*حساب قدرة الإيقاف الالكترونية للجسيمات المشحونة باستخدام عامل التصادم

تاريخ الاستلام: 19\6\12013 2013 تاريخ القبول: 8\12\12\13

راشد عويد كاظم قسم الفيزياء _ كلية التربية للبنات _ جامعة الكوفة

الخلاصة: ـ

لقد تم برمجة تلك المعادلات بطرق رياضية ونفذت ببرنامج حسابي مكتوب بلغة Matlab للحصول على النتائج النظرية المطلوبة والتي تم توضيحها كرسوم بيانية . وقورنت النتائج مع نتائج برنامج الـ SRIM على النتائج معانية على النتائج مع نتائج برنامج الـ 2012 لحساب قدرة إيقاف تلك المركبات فأظهرت توافق جيد معها.

كلمات مفتاحية: قدرة الإيقاف الالكترونية، عامل التصادم، ايقاف المركبات.

1- المقدمة:

عندما تدخل الجسيمات المشحونة السريعة في الوسط المادي فإنها تتفاعل مع الالكترونات و النوى في الوسط و وتبدأ بفقد الطاقة كلما اخترقت ذلك الوسط و التفاعل عموماً يمكن أن يخمن كتصادمات بين الجسيمات المشحونة و الإلكترون الذري أو النوى و الطاقة التي بعثت سوف تنتج تأين، إنتاج أزواج أيون و الكترون في الوسط ، كذلك يمكن أن تظهر بهيئة إشعاع كهرومغناطيسي ، او العملية المعروفة الكترون في الوسط ، كذلك يمكن أن تظهر بهيئة الأساسي من الفهم النظري لهذه العمليات هو تنبؤ معدل نسبة الطاقة المفقودة للجسيمة لكل وحدة مسافة انتقال كدالة لطاقة الجسيمة ، هذه الكمية الأساسية تدعى قدرة إيقاف المادة لتلك الجسيمة Power والتي يرمز لها $\frac{-dE}{dx}$ ويعبر عنها بوحدات (1,2] MeV.cm⁻¹ ويعبر عنها ويعبر عنها ويعبر عنها ويعبر عنها والكتلية الموادة وثيقة الصلة بها : قدرة الإيقاف الكتلية Mass Stopping Power

Theory : 2- النظرية :

هناك تقريبان أساسيان لحساب خسارة (انتقال) طاقة الجسيمة الى الكترونات الهدف هما تقريب بور Bohr الذي يعتمد على انتقال الزخم من الجسيمة الى الكترونات الهدف [3] .

حيث وضع بور اول صيغة حسابية نظرية لقدرة الإيقاف مستنداً على الميكانيك الكلاسيكي عام 1913 و أعتبر خسارة طاقة جسيمة مشحونة ثقيلة نشيطة بسبب تصادمها مع الكترونات الذرة وإن الإلكترون يعد تقريباً حر وساكن قبل التصادم مع الايون السريع [2].

تقریب بور اعتبر جسیمة مشحونة ثقیلة شحنتها $Z_{1}e$ ، سرعتها v مرت بالقرب من إلكترون خفیف شحنته e وكتلته e عند عامل التصادم e [3].

*البحث مستل من رسالة ماجستير للباحث الثاني

يعرف عامل التصادم p بأنه اقصر مسافة مستقيمة بين المسار المستقيم للايون الساقط و الهدف [4] .

الشكل (1) يصور مسار الايون المتحرك خلال وسط منتظم بسرعة v ويمر بشكل هندسي على مسافة (p) (أو ما يدعى عامل التصادم)من الكترونات في قشرة اسطوانية حلقية رقيقة سمكها db وطولها dx [1].

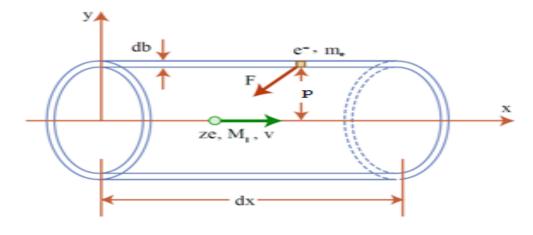
دفع الزخم المنتقل ΔP إلى الإلكترون الحفيف يساوي[3] :-

حيث \overline{E} المجال الكهربائي المنتقل إذن الطاقة المنتقلة :-

هذا التعبير يغترض بأن الإلكترون لا يتحرك كثيراً نسبة إلى عامل التصادم p. للحصول على قدرة الإيقاف S ، الطاقة المنتقلة يجب تكامل على كل عوامل التصادم الممكنة على فرض إن الهدف مكون من ذرات عددها الذرى z_2 :

التكامل يتباعد عندما $P \to 0$ ، لذا من الضروري أن نقتنع بان اصغر عامل تصادم هو p_{min} . إذا افترض إن كتلة الإلكترون صغيرة جداً مقارنة بكتلة الجسيمة الساقطة ، فالإلكترون سوف يرتد لعامل تصادم صغير جداً. لاحظ أعظم انتقال طاقة عند التصادم المباشر ، نحن قد نستعمل استطارة رذرفورد المرنة لجسمين لتخمين المسافة الأقرب لتقريب التصادم المباشر ، هذا يعطي اصغر مسافة لـ $p_{min} \sim \frac{Z_1 e^2}{mv^2}$.

