

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي [مع التطبيق العملي]

م. رشيد بشير رحيمة

جامعة ذي قار / كلية الإدارة والاقتصاد / قسم الإحصاء

م. خولة عبد الحسين سويز م.م. واثق حياوي لايد

جامعة بغداد / كلية الهندسة / قسم الميكانيك كلية الإدارة والاقتصاد / قسم الإحصاء

الملخص:

ان وجود القيم الشاذة ضمن مجموعة من البيانات يؤثر بشكل كبير على نتائج التحليل الإحصائي للبيانات، وبالتالي على عملية اتخاذ القرار المناسب لذلك لا بد من دراسة هذه القيم وطرق الكشف عنها وتقديرها . هذه المشكلة تم دراستها في بعض مسائل الانحدار الخطي ونماذج البرمجة الخطية ولكنها لم تلقى الاهتمام نفسه في نماذج البرمجة الخطية غير المقيدة (تحتوي نماذجها متغيرات حرة) والتي تعتبر من أهم المواضيع في بحوث العمليات لاستخداماتها المتعددة ولقدرتها في التعامل مع متغيرات قرار غير مقيدة بإشارة (يسمح للمتغير ان يكون سالبا أو موجبا أو صفرا) . تم في هذا البحث استكشاف وتحديد القيم الشاذة في تلك النماذج وكيف يمكن لهذه القيم أن تؤثر على الحل الأمثل وبالتالي على اتخاذ القرار المناسب . وقد استعملت طريقة المصفوفة المقدرة لتحديد القيود الشاذة ومعالجتها ليصبح النموذج المعتمد أكثر ملائمة لتحقيق الأهداف . حيث امتازت هذه الطريقة بالبساطة وسهولة الحساب فضلا عن الوضوح في تحديد المشاهدات الشاذة.

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

1-المقدمة:

إن لعلم التخطيط دور بارز في تنمية البلدان نظراً لما يعكسه هذا العلم من جوانب ايجابية في عملية نجاح سياسات هذه البلدان في مختلف المجالات الاقتصادية والاجتماعية وما إلى ذلك . تعتبر البرمجة الخطية غير المقيدة من المواضيع المهمة في بحوث العمليات للاستعمال الواسع لنماذجها في الشركات والمصانع الإنتاجية والسيطرة على الخزين وغيرها من النماذج التي تحتوي متغيرات قرار غير مقيدة بإشارة . [15], [5], [4], [3] ويعد موضوع الانحدار من المواضيع التي أصبحت ذات تطبيقات واسعة من قبل المهتمين في مختلف العلوم الاجتماعية والاقتصادية، لأنه يصف العلاقة بين المتغيرات على هيئة معادلة . [15], [5] ونظراً للتطور العلمي الحاصل في العديد من المجالات العلمية التي تستخدم جوانب النظرية الإحصائية كأدوات في تطبيقاتها العلمية وانعكاس تطور تلك النظرية عليها , برزت أهمية جمع البيانات وحاجة الباحثين لهذه البيانات في عملية التحليل بجوانبه المختلفة بدءاً من المشكلة ثم بتقدير النموذج الملائم لها مروراً باختبار الفرضيات والمزاعم حولها وانتهاءً باتخاذ القرارات بناءً على ذلك , ولوقوف على أهمية التحليل الإحصائي في عملية التخطيط واتخاذ القرارات والتنبؤ بما يفيد الدراسة, اهتم الباحثون بنوعية البيانات , هذه البيانات إما أن تكون ممثلة للمشكلة بشكل صحيح ودقيق وبالتالي تعطي نتائج صحيحة أو أن تكون أقل تمثيلاً للمشكلة وذلك في حالات, من أبرزها أن تحتوي البيانات على قيم شاذة Outliers متأتية من خارج مجتمع الظاهرة تؤثر على عملية التحليل وبالتالي على اتخاذ القرار. [10],[5],[4],[2]

ذهب الباحثون بعد تشخيص مشكلة وجود القيم الشاذة , للتعامل معها من جوانب مختلفة فمنهم من لاحظ ان هذه القيم تؤثر على النتائج وبالتالي أقترح حذف المشاهدات الشاذة وأجراء التحليل على بقية المشاهدات , ولهذا الجانب مذاهب وطرق, ومنهم من تعامل مع الشواذ من خلال التعامل مع الطرق الحصينة Robust حيث تكون مقدرات هذه الطرق وأحصاءات الاختبار الخاصة بها قليلة الحساسية والتأثر نسبياً تجاه الشواذ عند وجودها , وآخرين ذهبوا إلى أهمية البيانات على الرغم من وجود الشواذ لأن أي نقص في المشاهدات تعني نقص في تلك المعلومات الأمر الذي سينعكس سلباً على دقة النتائج الإحصائية عند حذف هذه القيم. [13], [12], [13], [4]

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)
 م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

2-هدف البحث

دراسة نماذج البرمجة الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي وتأثير القيم الشاذة على تلك النماذج مع توضيح عملية اكتشاف تلك القيم بطريقة المصفوفة المقدرة ومعالجتها للوصول الى النموذج الأمثل.

3- نماذج الانحدار الخطية **Linear Regression Models** [1],[4], [5],[6],[20] تلك النماذج التي تظهر فيها المعلومات المجهولة بصورة خطية وتكتب بصورة عامة كما يلي:

$$Y = \sum_{i=0}^n B_i X_i + \epsilon$$

أذ أن $X_0=1$ وتشمل :

3.1-أنموذج الانحدار الخطي البسيط Simple Linear Regression

Model هو الانموذج الذي يوضح العلاقة الخطية بين متغير الاستجابة (Y_i) **Response Variable** ومتغير توضيحي واحد (X_i) **Explanatory Variable** ويمكن التعبير عن العلاقة بالشكل :

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \epsilon_i, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

اذ ان ϵ_i يمثل الخطأ العشوائي

3.2- أنموذج الانحدار الخطي المتعدد Multiple Linear Regression Model

هو الانموذج الذي يوضح العلاقة الخطية بين متغير الاستجابة (Y_i) و K من المتغيرات التوضيحية (X_j) ويمكن التعبير عن العلاقة بصورة عامة كالآتي:

$$\underline{Y} = \underline{X} \underline{\beta} + \underline{U}, \quad i = 1, 2, \dots, n; \quad j = 1, 2, \dots, k$$

اذ ان

$\underline{Y}$: متجه لمشاهدات متغير الاستجابة وذات بعد $(n \times 1)$

$\underline{X}$: مصفوفة لمشاهدات المتغيرات التوضيحية وذات سعة $(n \times (k+1))$.

