

استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى في معالجة تشوه البيانات
مع التطبيق على دالة الاستهلاك في العراق للمدة ١٩٩٥-١٩٧٠

أ.م.د. هيثم طه اليوسف
كلية علوم الحاسوب والرياضيات
جامعة الموصل

أ.م.د. سعد عبّيل شهاب
كلية الادارة والاقتصاد
جامعة تكريت

الملخص

يهدف البحث إلى بناء نموذج دالة استهلاك يتفق مع النظرية الاقتصادية من خلال سلسلة من المعالجات الإحصائية لتمهيد البيانات، بحيث لا تتقاطع مع النظرية الإحصائية. ويفترض البحث أن استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى، تساهم في تحقيق مطابقة جيدة للدالة المقدرة على البيانات. اعتمد الأسلوب الكمي في تقدير مجموعة من دوال الاستهلاك وفقاً لطريقة المربعات الصغرى الاعتيادية، باستخدام بيانات عن الاستهلاك القومي والدخل العام والإنفاق العام للمدة ١٩٩٥-١٩٧٠ بالأسعار الجارية والثابتة. أهم استنتاج إن استخدام المتغيرات الصماء نجحت في إعادة المتغيرات التوضيحية للتفسير، إلا أن استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى معًا حققت مطابقة أفضل.

Used Dummy Variable and Power Transformation to Treatment Distortion of Data with Application on Consumption Function in Iraq for the Period 1970-1995

Abstract

The aim of the current research is to build a model for consumption function, which corresponds with the economic theory through a series of statistical treatment to smooth data which do not contrast with the statistical theory. The research hypothesis uses dummy variables and power transformation satisfies good fitting for the estimation a set of consumption functions by using ordinary least squares method, besides the data about national consumption, national income, general consumption and general expenditure for the period between 1970-1995 by current and fixed prices in Iraq.

The best conclusions, by using dummy variable has succeeded to review again and explain independent variables, but the use of dummy variables and power transformation has achieved a better fitting.

أولاً. المقدمة:

أهمية ومشكلة البحث

من المعروف أن كل ظاهرة اقتصادية أو اجتماعية أو أي من الظواهر الحياتية والطبيعية الأخرى، قابلة للتمثيل الرياضي الدالي الكمي كمتغير تابع ذو مدى (Range) كمي يعتمد على متغير أو عدد من المتغيرات التوضيحية لها منطلق (Domain) كمي أيضاً. ومن المعروف إن هذا التمثيل الدالي يمكن أن يتحول إلى أنموذج قياسي بإضافة حد الخطأ أو ما يعرف بالمتغير العشوائي (Random Variable) والذي يؤمن بدوره تمثيل التغيرات العشوائية غير المفهومة في الظاهرة، وبالتالي يكون هذا الأنماذج قابل للاستخدام في توصيف وقياس الظواهر والاقتصادية منها بوجه خاص. عندما تغلق دائرة المتغيرات التوضيحية الكمية للظاهرة المدروسة وتستوفى متطلبات النظرية الاقتصادية أو الاجتماعية أو الحياتية وغيرها، ويكون التمثيل الدالي الإحصائي ضعيفاً، فإن هذه الحالة ترجع إلى سبب واحد، وهو تشوّه البيانات بسبب تشوّه الظاهرة، وتعقد معطيات البيئة المحيطة بالظاهرة.

إن طرائق معالجة هذا التشوّه عديدة وجميعها تستند على نظرية تصغير حجم التأثير الذي يحدث حد الخطأ العشوائي في المتغير التابع، أو كما يعبر عنه بتصغير التباين أو تقليل متوسط مربعات خطأ الإحصاء ذات العلاقة عن طريق تمييد البيانات من خلال معالجات إحصائية ممكنة على دالة التأثير Influence Function المشتقة من الدالة المستهدفة (Luisa, 1997: 29-38) أو من خلال استخدام تحويلات القوى لمعالجة حزمة الالتواءات Kurtosis في الدوال الاحتمالية المتعلقة بمتغيرات أنموذج العلاقة (Ruppert 1992: 19-29) أو معالجة التفاطح Skewness and Wand عن طريق إزاحة متغير التوضيح على طول مقاطع التفاطح (Hall, 1992: 221-228).