التكامل كذلك يصبح غير معرف عندما $P o \infty$ ، يمكن أن تكون سلسة عند ملاحظة بأن للتصادمات



البعيدة إذا التفاعل طويل مقارنة بالتردد المداري للإلكترون ∞ ، فالتصادم سيصبح أديباتيكي ولا طاقة ستنتقل هذا يوحي بقطع عندما زمن التصادم طويل مقارنة بالتردد المداري ، $rac{ extsf{v}}{\omega} \sim rac{ extsf{p}}{\omega}$.

- : (5) في معادلة p_{max} ، p_{min} بتعويض

خسارة الطاقة تصبح:-

بور استعمل هذا التعبير لتشكيل الأساس لحساب خسارة الطاقة لجسيمة ثقيلة في وسط من الالكترونات مرتبطة توافقياً [3] .

ومن النظريات الأساسية: -

نظریة بور Bohr Theory :-

اشتق بور صيغة المقطع العرضي للإيقاف لكل إلكترون هدف (شحنته - e , كتلته m) من المادة [5]

$$\gamma = 0.5772$$
 وان $\gamma = 0.5772$ وابت اویلر

و
$$\frac{c \text{ m v}^3}{Z_1 e^2 \omega}$$
 عدد ایقاف بور [6].

 $\kappa = rac{2Z_1 v_0}{v} > 1$. $\kappa = rac{2Z_1 v_0}{v}$

$$\mathbf{v}_0 = \frac{\mathbf{c}}{137}$$
 سرعة بور

c=3*10⁸m.sec⁻¹ سرعة الضوء

نظریة بیث Bethe Theory نظریة بیث

اشتق بيث صيغة مماثلة لصيغة بور لقدرة الإيقاف الالكترونية للجسيمات المشحونة الثقيلة معتمداً على الميكانيك الكمي حيث حسب المقطع العرضي التفاضلي باستخدام تقريب بورن الأول لاستطارة الايون [2] :-

N عدد الالكترونات لوحدة الحجم

m كتلة الإلكترون السكونية

نسبة سرعة الجسيم إلى سرعة الضوء $\beta = \frac{v}{c}$

Bethe يسمى عدد ايقاف $L_{Bethe} = \ln \frac{2mv^2}{I}$

معدل جهد التأین h ، $\hbar=rac{h}{2\pi}$ ، معدل جهد ا

وبأخذ التصحيحات النسبية فان عدد التوقف لإلكترون الهدف يوصف بالمعادلة الآتية [7]:

$$L_{Bethe} = ln \bigg[\frac{2mc^2\beta^2}{1-\beta^2} \bigg] - \beta^2 - ln I$$

ويمكن كتابة قدرة الإيقاف لـ (Bethe) بالشكل الآتى :

إن نظرية بيث للإيقاف تكون صحيحة عندما سرعة الجسيمة الساقطة أعلى من سرعة بور [8] .

$$\kappa = rac{2 Z_1 v_0}{v} \ll 1 \gg 1$$
 وتطبق معادلة بيث بالاعتماد على الشرط

أما بالنسبة التصادمات القريبة (Close Collisions) والتي تم الافتراض إنها تخضع لقانون استطارة كولوم الحرة (Free Coulomb Scattering) فان حساب فقدان الطاقة يتم من خلال استطارة الالكترونات الذرية بواسطة الجسيم الساقط، وبما أن الجسيم المشحون الساقط سوف يفقد طاقته خلال هذه العملية، لذلك فأن الطاقة المنتقلة إلى ذرة الهدف كدالة لعامل التصادم (p) تعطى بالعلاقة الآتية [5] :-

حيث أن :

التصادم الطاقة المنتقلة الى ذرة الهدف كدالة عامل التصادم T_{Close}

(Collision Diameter) פֿלע ווֹדים של א
$$b = \frac{2Z_1e^2}{mv^2}$$

 $(T=2mv^2 sin^2 \theta/2)$ و ($tan \theta/2=b/2p$) و ($tan \theta/2=b/2p$) و ($tan \theta/2=b/2p$) و ($tan \theta/2=b/2p$) . (The center- of -mass Scattering Angle) عيث إن $tan \theta/2=b/2p$