$\underline{\beta}$: متجه لمعاملات الانموذج وذات بعد $((k+1) \times 1)$.

$\underline{U}$: متجه للأخطاء العشوائية وذات بعد $(n \times 1)$

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

3.3- الصيغة الرياضية العامة للبرمجة الخطية غير المقيدة [3], [6], [14]

يمكن وضع صيغة ثابتة للبرنامج الخطي غير المقيد بالإشارة حيث يتألف البرنامج الخطي من نموذج رياضي يتضمن دالة الهدف Z والتي تكون بحالة تكبير (Max) أو تصغير (Min) والقيود التي من الممكن أن تأخذ العلاقة الآتية ($\geq, =, \leq$) وأن بعض المتغيرات أو جميع المتغيرات X_j المطلوب اتخاذ القرار بشأنها تكون غير مقيدة بإشارة (يسمح للمتغيرات أن تكون سالبة أو موجبة أو أصفار) ويمكن تمثيل هذه الصيغة كالآتي:

دالة الهدف $\text{Max or (Min)} = C_1X_1 + C_2X_2 + \dots + C_nX_n$

Sub. to

$$a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + \dots + a_{1n}X_n (\geq, =, \leq) b_1$$

$$a_{21}X_1 + a_{22}X_2 + \dots + a_{2n}X_n (\geq, =, \leq) b_2$$

.

.

.

.

.

.

$$a_{m1}X_1 + a_{m2}X_2 + \dots + a_{mn}X_n (\geq, =, \leq) b_m$$

$X_1, X_2, \dots, X_n$ unrestricted in sign

المعادلات

حيث أن a_{ij}, b_i, C_j ثوابت تحدد سياق المسألة

$j=1, 2, \dots, n \quad i=1, 2, \dots, m$

وأن X_j متغيرات المسألة المطلوب اتخاذ القرار بشأنها.

بالإمكان وضع الصيغة العامة للبرمجة الخطية المعرفة أعلاه بصيغة المصفوفات بالشكل الآتي:

$$\text{Max or (Min)} Z = CX$$

$$AX (\geq = \leq) B$$

X unrestricted in sign

$$X = (X_1, X_2, \dots, X_n)'$$

$$B = (b_1, b_2, \dots, b_n)'$$

$$C = (C_1, C_2, \dots, C_n)$$

وأن $A = [a_{ij}]$ مصفوفة بأبعاد $m \times n$ ($j=1, 2, \dots, n; i=1, 2, \dots, m$)

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة محمد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

X: تمثل متجه المتغيرات الذي يمثل حل المسألة.

A: مصفوفة معاملات القيود.

C: متجه يمثل معاملات دالة الهدف.

B: متجه يمثل قيم متغيرات الحل الاساس للمسألة.

أما التعبير CX فهو يمثل دالة الهدف.

ويمكن إيجاد الحل الأمثل لنموذج البرمجة الخطية غير المقيدة باتباع طريقة السمبلكس الاعتيادية أو المعدلة.

أن قيود نموذج البرمجة الخطية الممثل بالمقدار $AX = b$

يمثل بشكل عام معادلة الانحدار (والتي تكتب عادة بشكل $XB=Y$) لذلك يمكن إيجاد الحل لهذه المعادلة كما نجدة لأي معادلة انحدار أو نجده بطريقة السمبلكس أو السمبلكس المعدلة على وفق نموذج البرمجة الخطية كما سنلاحظ ذلك لاحقا.

عند الحل بطريقة نموذج الانحدار سيتم تحديد معاملات الانحدار B لتحديد العلاقة بين متغيرات النماذج المستقلة والتابع لها. أن تحديد تلك العلاقة يسمى تحليل الانحدار. وتحليل الانحدار عبارة عن وسيلة إحصائية تتبع لتحديد العلاقة بين متغير مستقل واحد أو أكثر والمتغير التابع.

أن B هي الحل لمعادلة الانحدار ($XB=Y$) وهي تقابل الحل X في صيغة البرمجة الخطية ($AX = b$) المستخرج بطريقة السمبلكس أو السمبلكس المعدلة لكن هذا لا يعني تطابق الحلين دائما إذ أن حل الطريقتين يتطابق فقط عندما تحمل القيود علامة المساواة وهذا يعني أن قيم المتغيرات المهمة S_i ستكون أصفارا في جدول الحل الأمثل وقد لا تحمل القيود علامة مساواة ويتطابق الحل وهذا سيعني أن المتغيرات المهمة هي أصفارا ويمكن التحقق من ذلك لو تم الحل بطريقة السمبلكس أو السمبلكس المعدلة إذ ستكون المتغيرات المهمة أصفارا في جدول الحل الأمثل ولتوضيح ذلك سنأخذ المثال الاتي:

مثال(1)

$$\text{Min } Z = 75X_1 + 120X_2$$

S. t.

$$50X_1 + 100X_2 \geq 4200$$

$$100X_1 + 150X_2 \geq 6000$$

X_1, X_2 unrestricted in sign

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

تم حل النموذج أعلاه باستخدام برنامج (Win QSB) فكانت النتائج كما يلي:-

$$X_1 = -12 \quad X_2 = 48 \quad S_1 = 0 \quad S_2 = 0$$

أما عند تطبيق معادلة الانحدار $XB=Y$ المقابلة لمعادلة قيود البرمجة الخطية $AX=b$.

