.2580	let c21(9)=0.2881
let c21(10)=0.3159	let c21(11)=0.3413	let c21(12)=0.3643
let c21(13)=0.3849	let c21(14)=0.4032	let c21(15)=0.4192
let c21(16)=0.4332	let c21(17)=0.4452	let c21(18)=0.4554
let c21(19)=0.4641	let c21(20)=0.4713	let c21(21)=0.4772
let c21(22)=0.4821	let c21(23)=0.4861	let c21(24)=0.4893
let c21(25)=0.4918	let c21(26)=0.4938	let c21(27)=0.4953
let c21(28)=0.4965	let c21(29)=0.4974	let c21(30)=0.4981
let c21(31)=0.4987	name c22='0.01'	let c22(1)=0.0040
let c22(2)=0.0438	let c22(3)=0.0832	let c22(4)=0.1217
let c22(5)=0.1591	let c22(6)=0.1950	let c22(7)=0.2291
let c22(8)=0.2611	let c22(9)=0.2910	let c22(10)=0.3186
let c22(11)=0.3438	let c22(12)=0.3665	let c22(13)=0.3869
let c22(14)=0.4049	let c22(15)=0.4207	let c22(16)=0.4345
let c22(17)=0.4463	let c22(18)=0.4564	let c22(19)=0.4649
let c22(20)=0.4719	let c22(21)=0.4778	let c22(22)=0.4826
let c22(23)=0.4864	let c22(24)=0.4896	let c22(25)=0.4920
let c22(26)=0.4940	let c22(27)=0.4955	let c22(28)=0.4966
let c22(29)=0.4975	let c22(30)=0.4982	let c22(31)=0.4987
name c23='0.02'	let c23(1)=0.0080	let c23(2)=0.0478
let c23(3)=0.0871	let c23(4)=0.1255	let c23(5)=0.1628
let c23(6)=0.1985	let c23(7)=0.2324	let c23(8)=0.2642
let c23(9)=0.2939	let c23(10)=0.3212	let c23(11)=0.3461
let c23(12)=0.3686	let c23(13)=0.3888	let c23(14)=0.4066
let c23(15)=0.4222	let c23(16)=0.4357	let c23(17)=0.4474
let c23(18)=0.4573	let c23(19)=0.4656	let c23(20)=0.4726
let c23(21)=0.4783	let c23(22)=0.4830	let c23(23)=0.4868
let c23(24)=0.4898	let c23(25)=0.4922	let c23(26)=0.4941
let c23(27)=0.4956	let c23(28)=0.4967	let c23(29)=0.4976
let c23(30)=0.4982	let c23(31)=0.4987	name c24='0.03'
let c24(1)=0.0120	let c24(2)=0.0517	let c24(3)=0.0910
let c24(4)=0.1293	let c24(5)=0.1664	let c24(6)=0.2019
let c24(7)=0.2357	let c24(8)=0.2673	let c24(9)=0.2967
let c24(10)=0.3238	let c24(11)=0.3485	let c24(12)=0.3708
let c24(13)=0.3907	let c24(14)=0.4082	let c24(15)=0.4236
let c24(16)=0.4370	let c24(17)=0.4484	let c24(18)=0.4582
let c24(19)=0.4664	let c24(20)=0.4732	let c24(21)=0.4788
let c24(22)=0.4834	let c24(23)=0.4871	let c24(24)=0.4901
let c24(25)=0.4925	let c24(26)=0.4943	let c24(27)=0.4957
let c24(28)=0.4968	let c24(29)=0.4977	let c24(30)=0.4983
let c24(31)=0.4988	name c25='0.04'	let c25(1)=0.0160