أما التصادمات البعيدة (Distant Collisions) فتكون فيها الالكترونات الذرية غير حرة، أي أنها ناتجة من ترابط الكترونات الهدف من خلال التردد الكلاسيكي (٢) وان الطاقة المنتقلة إلى الكترونات ذرة الهدف كدالة لعامل التصادم (Impact Parameter) تعطى بالعلاقة الآتية [5] : -

(Modified Bessel Functions) مود k نمثل دو ال بيسل المعدلة k_0

مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 19 ISSN 1997-2490

راشد عويد \ شبهلة عبد السادة (Energy transformation) وعامل التصادم p وفق المعادلة آلاتية [5] :-

وإن :

حيث أن الحد الأول من المعادلة (15) يمثل التصادمات القريبة والحد الثاني يمثل التصادمات البعيدة، و (p_o) هو عامل التصادم الحرج الذي يفصل التصادمات القريبة من التصادمات البعيدة والذي عنده تكون الطاقة المنتقلة للتصادمات القريبة T_{close} مساوية للطاقة المنتقلة للتصادمات البعيدة T_{close} :-

وبتعويض المعادلتين (11) و (12) في (15) وإجراء التكامل نحصل على :-

$$S_{close} = \frac{2\pi Z_1^2 e^4}{mv^2} ln \left[1 + \left(\frac{2p_o}{b} \right)^2 \right]$$
 (16)

$$S_{dist} = \frac{4\pi Z_1^2 e^4}{mv^2} \left(\frac{\omega p_o}{v}\right) K_0 \left(\frac{\omega p_o}{v}\right) K_1 \left(\frac{\omega p_o}{v}\right) \qquad (17)$$

ويمكن إعادة كتابة المعادلتين (16) و(17)) بالصيغة الأتية:

$$S_{dis}(p) = \frac{4\pi Z_1^2 e^4}{mv^2} L_{dis} \qquad (21)$$

وبتعويض قيم m و $g = \frac{v}{c}$ في المعادلتين (20) و (21) نحصل (21) و (21) نحصل على المعادلتين التاليتين بوحدات (MeV cm²/mg) :

$$S_{close} = 0.307075 \bigg(\frac{Z_1^2}{\beta^2} \bigg) \bigg(\frac{Z_2}{a_2} \bigg) \times \frac{1}{2} ln \left(1 + \bigg(\frac{2p_o}{b} \bigg)^2 \right) \qquad (22)$$

$$S_{dis} = 0.307075 \left(\frac{Z_1^2}{\beta^2}\right) \left(\frac{Z_2}{a_2}\right) \left(\frac{\omega p_o}{v}\right) K_0 \left(\frac{\omega p_o}{v}\right) K_1 \left(\frac{\omega p_o}{v}\right) \dots \dots (23)$$

ومن جمع هاتين المعادلتين نحصل على المعادلة الكلاسيكية العامة لحساب المقطع العرضي للإيقاف التي تم الاعتماد عليها في حساباتنا النظرية:

عدد الإيقاف الكلي للمعادلة (24) يعطى بالعلاقة الاتية:

Bragg's Rule قاعدة براك

في حالة المركب أو الخليط المتكون من أكثر من عنصر، يتم التعامل على انه مكون من طبقات رقيقة من العناصر النقية [9] ، فقيمة التقريب الجيدة يمكن إيجادها في اغلب الحالات بمعدل $\frac{dE}{dx}$ لكل عنصر في المركب موزون بجزء الإلكترون العائد لكل عنصر حسب قاعدة براك [10] أي ان :

$$\frac{1}{\rho} \frac{dE}{dx} = \frac{\omega_1}{\rho_1} \left(\frac{dE}{dx} \right)_1 + \frac{\omega_2}{\rho_2} \left(\frac{dE}{dx} \right)_2 + \cdots , \qquad (26)$$

ميث $\omega_{1,\omega_{2}}$ أجزاء وزن العناصر $\omega_{1,\omega_{2}}$ في المركب .

