

# استخدام البروجة الخطية لتحديد المزيج السلعي في إحدى مصانع الأسمدة في منطقة الخليج العربي

صادق ماجد محمد ورجاء عبد الحبيب شريف  
(كلية الإدارة والاقتصاد - جامعة البصرة)

الأساسية لإنتاج الأمونيا، مما أدى إلى غيابها من منافسة الدول المتقدمة، وقد احتلت دول الخليج العربي، وبها الكويت مركز الصدارة من حيث بناء مصانع الأمونيا والأسمدة التتروجينية وتبعتها المملكة العربية السعودية والعراق وقطر.

ولعل من أهم الأسباب التي دفعت هذه الدول إلى التوسع في هذه الصناعة ما يلي:

- ١ - المساهمة في حل جانب من مشكلة الغذاء، وذلك بتحسين إنتاجية الأرض عن طريق السماد لأن خرجات تلك الصناعات البتروكيميائية هي مدخلات لتنمية القطاع الزراعي.
- ٢ - الاكتفاء الذافي من الأسمدة وتصدير الفائض.

٣ - توفر المواد الأولية (غاز الطبيعي والكربون) محلياً، حيث تتمثل نسبة ٩٥٪ من المواد المستخدمة في هذه الصناعة، أما المستوردة فتتمثل ٥٪ من المواد المستخدمة.

## أولاً - المقدمة

ظهرت مشكلة العذاء كمشكلة ملحة منذ منتصف السبعينيات، حيث ارتفعت أسعار المواد الغذائية الرئيسية بشكل متزايد واحد، مما أهملت بعض الدول النامية ومنها الأقطار العربية إلى التفكير بالتوسيع بالزراعة بشكل عمودي والارتفاع بمستوى إنتاجية الأرض الزراعية باستخدام أفضل وأحدث الأساليب العلمية.

وتتمثل الأسمدة واحد من الأساليب التي يمكن بواسطتها الارتفاع بإنتاجية الأرض إلى مستويات أفضل. وتعتبر صناعة الأسمدة من الصناعات البتروكيميائية المنتشرة في أقطار الخليج العربي ومنها العراق والكويت وال سعودية وقطر، التي يغطي إنتاجها الاستهلاك المحلي، ويصدر الفائض إلى الأقطار العربية والأجنبية الأخرى.

وقد بدأت الدول العربية النفعية في إنتاج الأسمدة الكيماوية في النصف الثاني من السبعينيات، نظراً لتوفر احتياطي ضخم من الغاز الطبيعي الذي يعتبر المادة

الهدف (Function Objective) مقيدة بمجموعة من المعادلات أو المتباينات الخطية تدعى القيود (Constraints).<sup>(١)</sup>

أما آرنوف وسينكوبتا فيذكران «أن مشكلة البرمجة الخطية تنشأ عندما يكون هناك عدداً من الأنشطة يمكن إنجازها بطرق متعددة وموارد أو إمكانيات محددة، ويكون المطلوب إنجاز هذه الأنشطة بطريقة فعالة».<sup>(٢)</sup>

ويذكر توماس الساعاني «أن البرمجة الخطية تستخدم لخيطنة الأنشطة الاقتصادية من أجل الوصول إلى الحل الأمثل الذي قد يستلزم تخفيض الكلف أو زيادة الأرباح والعوائد».<sup>(٣)</sup>

#### ○ شروط البرمجة الخطية:

أوضح التعاريف الثلاثة أعلاه الشروط الواجب توافرها في مشكلة البرمجة الخطية وهي:

١ - دالة الهدف: وهي علاقة رياضية خطية بين المتغيرات والمهدى الذي تسعى الإدارية إلى تحقيقه، كأن يكون تعظيم الأرباح أو الدخل أو حجم الإنتاج أو تدنية الكلف أو الزمن أو غيرها.