ومن المعالجات الإحصائية الأخرى ذات الاستخدام الواسع ما يدعى بإعادة تشخيص المتغيرات النوعية غير المقيسة وغير المتضمنة في الأنماذج والتي يعتقد الباحث أنها تؤثر في المتغير التابع، وتمثيلها بالمتغيرات الصماء أو كما تسمى بالمتغيرات الوهمية Dummy Variable لتضمينها في الأنماذج.

إن المتغيرات الصماء تساهم في تقليل قوة تأثير حد الخطأ العشوائي في المتغير التابع إلى الحدود المقبولة، وتساهم في افتتاح الأنماذج على متغيرات توضيحية مؤثرة جديدة غير مقيسة وهي المتغيرات النوعية التي تمثل التعقيبات البيئية غير المنظورة للمحيطة بالظاهرة المدروسة والتي تمثل في أحيان كثيرة المتغيرات التوضيحية المؤثرة في المتغير التابع.

وفي العموم فإنه من المناسب البدء بمعالجة البيانات باستخدام المتغيرات الصماء في المرحلة الأولى من التحليل دون المعالجات الأخرى كلما أمكن ذلك لأن تضمين هذه المتغيرات في النماذج الاقتصادية على وجه الخصوص لا ينطاط مع فرضيات النظرية الاقتصادية الملزمة للتحليلات القياسية كشروط وإطار.

فرضية البحث

إن استخدام المتغيرات الصماء وتحويلات القوى في تقدير الدوال ومنها دالة الاستهلاك، يؤدي إلى تحقيق مطابقة جيدة على البيانات ويساهم في تمييد البيانات وبناء النماذج.

هدف البحث

يهدف البحث إلى بناء أنموذج لدالة الاستهلاك يتوافق مع منطق النظرية الاقتصادية من خلال سلسلة من عمليات التمهيد Smoothing والمعالجة

الإحصائية Statistical Processing للبيانات لتحويلها إلى حزمة قابلة للتحليل الإحصائي بحيث لا تتعارض مع فرضيات النظرية الإحصائية من خلال استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى.

منهج البحث

اعتمد البحث أسلوباً وصيفياً في جانبه النظري، أما في الجانب التطبيقي فقد اعتمد الأسلوب الكمي، حيث تم تقدير مجموعة من دوال الاستهلاك وفقاً لنماذج انحدار خطية ولا خطية بطريقة المربعات الصغرى الاعتيادية بالاستناد إلى بيانات عن الاستهلاك القومي والدخل القومي لمدة ١٩٧٠-١٩٩٤ بالأسعار الثابتة، والاستهلاك العام والإنفاق القومي لمدة ١٩٧٠-١٩٩٥، بالأسعار الجارية والثابتة في العراق.

واستخدمت طريقتان في معالجة تشوه البيانات الأولى طريقة تضمين المتغيرات الصماء في الأنماذج من أجل تقليل تأثير المتغير العشوائي في المتغير التابع والثانية طريقة تحويل القوى لمعالجة حزمة الالتواءات في الدوال الاحتمالية المرتبطة بمتغيرات الأنماذج.

دالة الاستهلاك وتطبيقاتها الشائعة:

كانت النظرية الاقتصادية الكلاسيكية غير معنية بدالة استهلاك تربط الدخل بالاستهلاك، على اعتبار أن الاقتصاد في حالة استخدام كامل، وان قرارات الاستهلاك تعتمد على التغيرات في سعر الفائدة، لذا اعتبر الاستهلاك دالة سالية في سعر الفائدة وليس كدالة في الدخل، كون الأخير متغيراً ثابتاً في الاقتصاد ذو الاستخدام الكامل (Vaish, 1963-1973). إن هذه الظروف تعارضت مع ما قدمه كينز - الذي اعتمد في تحليله على الأجل القصير - من أن الإنفاق الاستهلاكي الحالي يتوقف أساساً على الدخل الحالي، وان الاستهلاك الحقيقي دالة ثابتة في الدخل الحقيقي، وان الميل الحدي للاستهلاك (MPC) موجب وأقل من الواحد الصحيح، كما انه أقل من الميل المتوسط للاستهلاك (APC) (Keynes, 1939: 96-97).