بوضوح أكثر ، إذا كان n_i عدد الذرات و A_i الوزن الذري للعنصر i th في الجزيئة i ، فإن :

$$\boldsymbol{\omega}_i = \frac{n_i A_i}{A_m}$$

$$\mathbf{A_m} = \sum_{\mathbf{m}} \mathbf{n_i} \mathbf{A_i}$$

كما إن الحدود المعتمدة على Z يمكن ان ترتب لإيجاد ما يكافئ المركب أو الخليط كعنصر مفرد من خلال [9]:

مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 العدد 1 العدد 1

3- النتائج والمناقشة:

حساب قدرة الإيقاف الالكترونية لأيونات الكربون المارة في المركبات العضوية:

حساب قدرة الإيقاف الالكترونية للبروتونات المارة في المركبات العضوية:

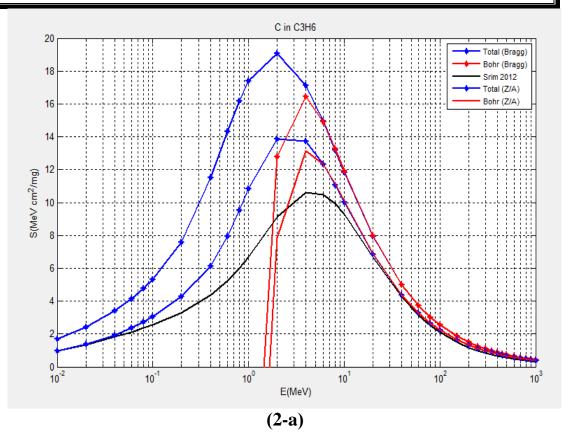
لقد تم حساب قدرة الايقاف الالكترونية للبروتونات المارة خلال الاهداف

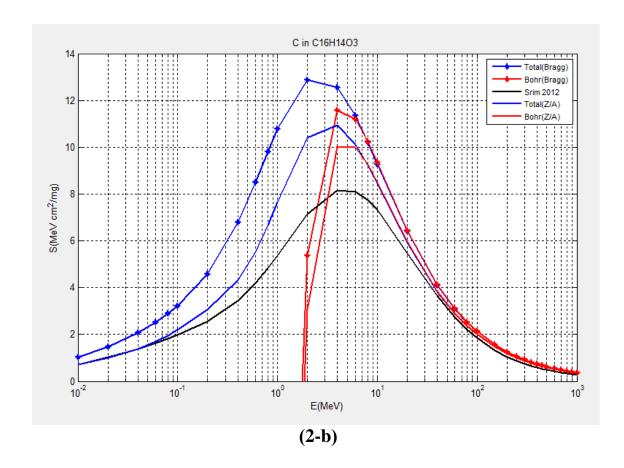
[polypropylene (C3H6) , Polycarbonate (C16H14O3) , Polyvinylalcohol (0.01-1000) MeV في حدود مدى طاقة (C2H4O), Polyvinylacetate (C4H6O2)] باستعمال (C2H4O), Polyvinylacetate (C4H6O2)] في حدود مدى طاقة (C2H4O) , Polyvinylacetate (C4H6O2)] المعادلة (Amatlab في برنامج بلغة (Matlab علية المعادلة (24) (24) (24) ألى المعادلة الناتجة من تاثير التصادمات القريبة والتصادمات البعيدة بطريقتين مرة استخدمت قاعدة براك الموضحة بالمعادلة (25) و النتائج العملية لبرنامج (25) (27) عيث نلاحظ من الشكل (3-a,b,c,d) ان اعظم قيمة لقدرة الإيقاف الالكترونية الكلية الناتجة من المعادلة (24) تكون ضمن الطاقة (80.00 \times 0.08) وبزيادة الطاقة تبدأ قدرة الإيقاف بالتناقص ولكلا القاعدتين (قاعدة براك و النسبة (\times 1) ولكن نتائج النسبة (\times 2) قرب الى نتائج الـ Srim . أما بالنسبة وبزيادة الطاقة تبدأ قدرة الإيقاف بالتناقص كما نلاحظ انه عند الطاقات الواطئة فإن صيغة Rohr تصل الى وبزيادة الطاقات العالية فأن جميع النتائج حد الانقطاع او التوقف (cut off) وبعيدة عن نتائج الـ Srim أما عند الطاقات العالية فأن جميع النتائج متقاربة مع نتائج الـ Srim أما عند الطاقات العالية فأن جميع النتائج متقاربة مع نتائج الـ Srim أما عند الطاقات العالية فأن جميع النتائج الـ Srim متقاربة مع نتائج الـ Srim .

من ملاحظة الشكلين (2,3) فان قدرة إيقاف المركبات لأيونات الكربون اكبر من قدرة إيقاف تلك المركبات للبروتونات وهذا بسبب العدد الذري للقذيفة ، أي إن العلاقة طردية بين العدد الذري للجسيمة الساقطة وقدرة الإيقاف .