$$\therefore X = \begin{bmatrix} 50 & 100 \\ 100 & 150 \end{bmatrix}, \quad Y = \begin{bmatrix} 4200 \\ 6000 \end{bmatrix}$$

$$\hat{B} = (\hat{X}X)^{-1} \hat{X} Y, \quad \hat{B} = \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \end{bmatrix}$$

$$\hat{X}X = \begin{bmatrix} 50 & 100 \\ 100 & 150 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 50 & 100 \\ 100 & 150 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12500 & 20000 \\ 20000 & 32500 \end{bmatrix}$$

$$(\hat{X}X)^{-1} = \begin{bmatrix} 0.0052 & -0.0032 \\ -0.0032 & 0.002 \end{bmatrix}$$

$$\therefore \hat{B} = \begin{bmatrix} 0.0052 & -0.0032 \\ -0.0032 & 0.002 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 50 & 100 \\ 100 & 150 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4200 \\ 6000 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -12 \\ 48 \end{bmatrix}$$

$$X_1 = -12 \quad X_2 = 48$$

وكما نرى فإن الحل متطابق لكلا الطريقتين لأن قيم المتغيرات المهمة (S_1, S_2) في جدول الحل الأمثل بطريقة السمبلكس كانت أصفارا.

4- بعض الدراسات الخاصة بموضوع البحث

ان موضوع القيم الشاذة من المواضيع المهمة والذي تناوله الباحثين في مختلف المجالات ومنها الإحصاء وبحوث العمليات وسنذكر بعض الدراسات والبحوث التي تتعلق بموضوع البحث.

قام (نبيل ناسي) عام 2001 بتقسيم كفاءة طرق تقدير القيم الشاذة لنماذج الانحدار [7] في عام 2001 درس (Milan M. , Militytky J) النقاط الشاذة في نماذج الانحدار التربيعي الاعتيادية [18].

في عام 2005 أقترح كل من (Hazelton , Moller , Turner, Baddeley) طرق إحصائية جديدة في تحليل البواقي باستخدام الرسم البياني، اضافة الى تشخيص المشاهدات المؤثرة. [11]

في عام 2005 درس (أنكين) القيم الشاذة في بعض نماذج الانحدار اللاخطية والمقارنة بينهما ضمن نطاق معين من التطبيقات [5].

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويف ، م.م. واثق حياوي لايد

وفي عام 2005 قدم كل من (Kosorok , Wei) طريقة لنوع من أنواع الدوال الحساسة التي لها إمكانية تبيان المشاهدة التي تساهم بقدر في تأثير الإخفاء أثناء عملية تشخيص القيم الشاذة داخل نماذج الانحدار. [23]

في عام 2006 أهتم (رحيم جبار ظاهر) بدراسة الكشف عن القيم الشاذة في بيانات تصميم خطط المعاينة المتزنة باستثناء الوحدات المجاورة وكيف يمكن لهذه القيم أن تؤثر على التحليل الإحصائي للتجربة. [8]

في عام 2007 أقترحت (رشا جلال متلف) بعض الطرق لتحديد القيود الشاذة في مسائل البرمجة الخطية ونماذج الانحدار الخطي. [6]

وفي عام 2007 تناول (هاني عبد الله حسن) مسألة احتساب تأثيرات الإغراق والإخفاء الناجمة عن وجود مشاهدات شاذة. [4]

قارن كل من (Arezoo B., Habshah M., Mojtaba G. and Samaneh E.) عام 2010 العديد من الطرق للكشف عن النقاط الشاذة في نماذج الانحدار الخطية. [9]

5- أيجاد النقاط أو القيود الشاذة بطريقة المصفوفة المقدرة (Hat Matrix)

عند تقدير النماذج الخطية بطريقة المربعات الصغرى يمكن دائما معرفة كم هو ابتعاد النقاط Y عن قيمتها المقدرة $\hat{Y}$ وكذلك يمكن ملاحظة النقاط المتطرفة جدا أو الشاذة عن بقية النقاط الأخرى.

أن المصفوفة المقدرة H العائدة الى مبتكر هذه التقنية John W. Tukey سنة 1972 بإمكانها أن تحدد لنا النقاط المتطرفة أو الشاذة لذلك سنورد في البند اللاحق اشتقاق المصفوفة H من معادلة الانحدار.

5.1- أيجاد المصفوفة المقدرة H [1],[6],[21]

أن معادلة الانحدار بشكل عام ممثلة بالمعادلة

$$Y = XB + e \quad \dots(1)$$

وتقدير Y سيكون

$$\hat{Y} = X \hat{B} \quad \dots(2)$$

حيث أن e تمثل الخطأ العشوائي موزعا توزيعا طبيعيا بمتوسط مقداره صفر وتباين مقداره σ^2 أن تقدير B هو :

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

$$\hat{B} = (\hat{X}X)^{-1} \hat{X} Y$$

ولو عوضنا $\hat{B}$ بالمعادلة (2) سيكون لدينا

$$\hat{Y} = X(\hat{X}X)^{-1} \hat{X} Y \quad \dots (3)$$

أذن

$$\hat{Y} = H Y \quad \dots (4)$$

حيث

$$H = X(\hat{X}X)^{-1} \hat{X}$$

أي أن H قد قدرت Y في المعادلة (4) لذا فإن H المصفوفة المقدرة (بكسر الدال) الى Y .

فإذا كان $X_{n \times p}$ حيث n تمثل عدد الصفوف و p تمثل عدد المتغيرات.