وقد بينت الدراسات التي أجريت على ميزانية الأسرة والمعتمدة على ما توصل إليه ارنست انجل Ernst Engel من خلال بيانات المقاطع العرضية لميزانية الأسرة إن العلاقة بين دخل الأسرة واستهلاكها الكلي مثل العلاقة التي افترضها كينز من أن (MPC) كمية موجبة وأقل من الواحد الصحيح ويتوجه للانخفاض مع زيادة الدخل (Bronson and Litvock, 1976: 187).

وهنا يشير آكلي Ackley إن دالة الاستهلاك المقدرة بالاعتماد على بيانات ميزانية الأسرة كانت متعارضة مع ما طرحته كينز ، فهذه البيانات توضح كيف يختلف الاستهلاك في حالة تغير الدخل بين العوائل ذات المستويات الداخلية المختلفة في حين جاءت فرضيات كينز لتبين كيف يختلف الاستهلاك عندما يتغير الدخل على المستوى الكلي (Ackley, 1961: 223).

إن أولى الدراسات التي صاغت دالة الاستهلاك للأجل الطويل مستندةً على بيانات السلسل الزمنية، قدمت من قبل سيمون كوزنطس Simon Kuznets بالاعتماد على تقديرات الدخل القومي والإنفاق الاستهلاكي الأمريكي للفترة 1869-1983، وقد خرجت تلك الدراسة بنتائجين الأولى أن (MPC) لم يتوجه للانخفاض في الأجل الطويل مما يعني إن $APC = MPC$ عند زيادة الدخل، وهذا يدل على ثبات APC وان العلاقة بين الدخل القومي والإنفاق الاستهلاكي تناضية وتأخذ الصيغة الآتية:

$$C = B_1 Y$$

أما النتيجة الثانية فهي أن $APC > MPC$ في الأجل القصير عندما يكون الاقتصاد في حالة كسر، وان APC سوف يتغير بشكل عكسي مع الدخل وان العلاقة بين الدخل القومي والإنفاق الاستهلاكي غير تناصية وتأخذ الصيغة الآتية:

$$C = B_0 + B_1 Y$$

في الوقت الذي يمثل هذا دعماً لما ذكره كينز من أن الاستهلاك هو دالة في الدخل إلا انه يعارض افتراض كينز من أن $APC < MPC$ في الأجل الطويل.

على هذا الأساس قدم عدد من الاقتصاديين نظريات جديدة لغرض التوفيق بين النتائج التي خرجت بها دالة الاستهلاك في الأجل القصير ودالة الاستهلاك في الأجل الطويل، في مقدمتها نظرية الدخل المطلق Absolute Income لآرثر سميثيز (Smithies, 1945:1-14) حيث بين أن دالة الاستهلاك ذات علاقة غير تناصية، وعدم حصول انخفاض في APC مع زيادة الدخل. وكذلك نظرية الدخل النسبي Relative Income التي قدمها ديوزنبيري (Duesenberry, 1967: 1-27) والتي مفادها أن العلاقة بين الدخل والاستهلاك تناصية، حيث أن السلوك الاستهلاكي للفرد يعتمد على السلوك الاستهلاكي لآخرين، فعندما يزداد الدخل المطلق للأفراد بنفس النسبة فإن المركز النسبي للأفراد في سلم توزيع الدخل سيبيقي على حاله وان الدخل النسبي لهم يبقى ثابتاً على الرغم من الزيادة في الدخل المطلق كون الأفراد سيستمرون في إنفاق نفس الجزء من دخلهم الإضافي على الاستهلاك والذي حصلوا عليه في الماضي قبل الزيادة.