٢ - الموارد المتاحة: وهي المدخلات التي بدوتها لا يمكن إقامة العملية أو الشاطط وهي متوفرة بكميات محدودة لا يمكن زيتها في المدى القصير مثل طاقة المكائن، وأرصدة المواد الأولية وغيرها.

٣ - القيود: القيد عبارة عن علاقة رياضية بين المتغيرات والموارد النادرة. وتكون على شكل معادلة أو متباينة خطية. وعموماً يتكون الجانب الأيمن من كل

ما سبق توضح أهمية هذه الصناعة في دول الخليج العربي، حيث تسعى الإدارات إلى تحقيق حجم إنتاج أكبر أو أقل كلفة إنتاج، أو أعلى ربح يمكن لاستخدامه في تنمية هذه الصناعة.

وتعتبر مسألة تحديد أقصى حجم إنتاج يمكن من المسائل المهمة في هذه الصناعة والصناعات الأخرى، حيث يعني هذا الاستغلال الأفضل للموارد المتاحة من مكائن ومواد أولية وأيدي عاملة وغيرها.

ومن الأساليب العلمية التي استخدمت في هذا المجال، هو أسلوب البرمجة الخطية الذي يساعد الإدارة في اتخاذ القرارات المناسبة، وفي حل مشكلة تحديد أقصى حجم إنتاج ممكن، وإمكانية استغلال الموارد المتاحة.

والبرمجة الخطية أسلوب رياضي يعتمد على وضع معادلات أو متباينات تمثل المتغيرات والموارد المتاحة وكثيراً ما يصبح نموذج البرمجة الخطية معقداً بسبب احتواه على عدد كبير من المتغيرات والمعادلات أو المتباينات، مما يضطر الباحث إلى اللجوء إلى الحاسوب الرقمي (Digital Computer)، حل النموذج وإيجاد قيم المتغيرات.

### ثانياً - أسلوب البرمجة الخطية (Linear Programming)

يعتبر البرمجة الخطية من أهم أساليب بحوث العمليات وأكثرها شيوعاً واستخداماً بسبب النجاحات التي أمكن تحقيقها نتيجة لتطبيقها على مشكلات كبيرة ومتحدة، وقد ساعد على ذلك التقدم السريع الذي حصل في طرق حل مشاكل البرمجة الخطية، إضافة إلى التقدم حديثاً في مجال الحاسوبات الرقمية.

#### ○ مفهوم البرمجة الخطية:

يشير حدي طه إلى أن أسلوب البرمجة الخطية يستخدم عموماً لتعظيم (Maximize) أو تدنية (Minimize)، دالة خطية لعدد من المتغيرات تدعى دالة

Hamdy A. Taha, Operations Research An Introduction, (١) (New York: Macmillan publishing co., 1976) p. 13.

Leonard E. Arnoff and S. Sankar Sengupta, Mathematical (٢) Programming, (publications in O. R., No. 5, John Wiley and Sons, Inc., 1961), p. 109.

Thomas L. Saaty, Mathematical Methods of O.R., (٣) (New York: McGraw-Hill co., 1959), p. 165.

## ثالثاً - المنشأة موضوع الدراسة

تقع المنشأة موضوع الدراسة في إحدى دول الخليج العربي<sup>(١)</sup>، وتقوم بإنتاج أربعة منتجات هي:

- ١ - كبريتات الأمونيوم.
- ٢ - البيريا.
- ٣ - حامض الكبريتيك.
- ٤ - غاز الأمونيا.

وتكون المنشأة من ثلاثة معامل للإنتاج ببطاقات مختلفة. وبين الجدول رقم (١) طاقات المعامل الثلاث لإنتاج كل منتج من المنتجات الأربع.