let c25(2)=0.0557	let c25(3)=0.0948	let c25(4)=0.1331
let c25(5)=0.1700	let c25(6)=0.2054	let c25(7)=0.2389
let c25(8)=0.2704	let c25(9)=0.2995	let c25(10)=0.3264
let c25(11)=0.3508	let c25(12)=0.3729	let c25(13)=0.3925
let c25(14)=0.4099	let c25(15)=0.4251	let c25(16)=0.4382
let c25(17)=0.4495	let c25(18)=0.4591	let c25(19)=0.4621
let c25(20)=0.4738	let c25(21)=0.4793	let c25(22)=0.4838
let c25(23)=0.4875	let c25(24)=0.4904	let c25(25)=0.4927
let c25(26)=0.4945	let c25(27)=0.4959	let c25(28)=0.4969
let c25(29)=0.4977	let c25(30)=0.4984	let c25(31)=0.4988
name c26='0.05'	let c26(1)=0.0199	let c26(2)=0.0596
let c26(3)=0.0987	let c26(4)=0.1368	let c26(5)=0.1736
let c26(6)=0.2088	let c26(7)=0.2422	let c26(8)=0.2734
let c26(9)=0.3023	let c26(10)=0.3289	let c26(11)=0.3531
let c26(12)=0.3749	let c26(13)=0.3944	let c26(14)=0.4115
let c26(15)=0.4265	let c26(16)=0.4394	let c26(17)=0.4505
let c26(18)=0.4599	let c26(19)=0.4678	let c26(20)=0.4744
let c26(21)=0.4798	let c26(22)=0.4842	let c26(23)=0.4878
let c26(24)=0.4906	let c26(25)=0.4929	let c26(26)=0.4946
let c26(27)=0.4960	let c26(28)=0.4970	let c26(29)=0.4978
let c26(30)=0.4984	let c26(31)=0.4989	name c27='0.06'
let c27(1)=0.0239	let c27(2)=0.0636	let c27(3)=0.1026
let c27(4)=0.1406	let c27(5)=0.1770	let c27(6)=0.2123
let c27(7)=0.2454	let c27(8)=0.2764	let c27(9)=0.3051
let c27(10)=0.3315	let c27(11)=0.3554	let c27(12)=0.3770
let c27(13)=0.3962	let c27(14)=0.4131	let c27(15)=0.4279
let c27(16)=0.4406	let c27(17)=0.4515	let c27(18)=0.4608
let c27(19)=0.4686	let c27(20)=0.4750	let c27(21)=0.4803
let c27(22)=0.4846	let c27(23)=0.4881	let c27(24)=0.4909
let c27(25)=0.4931	let c27(26)=0.4948	let c27(27)=0.4961
let c27(28)=0.4971	let c27(29)=0.4979	let c27(30)=0.4985
let c27(31)=0.4989	name c28='0.07'	let c28(1)=0.0279
let c28(2)=0.0675	let c28(3)=0.1064	let c28(4)=0.1443
let c28(5)=0.1808	let c28(6)=0.2157	let c28(7)=0.2486
let c28(8)=0.2794	let c28(9)=0.3078	let c28(10)=0.3340
let c28(11)=0.3577	let c28(12)=0.3790	let c28(13)=0.3980
let c28(14)=0.4147	let c28(15)=0.4292	let c28(16)=0.4418
let c28(17)=0.4525	let c28(18)=0.4616	let c28(19)=0.4693
let c28(20)=0.4756	let c28(21)=0.4808	let c28(22)=0.4850
let c28(23)=0.4884	let c28(24)=0.4911	let c28(25)=0.4932
let c28(26)=0.4949	let c28(27)=0.4962	let c28(28)=0.4972
let c28(29)=0.4979	let c28(30)=0.4985	let c28(31)=0.4989
name c29='0.08'	let c29(1)=0.0319	let c29(2)=0.0174
let c29(3)=0.1103	let c29(4)=0.1480	let c29(5)=0.1844
let c29(6)=0.2190	let c29(7)=0.2517	let c29(8)=0.2823
let c29(9)=0.3106	let c29(10)=0.3365	let c29(11)=0.3599
let c29(12)=0.3810	let c29(13)=0.3997	let c29(14)=0.4162
let c29(15)=0.4306	let c29(16)=0.4429	let c29(17)=0.4535
let c29(18)=0.4625	let c29(19)=0.4699	let c29(20)=0.4761
let c29(21)=0.4812	let c29(22)=0.4854	let c29(23)=0.4887

```

let c29(24)=0.4913      let c29(25)=0.4934      let c29(26)=0.4951
let c29(27)=0.4963      let c29(28)=0.4973      let c29(29)=0.4980
let c29(30)=0.4986      let c29(31)=0.4990      name c30='0.09'
let c30(1)=0.0359      let c30(2)=0.0753      let c30(3)=0.1141
let c30(4)=0.1517      let c30(5)=0.1879      let c30(6)=0.2224
let c30(7)=0.2549      let c30(8)=0.2852      let c30(9)=0.3133
let c30(10)=0.3389     let c30(11)=0.3621      let c30(12)=0.3830
let c30(13)=0.4015      let c30(14)=0.4177      let c30(15)=0.4319
let c30(16)=0.4441      let c30(17)=0.4545      let c30(18)=0.4633
let c30(19)=0.4706      let c30(20)=0.4767      let c30(21)=0.4817
let c30(22)=0.4857      let c30(23)=0.4890      let c30(24)=0.4916
let c30(25)=0.4936      let c30(26)=0.4952      let c30(27)=0.4964
let c30(28)=0.4974      let c30(29)=0.4981      let c30(30)=0.4986
let c30(31)=0.4990      let k1=c6(1)          let k2=c6(2)
let k3=c6(3)            let k4=k3/(k1*(k1-1))  let k5=0.5-k4
let k50=c6(4)           do k6=1:31          if k5=c21(k6)
let k7=c20(k6)+0.00     endif             enddo
erase k6                do k6=1:31          if k5=c22(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c23(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c24(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c25(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c26(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c27(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c28(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c29(k6)
                           endif             enddo
                           do k6=1:31          if k5=c30(k6)
                           else               let k7=0.303395
                           endif             print k7