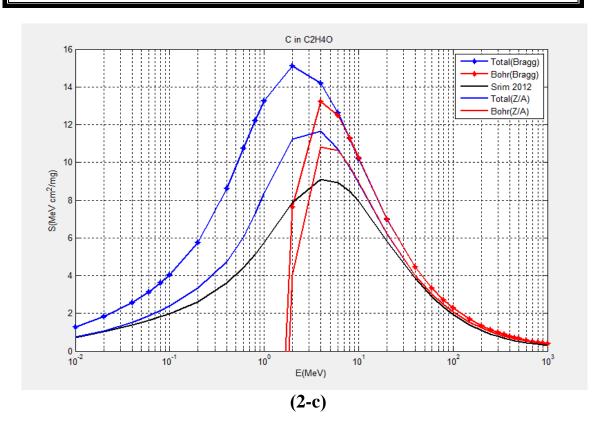
اما الشكل (4,5) فانه يبين ان العلاقة طردية بين العدد الذري للجسيمة الساقطة وعامل التصادم ، حيث ان ايونات الكربون تمتلك عامل تصادم اكبر من عامل تصادم البروتونات مع الأهداف.

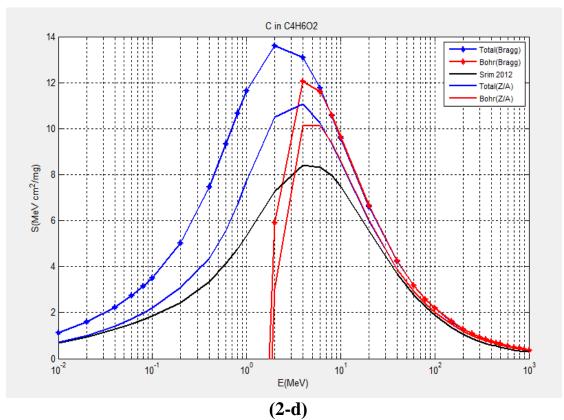
مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 راشد عويد / شهلة عبد السادة





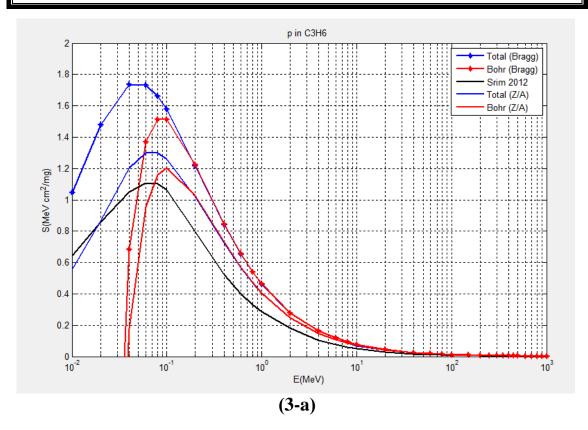
مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 العدد 18SN 1997-2490