جدول رقم (١)  
الطاقة الإنتاجية للمعامل (طن/ يوم)

معامل (٣)	معامل (٢)	معامل (١)	المنتجات
-	-	٤٢٠	كبريتات الأمونيا
٣٢٠٠	١٣٠٠	١٦٠	البيريا
-	-	٣٢٥	حامض الكبريتيك
٢٠٠٠	٨٠٠	٢٠٠	غاز الأمونيا

وتقوم المنشأة بإنتاج هذه المنتجات اعتماداً على أربعة مواد أولية هي:

- ١ - الأمونيا السائلة.
- ٢ - حامض الكبريتيك المركّز.
- ٣ - الكبريت.
- ٤ - الغاز الطبيعي.

ويبين الجدول رقم (٢) ما يحتاجه إنتاجطن الواحد من كل منتج من المواد الأولية المذكورة أعلاه، وما خطط للحصول عليه منها في عام ١٩٨١.

قيد من عدد من التغيرات، ويمثل الجانب الأيسر المورد المتاح الخاص بالقيد.

٤ - بدائل مختلفة للإنجاز: وهذا الشرط يعني وجود عدة بدائل لإنجاز العملية، وأن واحداً أو أكثر من البدائل هو البديل الأفضل الذي يحقق الهدف المطلوب. الواقع أن استخدام البرجعة الخطية هو لإيجاد ذلك البديل أو البدائل التي تحقق الهدف.

٥ المشكلات التي يمكن حلها باستخدام البرجعة الخطية: نظراً لشيوخ استخدام أسلوب البرجعة الخطية وتنوع المشكلات التي يمكن حلها باستخدامه، نجد أنه من الضروري وإتمام للفائدة، ذكر بعض هذه المشكلات:

- ١ - مشكلة توزيع الموارد:  
(Resource Allocation Problem)
- ٢ - مشكلة المزيج السلعي:  
(Product-Mix Problem)
- ٣ - مشكلة تدريب العمال:  
(Ajob-Training Problem)
- ٤ - اختيار الوسيلة الإعلانية:  
(Advertising Media selection)
- ٥ - مشكلة التفتيش:  
(Inspection Problem)
- ٦ - مشكلة الاستثمار:  
(Investment Problem)
- ٧ - مشكلة تخطيط الإنتاج:  
(Production Planning Problem)
- ٨ - مشاكل التخصيص:  
(Assignment Problems)
- ٩ - مشاكل النقل:  
(Transportation Problems)

(١) نفضل الباحثان عدم ذكر اسم المنشأة لأسباب تتعلق بالمنشأة نفسها.

جدول رقم (٢)  
ما يحتاجه إنتاجطن الواحد من المواد الأولية (كم/طن)

المخطط (طن)	غاز الأمونيا	حامض الكبريتيك	اليوريا	كبريتات الأمونيوم	المتوجات	المواد الأولية
٨٧١٥٦	—	—	٦٠٠	٢٦٠		الأمونيا السائلة
٩٣١٤	—	—	—	٧٦٢		حامض الكبريتيك المركّز
٢٣١٥٠	—	٣٤٠	—	—		الكثيريت
٦٢١٣٩	٦٩٠	—	—	—		الغاز الطبيعي

ويبيّن الجدول رقم (٣) الإنتاج المخطط لعام ١٩٨١.

جدول رقم (٣)  
الإنتاج المخطط لعام ١٩٨١ (طن)

غاز الأمونيا	حامض الكبريتيك	اليوريا	كبريتات الأمونيوم	المتوجات	المعامل
٤٠٠٠٠	٩٧٥٠٠	٤٩٠٠٠	١٢٦٠٠٠		معمل رقم (١)
٣٤٠٠٠٠	—	٣٩٠٠٠	—		معمل رقم (٢)
٦٠٠٠٠	—	٩٦٠٠٠	—		معمل رقم (٣)
٩٠٠٠٠	٩٧٥٠٠	١٣٩٨٠٥٤	١٢٩٠٠٠		المجموع

هذا ويتم الإنتاج في المعامل الثلاثة على أساس ٢٤ ساعة عمل يومياً و ٣٠٠ يوم عمل في السنة.