```

```

Note: =====
Note: =====
Note: ||
Note: || Start the Non-Parametric Tests Program ||
Note: ||
Note: =====
Note: =====
if k1=3
count c1 k21.
count c2 k22.
count c3 k23.
stack c1-c3 c100;
Subscripts c101.
rank c100 c102.
unstack c102 c9 c10 c11;
Subscripts c101.
Mean c9 k9.
Mean c10 k10.
Mean c11 k11.
Let k40 = abso(k9-k10)
Let k41 = abso(k9-k11)
Let k42 = abso(k10-k11)
Let k30=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k22)))
let k31=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k23)))
let k32=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k22)+(1/k23)))
if k50 = 1      goto 1      elseif k50 = 2
goto 2          else          goto 3
endif            mlabel 1      Note:
Kruskal-Wallis c100 c101.      Note:
if k40>k30      Note: " There is a Sig. Between Group 1 & 2 "
Elseif k41>k31    Note: " There is a Sig. Between Group 1 & 3 "
Elseif k42>k32    Note: " There is a Sig. Between Group 2 & 3 "
Else
Note: =====
Note: =====
Note: ||
Note: || There are No Sig. Between All Groups ||
Note: ||
Note: =====
Note: =====
Endif            goto 5      mlabel 2
rank c1 c201.      rank c2 c202.      rank c3 c203.
set c7              k1(1:k21)           end
Sum c201 k51.      Sum c202 k52.      Sum c203 k53.
let k55 = abso(k51-k52)
let k57 = abso(k52-k53)
sqrt(k21*k1*(k1-1))
Note:
Friedman c100 c7 c101
Note:

```

```

if k55>k54
Note: " There is a Sig. between Block 1 & 2 "
Elseif k56>k54                               Note: " There is a Sig. between
Block 1 & 3 "
Elseif k57>k54                               Note: " There is a Sig. between
Block 2 & 3 "
else
Note: =====
Note: =====
Note: ||                                ||
Note: || There are No Sig. Between All Blocks ||
Note: ||                                ||
Note: =====
Note: =====
Endif                      goto 5
if k1=4          count c1 k21.
count c3 k23.      count c4 k24.
subscripts c101.    rank c100 c102.
c10 c11 c12;
subscripts c101.    mean c9 k9.
mean c11 k11.      mean c12 k12.
k10)
let k41 = abso(k9-k11)    let k42 = abso(k9-k12)
let k44 = abso(k10-k12)   let k45 = abso(k11-k12)
let k30=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k22)))
let k31=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k23)))
let k32=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k22)+(1/k23)))
let k33=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k24)))
let k34=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k22)+(1/k24)))
let k35=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k23)+(1/k24)))
if k50 = 1          goto 6
goto 7              else
endif                mlabel 6
Kruskal-Wallis c100 c101. Note:
Note: " There is a Sig. between group 1 & 2 "
Note: " There is a Sig. between group 1 & 3 "
Note: " There is a Sig. between group 1 & 4 "
Note: " There is a Sig. between group 2 & 3 "
Note: " There is a Sig. between group 2 & 4 "
Note: " There is a Sig. between group 3 & 4 "
Note: =====
Note: =====
Note: ||                                ||
Note: || There are No Sig. Between All Groups ||
Note: ||                                ||
Note: =====
Note: =====
Endif                      goto 15
rank c1 c201.           rank c2 c202.
                                         endif
                                         count c2 k22.
                                         stack c1-c4 c100;
                                         unstack c102 c9
                                         mean c10 k10.
                                         let k40 = abso(k9-
                                         k10)
                                         let k43 = abso(k10-
                                         k11)
                                         elseif k50 = 2
                                         goto 8
                                         Note:
                                         if k40>k30
                                         Elseif k41>k31
                                         Elseif k42>k33
                                         Elseif k43>k32
                                         Elseif k44>k34
                                         Elseif k45>k35
                                         else
                                         mlabel 7
                                         rank c3 c203.

```

```

rank c4 c204.           set c7                  k1(1:k21)
end                      Sum c201 k51.          Sum c202 k52.
Sum c203 k53.           Sum c204 k54.          let k55 =
abso(k51-k52)           let k57 = abso(k51-k54)    let k58 =
let k56 = abso(k51-k53)   let k60 = abso(k53-k54)
abso(k52-k53)           let k70=k7* sqrt(k21*k1*(k1-1))
let k59 = abso(k52-k54)   Note: " There is a Sig. between Block 1 & 2 "
let k70=k7* sqrt(k21*k1*(k1-1)) Note: " There is a Sig. between Block 1 & 3 "
Friedman c100 c7 c101   Note: " There is a Sig. between Block 1 & 4 "
Note: " There is a Sig. between Block 2 & 3 "
Note: " There is a Sig. between Block 2 & 4 "
Note: " There is a Sig. between Block 3 & 4 "
Note: =====
Note: =====
Note: ||                                ||
Note: || There are No Sig. Between All Blocks ||
Note: ||                                ||
Note: =====
Note: =====
Endif                      goto 15                endif
if k1= 5                   count c1 k21.        count c2 k22.
count c3 k23.              count c4 k24.        count c5 k25.
stack c1-c5 c100;          subscripts c101.      rank c100 c102.
unstack c102 c9 c10 c11 c12 c13; subscripts c101.  subscripts c101.
mean c9 k9.                mean c10 k10.       mean c11 k11.
mean c12 k12.              mean c13 k13.       let k40 = abso(k9-
k10)
let k41 = abso(k9-k11)     let k42 = abso(k9-k12)    let k43 = abso(k9-
k13)
let k44 = abso(k10-k11)    let k45 = abso(k10-k12)    let k46 = abso(k10-
k13)
let k47 = abso(k11-k12)    let k48 = abso(k11-k13)    let k49 = abso(k12-
k13)
let k30=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k22)))
let k31=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k23)))
let k32=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k22)+(1/k23)))
let k33=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k24)))
let k34=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k22)+(1/k24)))
let k35=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k23)+(1/k24)))
let k36=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k21)+(1/k25)))
let k37=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k22)+(1/k25)))
let k38=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k23)+(1/k25)))
let k39=k7* sqrt((k2*(k2+1)/12)*((1/k24)+(1/k25)))
if k50 = 1                 goto 9                  elseif k50 = 2
goto 10                     else
endif                       mlabel 9               goto 11
Kruskal-Wallis c100 c101.  Note: " Note:
                               if k40>k30