فإن المصفوفة المقدرة ستكون $H_{n \times n}$ وأن عناصرها تمثل مصفوفة تغاير (covariance) $\hat{Y}$ وأن مقدار الخطأ e لكل المشاهدات هو:

$$e = Y - \hat{Y}$$

$$\text{Var}(\hat{Y}) = \sigma^2 H, \text{Var}(e) = \sigma^2 (1 - H)$$

وان العناصر القطرية من H (أي h_{ii}) تعطينا المؤشر لكل عنصر من عناصر

مشاهدات Y بحيث

$$\sum_{i=1}^n h_{ii} = P$$

5.2- اختبار مغنوية القيود والنقاط الشاذة [1], [2], [6], [22]

هنالك عدة اختبارات بإمكانها أن تحدد لنا شذوذ أو عدم شذوذ النقطة أو القيود بعضها يعطي مؤشرا أوليا على الشذوذ مثل الاختبار الأول (اختبار Thumb) أما إذا أردنا التأكد أكثر فبالإمكان تطبيق الاختبار الثاني (اختبار F) حيث سيؤكد لنا هذا الاختبار نتيجة الاختيار الأول أو ينفيه أما الاختبار الثالث (اختبار Cook's Di) فسيكون تأكيدا لما توصل اليه الاختبار الأول والثاني أو نفيهما والاختبارات الثلاثة هي كالآتي:-
الاختبار الأول:

أن h_{ii} (أو للسهولة سنقول h_i) التي تتجاوز $\frac{2P}{n}$ ستكون هي القيمة ذات التأثير العالي في القطر والتي تقابل السطر (القيد) الشاذ والمقابل للمتغير التابع Y . يعد هذا

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة محمد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

الاختبار مؤشر أوليا على شذوذ هذا القيد أو هذه النقطة فإذا كانت h_i أكبر بكثير عن $\frac{2P}{n}$ فإن احتمال الشذوذ كبير وكما يقال المثل فالعنصر الشاذ يشار اليه بالبنان أو بالأصبع لذا يسمى هذا الاختبار (role of the thumb) أو قانون الابهام.

وإذا كان قليلا فإن احتمال الشذوذ سيكون خفيفا ويمكن التأكد من هذا الشذوذ بتطبيق الاختبار الثاني أما إذا لم يكن أكبر من $\frac{2P}{n}$ فهذا يعني ان h_i ليست شاذة.

الاختبار الثاني:

يمكن تطبيق اختبار F للتأكد من قيم h_i المعنوية (الشاذة) إذ سيتم إيجاد $F_C = (h_i - 1/n)/(1/p) / (1 - h_i)/(n - p) \sim F_{t \alpha} (p-1, n-p)$

يسمى الطرف الايمن F_C القيمة المحسوبة الى F

ويسمى الطرف الايسر F_C القيمة الجدولية الى F

حيث:

$$n > p, \quad h_{ii} \neq 1, \quad h_i \neq \frac{1}{n}$$

وسنأخذ $\alpha = 0.05$ أو $\alpha = 0.01$ من جدول F .

فإذا كانت $F_c > F_t$ فهذا سيعني أن هذه النقطة أو هذا القيد الذي قلنا أنه قد يكون شاذاً هو فعلاً شاذ عدا ذلك فالنقطة أو القيد غير شاذين.

الاختبار الثالث:

يمكن تطبيق اختبار Cook's Di للتأكد من قيم (الشاذة) إذ أن اختبار Cook's Di مرتبط ارتباطاً كبيراً مع القطر H . فإن اختبار Cook's Di يعتمد على عناصر قطر H في اختيار الشاذ. إذ يمثل الشاذ في هذا الاختبار أكبر عنصر في عناصر Cook's Di وقانون اختبار Cook's Di هو:

$$D_i = \{e_i / s(1 - h_{ii})^{1/2}\}^2 h_{ii} / P(1 - h_{ii})$$

e : يمثل الخطأ العشوائي الذي ينتج من طرح المشاهدات الحقيقية من المشاهدات المقدرة.

S : يمثل الجذر التربيعي الى S^2 .

h_{ii} : يمثل العناصر القطرية في H .

P : يمثل عدد المتغيرات في المسألة.

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة محمد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

أن الاختبارات الثلاثة هذه قد لا تتفق جميعها في تشخيص شذوذ أو عدم شذوذ نقطة أو قيد فقد يشير أحد الاختبارات الى شذوذ في حين لا يشير الى ذلك الاختبار الآخر لكن اتفاق الجميع على الشذوذ أو عدمه يؤكد قوة ذلك الاعتقاد في حين اذا أشارت إحدى الاختبارات الى الشذوذ ونفته أخرى فمعنى هذا أن الشذوذ لم يكن بالشدة او القوة بحيث تؤكد بقية الاختبارات لذلك فهو شذوذ ضعيف.

مثال(2)/ معمل نجارة عمار يستطيع ثلاثة أنواع من الأرائك ربح كل نوع منها (20\$, 10\$, 15\$) على التوالي، أن المسلك التكنولوجي لها يمر بثلاثة ورش، الورشة الأولى هي ورشة النجارة وفيها يتم تقطيع الاجزاء الخشبية بالقياسات المطلوبة ويحتاج كل نوع منها الى ساعتين والورشة الثانية هي ورشة التجميع كل منها الى (1, 1, 2) ساعة على التوالي، والورشة الثالثة هي ورشة التغليف وفيها يتم تغليف الاريكة بالإسفننج والقماش ويحتاج كل نوع منها الى (1, 2, 2) ساعة على التوالي، والزمن متاح للورش الثلاث في الاسبوع هو (48, 48, 50) ساعة وأن الطلب على المنتج الثاني لا يقل عن (5) قطع وعلى المنتج الثالث عن (25) قطعة في الاسبوع، فما هو المزيج السلعي الأمثل الذي يحقق أعلى الأرباح لصاحب المعمل.