ولدى استفسارنا من إدارة المشاة عن الهدف،  
وجدنا تقبلاً واضحاً لهدف تعظيم الكمية في المرحلة  
الحاضرة بهدف استغلال المكان والمعدات والمواد الأولية  
المناخية أفضل استغلال.

وعلى هذا فإن الشكل الرياضي لدالة الهدف  
سيكون كالتالي:

$$\text{تعظيم } (H) = S_1 + S_2 + S_3 + S_4$$

حيث:

$H$  = إجمالي الكمية السنوية المتوجة من المتوجات  
الأربعة (طن).

**رابعاً - بناء نموذج البرجعة الخطية**

لفرض بناء النموذج الرياضي للبرجعة الخطية الذي  
يمثل المزيج السلمي في المشاة موضوع البحث، علينا  
تحديد مسأليتين مهمتين هما: دالة الهدف والقيود،  
بالإضافة إلى مسألة أخرى هي حل النموذج لإيجاد قيم  
المتغيرات.

**○ دالة الهدف:**

قينا سابقاً أن دالة الهدف في نموذج البرجعة الخطية،  
يمكن استخدامها لتعظيم الأرباح أو الكمية، أو تدنية  
الكلف أو العوائد الخ.

(د) قيد الغاز الطبيعي:  
 $621360 \geq 4 \times 690$

س ١ = كمية الإنتاج من كبريتات الأمونيوم  
 (طن).

#### ٥ قيود الطاقة:

يبين الجدول رقم (٤) ما يمكن إنتاجه في الساعة الواحدة من كل متوج في المعامل الثلاثة:

جدول رقم (٤)

الطاقة الإنتاجية للمعامل (طن / ساعة)

المعامل (٣)	المعامل (٢)	المعامل (١)	المعامل المترافق
-	-	٠,٠٥٧	كبريتات الأمونيوم
٠,٠٠٧٩	٠,٠١٨	٠,١٥	اليوريا
-	-	٠,٠٧٤	حامض الكبريتيك
٠,٠١٢	٠,٠٣	٠,١٢	غاز الأمونيا

وبالنظر لاختلاف المعاملات الفنية لإنتاج اليوريا وغاز الأمونيا بين المعامل الثلاثة فقد اضطررنا إلى اتباع أسلوب توحيد المعاملات الفنية لكلا المتوجين كالتالي:

(أ) بالنسبة لليوريا: سيكون معامل التحويل كما مبين في الجدول رقم (٥).

س ٢ = كمية الإنتاج من اليوريا (طن).

س ٣ = كمية الإنتاج من حامض الكبريتيك (طن).

س ٤ = كمية الإنتاج من غاز الأمونيا (طن).

ج) قيود:

تحتوي غذاج البرجية المقضة في النهاية موضوع البحث فوعندها من القروض هي:

#### ٦ قيود المواد الأولية:

لائي الرجوع إلى الجدول رقم (٢) سنحصل على قيود المواد الأولية الآتية:

(أ) قيد الأمونيا السائلة:

$$87107 \geq 2 \times 6 + 1 \times 4$$

(ب) قيد حامض الكبريتيك المركب:

$$93097 \geq 1 \times 6 + 2 \times 4$$

(ج) قيد الكبريت:

$$4200 \geq 1 \times 6 + 2 \times 4$$

#### جدول رقم (٥) معامل تحويل المعامل الفني لإنتاج اليوريا (١)

الساعات المعولة	الساعات الفعلية $24 \text{ يوم} \times 300$	معامل التحويل	المعامل الفني	المعامل
٦٣٠	٧٣٠	١,٠	-	المعامل رقم (١)
٩٠٠	٧٨٠	٨,٣٣	-	المعامل رقم (٢)
١٤٤٠	٧٧٠	٢٠,٠٠	٠,٠٢٧٦	المعامل رقم (٣)
<b>المجموع</b>				
<b>٢١١٢٠</b>				

(ب) بالنسبة لغاز الأمونيا: سيكون معامل التحويل كما مبين في الجدول رقم (٦).