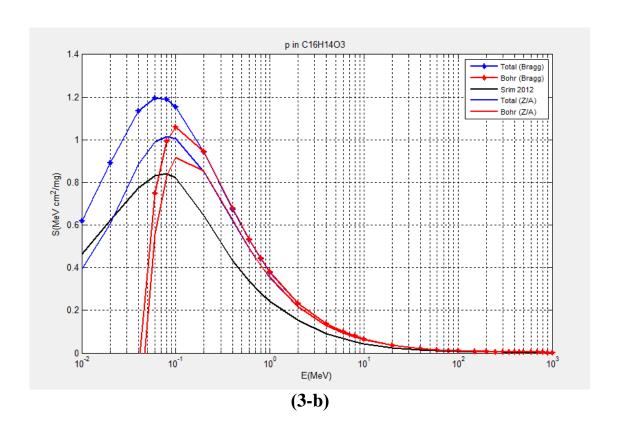


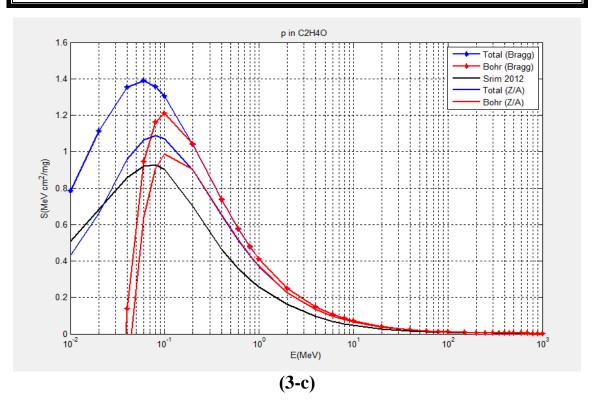


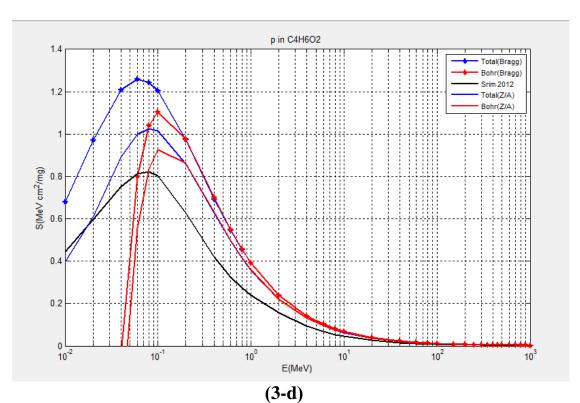
شكل (2) يوضح العلاقة بين قدرة الإيقاف الالكترونية لأيونات الكربون المارة خلال الأهداف (2) يوضح العلاقة بين قدرة الإيقاف الالكترونية لأيونات الكربون المارة خلال الأهداف (C_3H_6 , $C_16H_14O_3$, C_2H_4O , $C_4H_6O_2$)

مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 راشد عويد \ شهلة عبد السادة



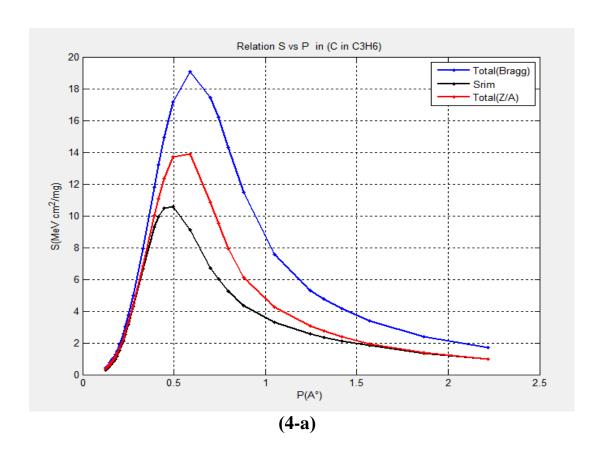


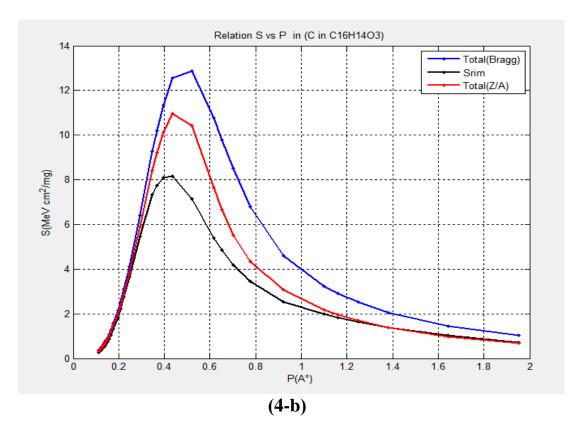


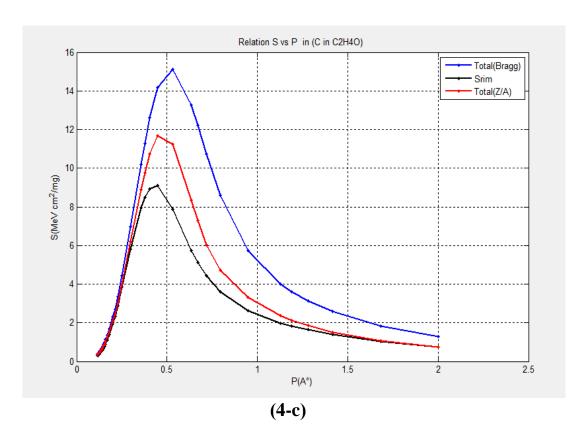


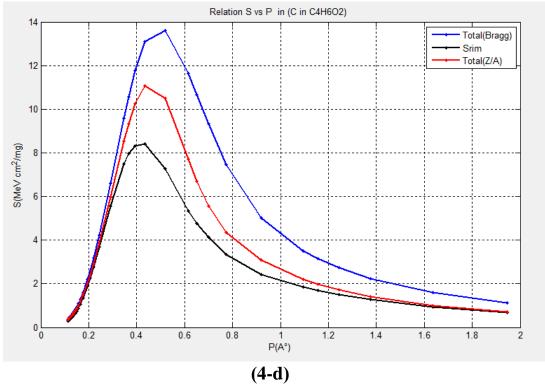
شكل (3) يوضح العلاقة بين قدرة الإيقاف الالكترونية للبروتونات المارة خلال الأهداف (C_3H_6 , $C_16H_14O_3$, C_2H_4O , $C_4H_6O_2$)

مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 العدد 18SN 1997-2490



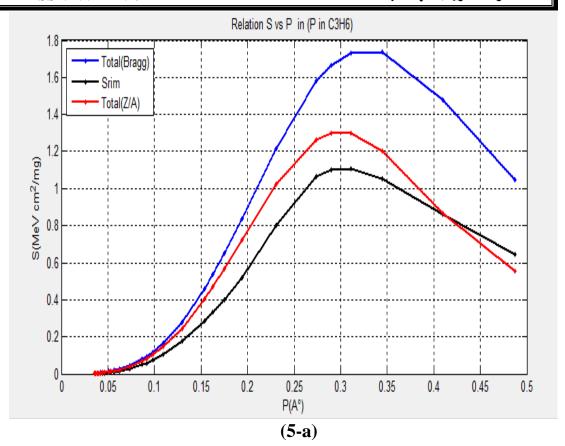


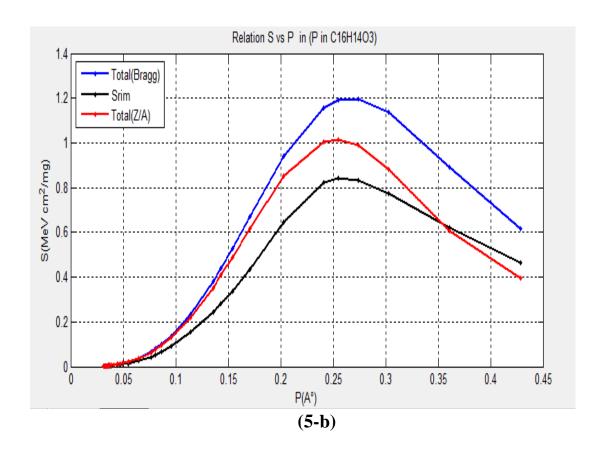




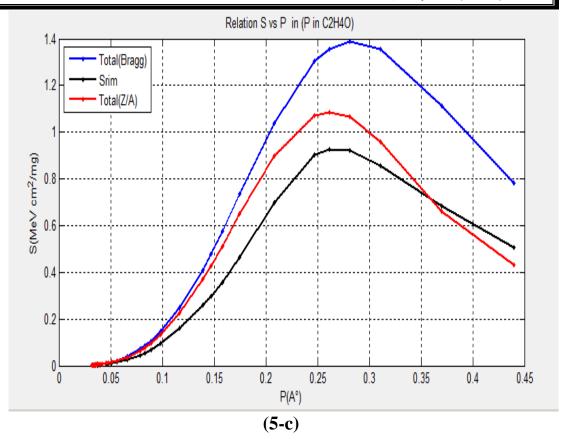
شكل (4) يوضح العلاقة بين عامل التصادم وقدرة الايقاف الالكترونية لايونات الكربون (${
m C_3H_6}\,,\,{
m C_{16}H_{14}O_3}\,,\,{
m C_2H_4O}\,,\,{
m C_4H_6O_2})$ المارة خلال الأهداف

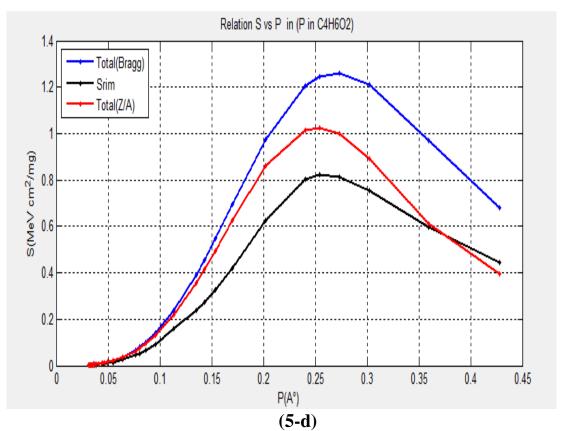
مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 راشد عويد / شهلة عبد السادة





مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 19 ISSN 1997-2490





شكل (5) يوضح العلاقة بين عامل التصادم وقدرة الايقاف الالكترونية للبروتونات المارة خلال الأهداف (C3H6, C16H14O3, C2H4O, C4H6O2)

مجلة القادسية للعلوم الصرفة مجلد 19 العدد 2 سنة 2014 راشد عويد \ شهلة عبد السادة 4-الاستنتاجات: ISSN 1997-2490

من خلال در اسة قدرة الإيقاف الالكترونية يمكن استنتاج النقاط المهمة الاتية:

1- يمكن استعمال المعادلة (24) في حساب قدرة الايقاف للجسيمات المشحونة الثقيلة في اي هدف عند السرع العالية وعند السرع الواطئة ولاي قيمة لشحنة وسرعة الجسيم الساقط