الحل:- نفرض أن عدد وحدات النوع الأول من الأرائك = X_1

عدد وحدات النوع الثاني من الأرائك = X_2

عدد وحدات النوع الثالث من الأرائك = X_3

فيكون النموذج الرياضي لنموذج البرمجة الخطية للمشكلة كالآتي:-

$$\text{Max } Z = 10X_1 + 15X_2 + 20X_3$$

S.t.

$$2X_1 + 2X_2 + 2X_3 \leq 48$$

$$X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 48$$

$$X_1 + 2X_2 + 2X_3 \leq 50$$

$$X_1 \geq 5$$

$$X_3 \geq 25$$

$$X_1, X_2, X_3 \text{ unrestricted in sign}$$

تم حل النموذج أعلاه باستخدام برنامج (Win QSB) فكانت النتائج كما يلي:

$$X_1 = -10, \quad X_2 = 5, \quad X_3 = 25$$

$$H = X(\ddot{X}X)^{-1}\ddot{X}$$

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

$$\begin{aligned} \hat{X}X &= \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 2 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 6 & 7 & 8 \\ 7 & 10 & 10 \\ 8 & 10 & 13 \end{bmatrix} \\ (\hat{X}X)^{-1} &= \frac{1}{23} \begin{bmatrix} 30 & -11 & -10 \\ -11 & 14 & -4 \\ -10 & -4 & 11 \end{bmatrix} \\ H &= \begin{bmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \frac{1}{23} \begin{bmatrix} 30 & -11 & -10 \\ -11 & 14 & -4 \\ -10 & -4 & 11 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 2 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 0.869 & 0.174 & 0.087 & -0.087 & -0.260 \\ 0.174 & 0.434 & 0.217 & -0.217 & -0.348 \\ 0.087 & 0.217 & 0.608 & 0.391 & 0.174 \\ 0.087 & 0.217 & 0.391 & 0.608 & -0.174 \\ -0.260 & -0.348 & -0.174 & -0.174 & 0.478 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

يمكن كتابة العناصر القطرية للمصفوفة H كما يأتي:-

ت	1	2	3	4	5
h_{ij}	0.869	0.434	0.608	0.608	0.478

ولو طبقنا الاختبار الأول (Thumb test):-

$$\frac{2P}{n} = \frac{2 \times 3}{5} = 1.2$$

وأن المقدار $\frac{2P}{n}$ لا يشير الى وجود قيم شاذة.

ولو طبقنا الثاني:-

$$F_C = (h_i - 1/n) / (1/p) / (1 - h_i) / (n - p)$$

$$F_{c1} = 5.106, \quad F_{c2} = 0.413, \quad F_{c3} = 1.041, \quad F_{c4} = 1.041, \quad F_{c5} = 1.041$$

$$F_{t \ 0.05} = 19, \quad F_{t \ 0.01} = 99$$

لا توجد قيم شاذة وفق لهذا الاختبار. وعند تطبيق الاختبار الثالث نحصل على:-

$$\hat{B} = (\hat{X}X)^{-1} \hat{X} Y$$

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطية (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

$$= \frac{1}{23} \begin{bmatrix} 30 & -11 & -10 \\ -11 & 14 & -4 \\ -10 & -4 & 11 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 2 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 48 \\ 48 \\ 50 \\ 5 \\ 25 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -3.67 \\ 3.65 \\ 23.95 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} B_1 \\ B_2 \\ B_3 \end{bmatrix}$$

فإذا افترضنا نموذج الانحدار لهذا المثال سيكون كالآتي:-

$$\hat{Y}_1 = B_1X_1 + B_2X_2 + B_3X_3$$

حيث قيم (X_1, X_2, X_3) تؤخذ من المصفوفة X .

$$\hat{Y}_1 = -3.67 \times 2 + 3.65 \times 2 + 23.95 \times 2 = 47.44$$

$$e_1 = Y_1 - \hat{Y}_1 = 48 - 47.44 = 0.56$$

$$\hat{Y}_2 = -3.67 \times 1 + 3.65 \times 1 + 23.95 \times 2 = 47.68$$

$$e_2 = Y_2 - \hat{Y}_2 = 48 - 47.68 = 0.32$$

$$\hat{Y}_3 = -3.67 \times 1 + 3.65 \times 2 + 23.95 \times 2 = 51.33$$

$$e_3 = Y_3 - \hat{Y}_3 = 50 - 51.33 = -1.33$$

$$\hat{Y}_4 = -3.67 \times 0 + 3.65 \times 1 + 23.95 \times 0 = 3.65$$

$$e_4 = Y_4 - \hat{Y}_4 = 5 - 3.65 = 1.35$$

$$\hat{Y}_5 = -3.67 \times 0 + 3.65 \times 0 + 23.95 \times 1 = 23.95$$

$$e_5 = Y_5 - \hat{Y}_5 = 25 - 23.95 = 1.05$$

يمكن تلخيص النتائج بالجدول الآتي:

ت	Y_i	$\hat{Y}_i$	e_i	e_i^2
1	48	47.44	0.56	0.3136
2	48	47.68	0.32	0.1024
3	50	51.33	-1.33	1.7689
4	5	3.65	1.35	1.8225
5	25	23.95	1.05	1.1025

$$\sum e_i^2$$

$$= 5.1099$$

$$SSE=5.1099$$

$$S^2 = \frac{SSE}{n-2} = 1.7033$$

$$S = \sqrt{S^2} = 1.305$$

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة محمد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

$$D_i = \{e_i/s(1 - h_{ii})^{1/2}\}^2 h_{ii}/P(1 - h_{ii})$$

$$D_1 = 3.108, \quad D_2 = 0.027,$$

$$D_3 = 1.2699, \quad D_4 = 1.4114, \quad D_5 = 0.3785$$

إذا القيد الأول يعتبر شاذًا حسب هذا الاختبار.