(١) يقصد بالمعامل الفني (Technological Coefficient)، في قيود الطاقة الزمن اللازم لإنتاج وحدة واحدة من المتوج، فمثلاً في المعامل رقم (١)، تحتاج إلى ١٥،٠ ساعة لإنتاج طن واحد من اليوريا و ١٨،٠ ساعة في المعامل رقم (٢)... وهكذا. أما استخراج معامل التحويل فهي عبارة عن عملية توحيد للمعاملات الفنية المختلفة بسبب اختلاف تكنولوجيا المصانع الثلاثة.

جدول رقم (٦)  
معامل تحويل المعامل الفي لغاز الأمونيا

الساعات المحولة	الساعات الفعلية $24 \times 300$	معامل التحويل	المعامل الفي	المعامل
٧٢٠٠	٧٢٠٠	١	٠,١٢	معامل رقم (١)
٢٨٨٠٠	٧٢٠٠	٤	٠,٠٣	معامل رقم (٢)
٧٢٠٠	٧٢٠٠	١٠	٠,٠١٢	معامل رقم (٣)
١٠٨٠٠	المجموع			

هذا وإن النتائج التي حصلنا عليها مبينة في الجدول  
(٧) و(٨) و(٩).

جدول رقم (٧)  
قيم المتغيرات (المتوجات)

الكمية / طن	المتوجات
١٢٦٠٠	كربريتات الأمونيوم (س ١)
١٣٩٨٠٠	البيوريا (س ٢)
٩٧٢٩٧	حامض الكبريتيك (س ٣)
٩٠٠٠٠	غاز الأمونيا (س ٤)
٢٥٢١٢٩٧	قيمة دالة الهدف

جدول رقم (٨)  
الموارد الفائضة

كمية الفائض	المورد
صفر	الأمونيا السائلة (س ٥)
صفر	حامض الكبريتيك المركز (س ٦)
٢٩٨٤١٩ طن	الكربريت (س ٧)
٣٦٠ طن	غاز الطبيعي (س ٨)
١٨ ساعة	طاقة إنتاج كربريتات الأمونيوم (س ٩)
١٥٠٠ ساعة	طاقة إنتاج البيوريا (س ١٠)
صفر	طاقة إنتاج حامض الكبريتيك (س ١١)
صفر	طاقة إنتاج غاز الأمونيا (س ١٢)

وعلى هذا ستكون قيود الطاقة كما يلي:

(أ) بالنسبة لكبريتات الأمونيوم:  
 $٧٢٠٠ \leq ٠,٠٥٧$

(ب) بالنسبة لليوريا:  
 $٢١١٢٠٠ \geq ٠,١٥$

(ج) بالنسبة لحامض الكبريتيك:  
 $٧٢٠٠ \geq ٠,٠٧٤$

(د) بالنسبة لغاز الأمونيا:  
 $١٠٨٠٠ \geq ٠,١٢$

كما أنه توجد قيود أخرى تسمى قيود عدم السلبية يجب إضافتها للنموذج الرياضي هدفها عدم السماح بإعطاء قيمة سالبة للمتغيرات. والقيود هي:

$s_1, s_2, s_3, s_4 \leq 0$

#### ٥ حل النموذج:

توجد طرق يدوية متعددة لحل نموذج البرمجة الخطية، إلا أن أسهل وأسرع سبيل حل النموذج هو استخدام الحاسوب الرقمي الذي بواسطته نحصل على نتائج سريعة ودقيقة.

وقد استخدمنا لهذا الغرض الحاسوب الرقمي -Hon- ey well-Bull 606/10 التابع للمؤسسة العامة للموانئ العراقية بيرنامج مكتوب بلغة (BASIC) يسمى (Simplex)، بحل النموذج بطريقة السمبلكس ذات الوجهين.