إن كل من فريدمان Friedman الذي قدم نظرية الدخل الدائم Permanent Income عام 1957 (1957: 167) وكذلك اندو ومودلاني Ando and Modigliani (1963: 55-84) أصحاب نظرية دورة الحياة Life Cycle، أعطوا توقعات عقلانية للفرد تقوم على التخطيط الحالي والمستقبل، تخلص ركائزها بمقدار الدخل والاستهلاك الحاليين والدخل المتوقع في المستقبل، وكذلك مقدار احتياجات الفرد والتي قد تكون مرتبطة بمستوى الرفاهية الاقتصادية للفرد وتأثير سعر الفائدة والادخار الحالي على كل من الدخل والاستهلاك في المستقبل. فريدمان يرى أن الاستهلاك الحالي للفرد لا يعتمد على دخله الحالي فقط، بل يعتمد أيضاً على اعتبارات طويلة الأجل، تتعلق بتوقعات دخله الدائم في المستقبل الذي يقدر، فضلاً عن دخله المتوقع (الانتقالي) Transitory Income. أما مودلاني فيعتبر أن الاستهلاك في الفترة الحالية أو المستقبلية هو انعكاس لخطة ترسم خلال عمر الفرد، وان الدخل المتحقق في أي من الفترتين يعد عاملً واحد في تحديد صيغة الخطة. ويدخل هنا عدم اليقين في التوقعات المستقبلية وعدم مبالغة الفرد بقيود السيولة بالأخص عندما يكون دخله مرتفع، مما يربك الأفكار التي جاء بها مودلاني (carroll.htmlcarrol, 2001, 1- www.pcon.jhu/people/carroll) .

عليه يمكن القول أن النظريتين الأخيرتين أعطيا أساس نظرية لبناء دالة تربط بين الدخل والاستهلاك إلا أن افتراضاتهما قد تكون بعيدة عن الواقع مما يضفي على النتائج المتحصل عليها بأن تكون غامضة.

بعد ذلك قدمت عدة بحوث تطبيقية أغلبها اعتبرت أن الدخل الجاري هو الذي يؤثر بشكل كبير على قرارات الاستهلاك والادخار. فقد تطرق (Richard, 1993: 386-375) إلى الدالة الكينزية ذات الصيغة الآتية:

عندما (Y^d) تمثل الدخل المتاح القابل للتصرف، والدالة التقديرية التي قدمت من قبل الاقتصاديين الكينزيين من البيانات السنوية للأجل القصير (1929-1941) والتي اتخذت الصيغة الآتية:

$$C = 26.5 + 0.75 Y^d$$

ومن ثم استخدم (APC) بدلاً من الاستهلاك (C) كما في الصيغة الآتية:

$$APC = \frac{C}{Y^d} = \frac{B_0}{Y^d} + B_1$$

فأكَد وجهة نظر كينز من أن $MPC < APC$ مما يعني أن (APC) ينخفض مع زيادة الدخل. كما اعتمد Richard Kuznets ذاتها التي استخدمها Simon Kuznets فوجد انه لا يوجد ميل لانخفاض APC بالرغم من الزيادة في الدخل القومي خلال تلك المدة، ولا يوجد دليل أيضاً على حدوث انخفاض في APC في أغلب السنوات الأخيرة حتى سنة ١٩٩٠.

بناءً على ذلك فإن هذا البحث يقدم تطبيقات شائعة لدالة الاستهلاك تختلف باختلاف اعتمادية متغير الاستهلاك، والذي يمكن توصيف دالته بالاعتماد على التغير في الدخل أو التغير في الإنفاق، حيث تم التطبيق على أربع دول، الأولى دالة العلاقة بين متوسط الاستهلاك القومي والدخل القومي بالأسعار الثابتة، والثانية دالة العلاقة بين الاستهلاك القومي والدخل القومي بالأسعار الثابتة أيضاً تحت فرض أن سنة الأساس هي سنة ١٩٨٠ وللمدة ١٩٧٠-١٩٩٤، والثالثة دالة العلاقة بين الاستهلاك العام والإنفاق القومي بالأسعار الجارية للمدة ١٩٧٠-١٩٩٥، والرابعة دالة لذات العلاقة الأخيرة إلا أنها بالأسعار الثابتة وتحت افتراض أن سنة الأساس هي ١٩٨٠ أيضاً.