ويمكن أن نلخص نتائج الاختبارات الثلاثة للمثال كما في الجدول أدناه:-

الاختبار الثالث	الاختبار الثاني	الاختبار الأول	h_{ij}	ت
3.108 شاذ	5.106 غير شاذ	1.2 غير شاذ	0.869	1
0.027 غير شاذ	0.413 غير شاذ	1.2 غير شاذ	0.434	2
1.3699 غير شاذ	1.041 غير شاذ	1.2 غير شاذ	0.608	3
1.4114 غير شاذ	1.041 غير شاذ	1.2 غير شاذ	0.608	4
0.3785 غير شاذ	0.532 غير شاذ	1.2 غير شاذ	0.478	5

مثال (3) معمل التضامن لصناعة الشبائيك الحديدية، فكان إنتاج شباك (15X2) م بثلاثة أنواع فالنوع الأول من الحديد المربع والنوع الحديد المربع وحديد T والنوع الثالث من حديد T وان ربح المنتجات الثلاث (40, 30, 25) دولار على التوالي وأن إنتاج كل شباك يمر بأربعة مراحل هي مرحلة تقطيع الحديد بالقياسات المطلوبة وكل منتج يحتاج الى (3, 2.5, 2) ساعة على التوالي ومرحلة لحم الاجزاء وكل منتج يحتاج الى (3, 1.5, 1) ساعة على التوالي ومرحلة صب وعمل النقشات داخل الشبائيك وكل منتج يحتاج الى (4, 3, 2) ساعة على التوالي ومرحلة التشطيب والصباعة وكل منتج يحتاج الى (6, 4, 2) ساعة على التوالي والزمن المتاح للمراحل الأربعة في الأسبوع هو (36, 40, 32, 42) ساعة وأن إنتاج المنتج الثاني لا يقل عن (5) قطعة وإنتاج المنتج الثالث لا يزيد عن (20) قطعة في الاسبوع / فما هو المزيج السلعي الذي يحقق أعلى الارباح لصاحب المعمل.

الحل:- نفرض أن عدد وحدات النوع الأول X_1

عدد وحدات النوع الثاني X_2

عدد وحدات النوع الثالث X_3

فيصبح النموذج كالآتي:-

$$\text{Max } Z = 25X_1 + 30X_2 + 40X_3$$

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

S.t.

$$2X_1 + 2.5X_2 + 3X_3 \leq 42$$

$$X_1 + 1.5X_2 + 3X_3 \leq 32$$

$$2X_1 + 3X_2 + 4X_3 \leq 40$$

$$2X_1 + 4X_2 + 6X_3 \leq 36$$

$$X_2 \geq 5$$

$$X_3 \leq 20$$

X_1, X_2, X_3 unrestricted in sign

تم حل النموذج أعلاه باستخدام برنامج (Win QSB) فكانت النتائج كما يلي:

$$X_1 = 21.5, \quad X_2 = 5, \quad X_3 = -4.5$$

$$H = X(\dot{X}X)^{-1}\dot{X}$$

$$\dot{X}X = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 2.5 & 1.5 & 3 & 4 & 1 & 0 \\ 3 & 3 & 4 & 6 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 2.5 & 3 \\ 1 & 1.5 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 2 & 4 & 6 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 13 & 20.5 & 29 \\ 20.5 & 34.5 & 48 \\ 29 & 48 & 71 \end{bmatrix}$$

$$(\dot{X}X)^{-1} = \frac{1}{111.25} \begin{bmatrix} 145.5 & -63.5 & -16.5 \\ -63.5 & 82 & -29.5 \\ -16.5 & -29.5 & 28.25 \end{bmatrix}$$

H

$$= \begin{bmatrix} 2 & 2.5 & 3 \\ 1 & 1.5 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 2 & 4 & 6 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \frac{1}{111.25} \begin{bmatrix} 145.5 & -63.5 & -16.5 \\ -63.5 & 82 & -29.5 \\ -16.5 & -29.5 & 28.25 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 1 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 2.5 & 1.5 & 3 & 4 & 1 & 0 \\ 3 & 3 & 4 & 6 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

يمكن كتابة العناصر القطرية للمصفوفة H كما يأتي:-

ت	1	2	3	4	5	6
h_{ij}	0.658	0.263	0.341	0.746	0.737	0.254

ويمكن أن تلخيص نتائج الاختبارات الثلاثة للمثال كما في الجدول أدناه:-

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة محمد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

الاختبار الثالث	الاختبار الثاني	الاختبار الأول	h_{ij}	ت
12.06 غير شاذ	2.15 غير شاذ	1 غير شاذ	0.658	1
14.905 غير شاذ	0.195 غير شاذ	1 غير شاذ	0.263	2
0.0001 غير شاذ	0.401 غير شاذ	1 غير شاذ	0.341	3
165.693 غير شاذ	3.452 غير شاذ	1 غير شاذ	0.746	4
472.703 غير شاذ	3.275 غير شاذ	1 غير شاذ	0.737	5
532.001 شاذ	0.177 غير شاذ	1 غير شاذ	0.254	6

مثال (4) مصنع أحمد لصناعة المضخات المائية الكبيرة ينتج نوعين من المضخات ربح كل منهما (60 , 75) دولار على التوالي ، يمر كل نوع منها بسبعة ورش هي ورشة السباكة ويتم فيها صب أجزاء المضخة الداخلية والخارجية ويحتاج كل نوع منهما الى (90 , 105) دقيقة على التوالي وورشة التنقيب أجزاء المضخة بالثقوب وبالأقطار المطلوبة ويحتاج كل منها الى (15 , 45) دقيقة على التوالي، وورشة التفريز لفتح المسننات الداخلية وبالمواصفات والقياسات المطلوبة ويحتاج كل منهما الى (30 , 75) دقيقة على التوالي وورشة الصباغة ويتم فيها صبغ أجزاء المضخة ويحتاج كل نوع منهما الى (60 , 45) دقيقة على التوالي، وورشة اللف وفيها يتم لف ملف المضخة الرئيسي والثانوي ويحتاج كل نوع منها الى (105 , 30) دقيقة على التوالي، وورشة التجميع والفحص ويتم فيها تجميع أجزاء المضخة وبعد ذلك فحص المضخة ومطابقتها للمواصفات المطلوبة ويحتاج كل نوع منهما الى (135 , 105) دقيقة على التوالي ، وورشة التغليف ويتم فيها تغليف المضخة لتصبح جاهزة للتسويق ويحتاج كل نوع منها الى (60 , 90) دقيقة على التوالي، وأن الوقت المتاح للورش (21000 , 105000)
 18000, 15000, 9000, 13500, 12000) دقيقة على التوالي في الشهر، فما المزيج السلعي الذي يحقق أعلى الأرباح.