جدول رقم (٩)  
أسعار الظل

القيد	السعر
١ - قيد الأمونيا السائلة	١,٦٦٦٦٧
٢ - قيد حامض الكبريتيك المركز	٠,٧٤٣٦٥٧
٣ - قيد الكبريت	صفر
٤ - قيد الغاز الطبيعي	صفر
٥ - قيد كبريتات الأمونيوم	صفر
٦ - قيد النيوريا	١٣,٥١٣٥١
٧ - قيد حامض الكبريتيك	٨,٣٣٣٣٣٣
٨ - قيد غاز الأمونيا	

○ مناقشة النتائج:

سنقوم بتقسيم مناقشتنا إلى أربعة أقسام، يتضمن الأول ملاحظات عن الجدول رقم (٧)، ويتضمن الثاني ملاحظات عن الجدول رقم (٨)، ويتضمن الثالث ملاحظات عن الجدول رقم (٩)، ويتضمن الرابع ملاحظات عامة.

٢ - أشار الخل إلى عدم وجود سعر ظل للقيود من رقم (٣) إلى رقم (٦) المبينة في الجدول رقم (٩). وهذا يعني أن الموارد المتاحة التي تثقلها هذه القيود متوفرة داخل المنشأة، وعندما تفكر المنشأة في استخدام وحدة إضافية منها فسوف لن تدفع أي شيء.

٣ - القيد (١) له سعر ظل مقدار ١,٦٦٦٦٧، وهذا يعني أن المنشأة لو فكرت باستخدام وحدة إضافية من الأمونيا السائلة، عليها أن تدفع مبلغاً يعادل ١٦٠٪ تقريباً من سعر الطن العادي. وهذا بالنسبة لقيود حامض الكبريتيك المركز وقيود حامض الكبريتيك وفيه غاز الأمونيا.

٤ - المورد التي كانت كميته الفائضة صفر في الجدول (٨) ظهرت لها أسعار ظل في الجدول (٩)، والعكس صحيح.

(د) ملاحظات عامة:

١ - إن تفويج البرجة الخطية ليس خطة جامدة تطبق في كل الفترات، فإذا كان النموذج يلائم فترة محددة قد تكون أسبوع أو شهر أو سنة أو أية فترة أخرى، فهو قد لا يلائم فترة مستقبلية، لأن الظروف قد تتغير.

(ب) ملاحظات عن الجدول رقم (٨):

١ - إن التغيرات المرقمة من س ٥ إلى س ١٢ هي التغيرات الرااكدة (Slack CVariables)، التي تضاف إلى القيود عند حل النموذج، حيث أضيفت س ٥ إلى

ذات أثر فعال في نجاح الكثير من المنشآت الصناعية والتجارية في تحقيق أهدافها الاجتماعية والاقتصادية.

٢ - على المنشأة تطوير نظام المعلومات فيها،

حيث يصبح قادراً على مواكبة التطورات السريعة في عالم اليوم، لأن النماذج الرياضية تعتمد اعتماداً كلياً على المعلومات المتوفرة داخل المنشأة وعلى مدى صحتها.

٣ - على المنشأة تجربة البرمجة الخطية في سبيل تحقيق هدف أدنى، كلها تكملة أو أقصى درج.

٤ - عند تطبيق النموذج الرياضي، يجب مراجعة كل الظروف الخارجية والداخلية التي يمكن أن تؤثر على النموذج. وكذلك إجراء التعديلات اللازمة على النموذج كلها تستجد ظروف جديدة تستدعي ذلك.

٥ - إذا فكرت المنشأة بزيادة الإنتاج، عليها أن تقوم بزيارة المطارات الإنتاجية والمصانع الأولى وتحدد أن ليست هناك شكلة من ناحية توفير المواد الأولية، إلا أن المشكلة تكمن في مدى إمكانية زيادة المطارات الإنتاجية.