```

```

Note: " There is a Sig. between group 1 & 2 "
Note: " There is a Sig. between group 1 & 3 "
Note: " There is a Sig. between group 1 & 4 "
Note: " There is a Sig. between group 1 & 5 "
Note: " There is a Sig. between group 2 & 3 "
Note: " There is a Sig. between group 2 & 4 "
Note: " There is a Sig. between group 2 & 5 "
Note: " There is a Sig. between group 3 & 4 "
Note: " There is a Sig. between group 3 & 5 "
Note: " There is a Sig. between group 4 & 5 "
Elseif k41>k31
Elseif k42>k33
Elseif k43>k36
Elseif k44>k32
Elseif k45>k34
Elseif k46>k37
Elseif k47>k35
Elseif k48>k38
Elseif k49>k39
else

Note: =====
Note: =====
Note: ||
Note: || There are No Sig. Between All Groups ||
Note: ||
Note: =====
Note: =====
Endif                      goto 25
rank c1 c201.              rank c2 c202.
rank c4 c204.              rank c5 c205.
k1(1:k21)                  end
Sum c202 k52.              Sum c203 k53.
Sum c205 k55.              let k56 = abso(k51-k52)
abso(k51-k53)               let k59 = abso(k51-k55)
let k58 = abso(k51-k54)     let k62 = abso(k52-k55)
abso(k52-k53)               let k63 =
let k61 = abso(k52-k54)     let k64 = abso(k53-k55)   let k65 = abso(k54-k55)
abso(k53-k54)               let k70=k7* sqrt(k21*k1*(k1-1))
let k66 = abso(k53-k55)     Note:
Friedman c100 c7 c101      Note:
Note: " There is a Sig. between Block 1 & 2 "
Note: " There is a Sig. between Block 1 & 3 "
Note: " There is a Sig. between Block 1 & 4 "
Note: " There is a Sig. between Block 1 & 5 "
Note: " There is a Sig. between Block 2 & 3 "
Note: " There is a Sig. between Block 2 & 4 "
Note: " There is a Sig. between Block 2 & 5 "
Note: " There is a Sig. between Block 3 & 4 "
Note: " There is a Sig. between Block 3 & 5 "
Note: " There is a Sig. between Block 4 & 5 "
if k56>k70
Elseif k57>k70
Elseif k58>k70
Elseif k59>k70
Elseif k60>k70
Elseif k61>k70
Elseif k62>k70
Elseif k63>k70
Elseif k64>k70
Elseif k65>k70
Else

Note: =====
Note: =====
Note: ||
Note: || There are No Sig. Between All Blocks ||
Note: ||
Note: =====
Note: =====
Endif                      goto 25
mlabel 3                   mlabel 8
mlabel 10                  mlabel 11
rank c3 c203.
set c7
Sum c201 k51.
Sum c204 k54.
let k57 =
let k60 =
let k63 =

```

Note:  
if k56>k70  
Elseif k57>k70  
Elseif k58>k70  
Elseif k59>k70  
Elseif k60>k70  
Elseif k61>k70  
Elseif k62>k70  
Elseif k63>k70  
Elseif k64>k70  
Elseif k65>k70  
Else

endif  
mlabel 11

```

Note: =====
Note: =====
Note: ||
Note: || The Value of c6(4) is False. ||
Note: || The True Value either " One " for the Kruskal-Wallis Test. ||
Note: || or " Two " for the Friedman Test. ||
Note: ||
Note: =====
Note: =====
      goto 25          mlabel 5          mlabel 15
      mlabel 25
endmacro

```

الملاحق المطبقة في الحقيقة البرمجية  
ملحق (2)

1. مثال (2-13):  
 البيانات الآتية تمثل ثلاث مجموعات تم اعطائهم نوع من الدواء واجري قياس لتأثير ذلك الدواء في الدم.  
 المطلوب اختبار كروسكال- ويذر لبيان اختلاف المجموعات الثلاث لمستوى معنوية 5%.

												المجموعة الأولى
												المجموعة الثانية
												المجموعة الثالثة
356	287	154	304	339	454	323	211	307	262			
				362	468	355	455	501	465			
				687	838	1048	207	772	343			

2- مثال (1-14):  
 تم قياس تأثير نوع من الدواء على 9 عينات بطرائق ثلاثة. المطلوب اختبار الفرضية القائلة بعدم وجود فرق بين تلك الطرق لمستوى معنوية 0.005 للبيانات الآتية:

										الطرائق القطاعات
										A
										B
										C
9	8	7	6	5	4	3	2	1		
189	200	224	352	840	1200	1600	1600	4000		
70	99	155	156	445	570	647	1040	3210		
227	208	224	249	1400	2060	2210	2410	6120		