الحل:- نفرض أن عدد وحدات النوع الأول من المضخات = X_1

عدد وحدات النوع الثاني من المضخات = X_2

يصبح النموذج كالآتي:-

$$\text{Max } Z = 60X_1 + 75X_2$$

S.t.

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

$$\begin{aligned} 90X_1 + 105X_2 &\leq 18000 \\ 15X_1 + 45X_2 &\leq 15000 \\ 30X_1 + 75X_2 &\leq 9000 \\ 45X_1 + 60X_2 &\leq 13500 \\ 105X_1 + 30X_2 &\leq 12000 \\ 135X_1 + 105X_2 &\leq 21000 \\ 60X_1 + 90X_2 &\leq 10500 \\ X_1, X_2 &\text{ unrestricted in sign} \end{aligned}$$

تم حل النموذج أعلاه باستخدام برنامج (Win QSB) فكانت النتائج كما يلي:

$$X_1 = 100, \quad X_2 = 50$$

$$H = X(\hat{X}X)^{-1}\hat{X}$$

$$(\hat{X}X)^{-1} = \frac{1}{436590000} \begin{bmatrix} 42300 & -37800 \\ -37800 & 44100 \end{bmatrix}$$

$$H = \begin{bmatrix} 90 & 105 \\ 15 & 45 \\ 30 & 75 \\ 45 & 60 \\ 105 & 30 \\ 135 & 105 \\ 60 & 90 \end{bmatrix} \frac{1}{436590000} \begin{bmatrix} 42300 & -37800 \\ -37800 & 44100 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 90 & 15 & 30 & 45 & 105 & 135 & 60 \\ 105 & 45 & 75 & 60 & 30 & 105 & 90 \end{bmatrix}$$

يمكن كتابة العناصر القطرية للمصفوفة H كما يأتي:-

ت	1	2	3	4	5	6	7
h_{ij}	0.262	0.109	0.265	0.092	0.613	0.424	0.231

ويمكن أن تلخيص نتائج الاختبارات الثلاثة للمثال كما في الجدول ادناه:-

ت	h_{ij}	الاختبار الأول	الاختبار الثاني	الاختبار الثالث
1	0.262	0.57 غير شاذ	0.807 غير شاذ	0.002 غير شاذ
2	0.109	0.57 غير شاذ	-0.189 غير شاذ	0.233 شاذ
3	0.265	0.57 غير شاذ	0.830 غير شاذ	0.041 غير شاذ
4	0.092	0.57 غير شاذ	-0.290 غير شاذ	0.027 غير شاذ
5	0.613	0.57 شاذ	6.074 غير شاذ	0.181 غير شاذ
6	0.424	0.57 غير شاذ	2.440 غير شاذ	0.008 شاذ
7	0.231	0.57 غير شاذ	0.573 غير شاذ	0.571 شاذ

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)
م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة محمد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

6- معالجة القيود الشاذة:-

بعد كشف القيد أو القيود في نموذج البرمجة الخطية سيتخذ متخذ القرار قرارا يخص هذا القيد أو القيود وهناك عدة بدائل يمكن اتخاذها من قبل متخذ القرار وهذه البدائل هي:-

1-قرار بإبقاء النموذج كما هو.

2-قرار رفع القيد الشاذ من النموذج.

3-قرار معالجة القيد الشاذ.

ففي المثال الرابع فإن القيد الخامس (ورشة الف) هو قيد شاذ وعند ملاحظة زمن لف ملف المضخة الاولى (105) دقيقة وهو زمن مبالغ فيه يمكن تقليله الى (80) دقيقة فنحصل على نموذج تكون نتائجه هي:

$$X_1 = 134.6154, \quad X_2 = 26.9231, \quad Z = 10096.15$$

وهذا يعني زيادة في ربح صاحب المصنع، وأما زيادة الزمن المتاح للورشة من (12000) دقيقة الى (15000) دقيقة مع بقاء معاملات المتغيرات كما هي فنحصل على نفس النتائج التي حصلنا عليها سابقا، أما عندما نقوم بحذف هذا القيد باعتبار أنه قيد غير مهم فنحصل ايضا على نفس النتائج التي حصلنا عليها سابقا.

7- الاستنتاجات

من خلال استخدام طريقة المصفوفة المقدرة لاستكشاف وتحديد القيم الشاذة تم التوصل الى:

1-أن طريقة المصفوفة المقدرة التي كانت تستخدم لإيجاد القيم الشاذة في نماذج البرمجة الخطية استخدمت هنا في تحديد القسم الشاذ نماذج البرمجة الخطية غير المقيدة.

2-تعتبر الطريقة من أسهل الطرق في تحديد القيم الشاذة.

3-تعتمد الطريقة على أسلوب المصفوفات الذي ساعد كثيرا في اختصار العمليات الحسابية.

4-ساعدت الطريقة متخذ القرار في تحديد القيم الشاذة ومعالجتها بما يخدم تحقيق الأهداف المطلوبة.

5-أن في تحديد القيم الشاذة جعلنا نعدل النموذج أكثر من مرة الى أن يصبح لدينا أفضل نموذج يؤدي الى أعلى الأرباح أو أقل التكاليف.

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سوهر ، م.م. واثق حياوي لايد

6- من الضروري الكشف عن وجود النقاط أو القيود الشاذة للبيانات ومعالجتها وذلك لأن بقائها يزيد من قيمة مربعات الخطأ ويؤدي الى عدم جودة النموذج والى عدم دقة وكفاءة الحل.

7- ان البرمجة الخطية غير المقيدة بالإشارة تعتبر اكثر مرونة من البرمجة الخطية المقيدة بالإشارة لأنها تتعامل مع متغيرات قرار حرة أي يسمح لها أن تكون سالبة أو موجبة أو صفر وبالتالي يمكن خفض متغير وزيادة متغير آخر والحصول على أعلى الأرباح أو أقل التكاليف.

8- أن البرمجة الخطية غير المقيدة يصبح مساويا لنموذج الانحدار عندما تكون قيم المتغيرات المهملة في جدول الحل الأمثل تساوي صفر.