٦ - يوحـد فائضـ من مواد الأولـيةـ والـعـلـاقـاتـ الإـنـتـاجـيـةـ يمكنـ استـخدـامـهـ فيـ زـيـادـةـ الإـنـتـاجـ علىـ شـرـغـ زـيـادـةـ المـوـادـ الـأـولـيـةـ وـالـعـلـاقـاتـ الإـنـتـاجـيـةـ الـيـعنـيـ لاـ يـوجـدـ لهاـ فـائـضـ طـبـقاـ لـالـنـمـوذـجـ.

٧ . على المنشأة هيأة الكوادر العلمية العاملة في تطبيق مثل هذه الأساليب، وإذا تذكر ذلك في وقت الاستعانت بالخبراء المتوفرة في الخارج،

٨ - وأخيراً فإن أسلوب البرمجة الخطية يواجه بعض التضييق، ولكن المنشأة لا تفـدـهـ فيـ حـرـقـ مـنـكـلـاتـ أخرىـ، مثلـ مشـاكـلـ التـخـزـينـ أوـ الـنـقلـ وـ تـهـزـيمـ المـوارـدـ.

٢ - النموذج يمكن أن يتغير في الأحوال الآتية:

(أ) في حالة إضافة متوجات جديدة أو تخفيض عدد المتوجات.

(ب) في حالة إضافة قيد جديدة أو تخفيض عدد القيود الموجودة.

(ج) في حالة تغيير كميات الموارد المتاحة بالزيادة أو النقصان.

(د) في حالة تغيير الهدف، فقد يصبح تعظيم الأرباح أو تدنية التكاليف.

(هـ) في حالة تغير المعاملات الفنية للقيود.

٣ - يمكن اعتبار نموذج البرمجة الخطية أداة كشف لكثير من الواقعـ التي لم تكتشفـهاـ الإـدارـةـ فيـ حـيـهـاـ.

٤ - قد لا يوجد حل لبعض النماذج من هذا النوع، بسبب وجود تعارض بين بعض القيود والكميات المتاحة من الموارد النادرة، حيث يتم البحث في هذه الحالة عن هذا التعارض، وأن مجرد الكشف عنه سيعالج الكثير من نواقص التخطيط.

## خامساً - التوصيات

ندرج فيما يلي بعض المقترنات التي تحدد ضرورة قيام المنشأة بالأخذ بها من أجل تطوير العمل فيها:

١ - ضرورة تطبيق الأساليب العلمية التي سبق وأن طبـتـ فيـ منـشـآـتـ صـنـاعـيـةـ آـخـرـىـ فيـ الدـوـلـ الـمـقـدـمةـ بهـدـفـ حلـ المسـكـلاتـ وـحـقـقـتـ نـجـاحـاتـ كـبـيرـةـ.ـ ولـعلـ أـسـلـوبـ الـبرـمـجـةـ الـخـطـيـةـ هوـ أـحـدـ هـذـهـ الأـسـالـيبـ الـتـيـ كـانـتـ

## REFERENCES

1. Aronoff, E. Leonard and S. Sankar Sengupta: *Mathematical Programming*, (Publications in O.R., No. 5, John Wiley and Sons, Inc., 1961).
2. Saaty, Thomas L., *Mathematical Methods of operations Research*, (New York: Hc-Graw-Hill Book Co., 1959).
3. Taha, Hamdy A., *Operations Research An Introduction*, (New York: Macmillan Publishing Co., Inc., 1976).

**SUMMARY****Utilisation of Linear Programming  
Technique in determining Fertiliser  
Mixed Product in the Arab Gulf Area**

By:

**Sadiq M. Mohammed and Raja A. Sharif**  
College of Administration and Economics,  
Basrah University, Iraq

This Paper attempts to apply a linear programming technique as an essential tool to reach rational production decisions. It covers some linear programming concepts, the problems which are solved through this technique, the model building, and certain conclusions which the authors have arrived at. Some specific recommendations were stated too.