2- لوحظ في حساب قدرة الايقاف للبروتونات الساقطة على الاهداف الذرية (C3H6, C16H14O3, C2H4O, C4H6O2) ان قدرة الإيقاف الكلية حسب قاعدتي براك والقيمة الفعالة تزداد بزيادة طاقة الجسيمات المشحونة الساقطة الى ان تصل الى القيمة (1.0265،1.3828 ،0.798، 0.798، 0.798، 0.798، 0.788، MeV.cm2/mg (0.8064،0.9951 على التوالي ثم تبدا بالنقصان الى ان تكون قريبة من الصفر عند الطاقات العالبة

3 - أما عند حساب قدرة الإيقاف لايونات الكربون الساقطة على نفس الاهداف الذرية فان قدرة الإيقاف الكلية حسب قاعدتي براك والقيمة الفعالة تزداد بزيادة طاقة الجسيمات المشحونة الساقطة الى ان تصل الى القيمة (8.5998، 10.1185، 8.4432، 11.9874، 8.5072، 10.3013، 11.093،15.0001) MeV.cm2/mgعلى التوالي ثم تبدا بالنقصان الي ان تكون قريبة من الصفر عند الطاقات العالية.

4- كذلك لوحظ في الشكل (4.5) أن العلاقة طريبة بين العدد الذري للجسيمة الساقطة وعامل التصادم، حيث ان ايونات الكربون تمتلك عامل تصادم اكبر من عامل تصادم البروتونات مع الأهداف.

5- المصادر:

- [1] W. E. Meyerhof, (1967)," Elements of Nuclear Physics", McGraw-Hill, New York,.
- [2] J. E. Turner, (2004)," Interaction of ionizing radiation with matter", Health Physics Society, Vol. 86, No. 3, p.p.228-252.
- [3] J. F. Ziegler, (1999), "The Stopping of Energetic Light Ions in Elemental Matter", J. Appl. Phys / Rev. Appl. Phys., vol.85, p.p. 1249-1272.
- [4] R. A. Kadhum, (2004), "Impact Parameter Dependent Of Electronic Stopping Power", (Ph.D.thesis), AL Mustansiryah University, College of Science.
- [5] P. Sigmund, (1996), "Low-speed limit of Bohr's stopping -power formula", Phys.Rev A, Vol.54, No.4, p.p.3113-3793.
- [6] P. Sigmund, (1997), " Charge- dependent electronic stopping of swift nonrelativistic heavy ions", Phys. Rev. A, V.56, N.5, P.P. 3781-3792.
- [7] A. Getachew, (2007), "Stopping power and range of protons of various energies in different materials", M.Sc. Thesis, Addis Ababa University.
- [8] M.C. Tufan and H. Gümüs, (2008), "Stopping power calculations of compounds by using Thomas-Fermi-Dirac-WeizsÄacker density functional", ACTA PHYSICA POLONICA A, Vol. 114, No. 4, p.p. 703-711.
- [9] D. E. Groom, N. V. Mokhov and S. I. Striganov, (2001), "MUON STOPPING POWER AND RANGE TABLES 10 MeV-100 TeV ", Atomic Data and Nuclear Data Tables, Vol. 76, No. 2.
- [10] R. Lozeva, (2005), " A NEW DEVELOPED CALORIMETER TELESCOPE FOR IDENTIFICATION OF RELATIVISTIC HEAVY ION CHANNELS", (Ph. D. thesis), University of Sofia "St. Kliment Ohridski" Faculty of Physics.

*Calculation the electronic stopping power for charged particles by using Impact parameter

Received: 19\6\2013 Accepted: 8\12\2013

Rashid Aweed Kadhum Shahla Abdul sada Kadhum Department of Physics – College of Education for Girls – University of Kufa

Abstract:

Theoretical study is performed to calculate electronic stopping power by using Bohr equation and the equation which resulting from distant and close collisions which dependent on impact parameter of charged particles (carbon ions and protons) interacted with organic compounds :[polypropylene (C₃H₆ ; ρ =0.9 gm/cm3), Polycarbonate (C₁₆H₁₄O₃ ; ρ =1.2 gm/cm3), Polyvinylalcohol (C₂H₄O ; ρ =1.3 gm/cm3), Polyvinylacetate (C₄H₆O₂ ; ρ =1.19 gm/cm3)] by using Bragg rule once and another by the ratio $\langle \frac{z}{4} \rangle$, in the range of energy [0.01-1000] MeV .

This equations are programmed by mathematical methods and done by Matlab language to obtain the required theoretical results and they shown as diagrams .this results compared with program SRIM 2012 to calculate stopping of this compounds ,as they showed a good agreement with them.

Key words: Electronic stopping power , impact parameter , stopping of compounds .

^{*}The Research is apart of on MSC. Thesis in the case of the second researcher