المصادر

- 1- أبو صالح، محمد صبحي " الطرق الاحصائية" دار اليازوري للنشر ، عمان الأردن ، 2009.
- 2- النعيمي ، " مقدمة في الإحصاء" دار وائل للنشر، عمان الأردن، 2010.
- 3- الشمري ، حامد سعد نور " بحوث العمليات مفهوما وتطبيقا" دار وائل للنشر عمان الأردن ، 2009.
- 4- حسن ، هاني عبد الله " تأثيرات الاغراق والاختفاء على المؤشرات الناجمة عن تلوث عينة تخضع لتوزيع طبيعي" أطروحة دكتوراه في الإحصاء، كلية الإدارة والاقتصاد، الجامعة المستنصرية، 2009.
- 5- ياغوبيان، انكين انترانيك هايك " استكشاف وتقدير القيم الشاذة في بعض النماذج اللاخطية" أطروحة دكتوراه في الإحصاء، كلية الإدارة والاقتصاد، الجامعة المستنصرية، 2005.
- 6- متلف، رشا جلال " البحث عن القيود الشاذة في نماذج الانحدار الخطي ونماذج البرمجة الخطية" رسالة ماجستير رياضيات متقدمة، قسم العلوم التطبيقية الجامعة التكنولوجية 2007.
- 7- ناسي، نبيل " تقييم كفاءة طرق تقدير القيم الشاذة لنماذج الانحدار" أطروحة دكتوراه في الإحصاء، كلية الإدارة والاقتصاد، جامعة بغداد، 2001.
- 8- ظاهر، رحيم جبار " دراسة تأثير القيم الشاذة في بيانات تصميم خطط المعاينة المتزنة باستثناء الوحدات المجاورة" مجلة القادسية للعلوم الإدارية والاقتصادية المجلد 8 العدد 4 لسنة 2006.
- 9- Arezoo B., Habshah M., Mojtaba G. and Samaneh E., " A Comparison of Various Influential Points Diagnostic Methods and Robust Regression

استكشاف ومعالجة تأثير القيم الشاذة في نماذج اتخاذ القرارات الخطية غير المقيدة ونماذج الانحدار الخطي (مع التطبيق العملي)

م. رشيد بشير رحيمة ، م. خولة عبد الحسين سويز ، م.م. واثق حياوي لايد

- Approaches: Reanalysis of Interstitial Lung Disease Data" Applied Mathematics Sciences, Vol.4, No.28, pp. 1367-1386, (2010).
- 10- Andersen R., " Modern Methods for Robust Regression" Sara Miller Mc-Cune ,SAGE publications, the United States of America,(2008).
 - 11-Baddeley, A., Turner, R., Moller, J and Hazelton, M. " Residual Analysis for Special Point Processes" J.R. Statist . Soc. B, 67, pp. 1-35, (2005).<http://www.rss.org.uk/pdf>.
 - 12- Christmann A. and Steinwart, I." Consistency and robustness of Kernel based Regression", Bernoulli, Vol.13, pp. 799-819, (2007).
 - 13- Debruyne, M., Hubert, M. and Van Horebeek, J., "Detecting Influential Observations in Kernel PCA" Dept. of mathematics and computer science, University of Antwerpen, 2008.
 - 14-Hamdy A.T., " Operations Research an Introduction " Seventh ed. Canada, Maxwell publishing company, (2009).
 - 15- Maronna R. A., " Principal Components and Orthogonal Regression based on robust scales", Tech-nometrics, Vol. 47, pp. 264-273, (2005).
 - 16- Meloun M., Militky, J. , Hill M., Brereton, R. " Crucial Problems in Regression Modeling and their Solution" the Analyst, Vol.127, pp 433-450, (2002).
 - 17- Milan, M., Martin, H., Militky, J., Jana, V. and Han, S. " New Methodology of Influential Point Detection in Regression model Building for the Prediction of Metabolic Clearance Rate of Glucose" Clin Chem Lab Med; Vol.42, pp. 311-322, (2004).
 - 18- Milan M. and Militky , J." Detection of Single Influential Point in OLS Regression model Building " Analytica Chimica Acta , Vol.439, pp. 169-191, (2001).
 - 19-Pena D., " A New Statistics for Influence in Linear regression " Technometrics, Vol. 47, No.1, pp. 1-12, (2005).
 - 20- Pison G. and Van S., " Diagnostic Plots for Robust Multivariate methods" Journal of Computational and Graphical Statistics, Vol. 13, pp. 310-329, (2004).
 - 21-Rousseuw P. j. and Leroy A. M." Robust Regression and Outlier Detection" New York , John Willy, (2003).
 - 22- Wilcox R. R. " Introduction to Robust Estimation and Hypothesis Testing" Second edition, Elsevier academic press, USA,(2005).
 - 23-Wei, W. H. and Kosorok , M. R. " Interaction Influence function: Masking Unmasked" Ann. Of Stat.Vol.135, No. 4, pp.121501223, (2005).

Detecting and Treatment the Effect of Outlier Values in Linear Decision Making Models with Unrestricted Variables and Linear Regression Models (case study)

Rasheed Basheer Reheima / University of Thi Qar / College of
Administration and Economic / Statistics Department
Khawla Abed alhussen Swier / University of Bagdad
Watheq Hayawi Laith / University of Thi Qar / College of
Administration and Economic / Statistics Department

Abstract

The appearance of outlier values in the set of data effect the result of the statistical analysis of data. Then the correct of decision making there for study and estimate the outlier values the detection methods. This problem was studied in some of linear programming and linear regression but did not studied in linear programming with unrestricted variables which is important subject in many fields of operations research and its ability in treatment with unrestricted variables decision. In this paper we detect and estimate the outlier values in those models and hoe these values effect the solution of the outlier values . The Hat matrix was used to determine and process the outlier constraint so that the new model will be more suitable to match the requirements. The result show the simplicity and accurate calculations also the clearly in determine the outlier values.