قام الباحثان قبل ذلك بإجراء عدة تطبيقات أولية لتقدير دالة استهلاك ثبتت نتائجها في جدول (٧)، ربطت الأولى العلاقة بين الاستهلاك العام كمتغير تابع والدخل القومي المتاح كمتغير مستقل وبالأسعار الجارية للمدة ١٩٧٠-١٩٩٥. ويتبيَّن أنها لم تجتذب الاختبار الاقتصادي كون (MPC) أكبر من الواحد الصحيح، وربطت الثانية العلاقة ذاتها مع حذف السنة الأخيرة لتضخم رقمها، أي أصبحت المدة ١٩٧٠-١٩٩٤ وتبين أن الدخل القومي المتاح يحدد ١٠٠% من التغيرات في الاستهلاك العام مما يعني أن نسبة الانحرافات الموضحة إلى الانحرافات الكلية مساوية للواحد وبالتالي فإن نسبة المساهمة العالمية هذه للدخل القومي المتاح في تفسير التغيرات الحاصلة في الاستهلاك العام لا تتفق مع نظرية الاستهلاك ولا مع طبيعة البيانات التي تربط تلك العلاقة. أما التطبيق الثالث لغرض تقدير الدالة، فهو ربط العلاقة بين متوسط الاستهلاك القومي والدخل القومي المتاح بالأسعار الجارية للمدة ١٩٧٠-١٩٩٥ فأوضحت الدالة الثالثة إن $MPC = 0$ وهي نتيجة غير منطقية من الناحية الاقتصادية. وعند التطبيق الرابع تم استخدام ذات العلاقة في التطبيق الثالث مع حذف السنة الأخيرة فكانت التقديرات غير متفقة مع النظرية الاقتصادية والإحصائية.

بعد ذلك، تم إجراء عدة تطبيقات لتقدير العلاقة باعتماد دوال لوغارتمية مزدوجة ونصف لوغارتمية منها على سبيل المثال الدالة الخامسة نصف اللوغارتمية باعتماد العلاقة بين متوسط الاستهلاك القومي والدخل القومي بالأسعار الجارية للمدة ١٩٧٠-١٩٩٤. وكذلك الدالة السادسة اللوغارتمية المزدوجة باعتماد نفس العلاقة بتقليل المدة إلى ١٩٧٠-١٩٩٠، فكانت النتائج غير معنوية سواءً لقيمة MPC بعد التحويل أو للاحتجارات الإحصائية.

من المعروف أن هذا التنوع في تطبيقات دالة الاستهلاك قائم من منطلق البحث في بناء دالة تحقق أفضل متطلبات المطابقة على البيانات موضوع البحث سواءً كانت هذه البيانات متعلقة بالدخل القومي أو الإنفاق القومي وبطريقي التعبير المعروفة – الأسعار الجارية والأسعار الثابتة.

لقد تمت الإشارة في مقدمة البحث إلى أهمية المتغيرات الصماء في تحسين مطابقة الدوال المفترضة على البيانات المتعلقة بها، وللتمهيد لأهمية هذه المتغيرات تم تطبيق

الدول على بيانات الاستهلاك والدخل والإنفاق في العراق للمدة ١٩٧٠-١٩٩٥، وهي مدة غير متجانسة في ظروفها ومتغيراتها كما هو معروف، وتنطوي على انتقالات مهمة في المجتمع والدولة في العراق، الأمر الذي وجده الباحثان ملزماً لتطبيق دوال الاستهلاك على مدد متسبة مع ظروفها وجزئية من مدة الدراسة الكلية لبيان أهمية استخدام المتغيرات النوعية المعايرة عن الظروف والأحداث المتغيرة.

تم تقسيم مدة الدراسة إلى ثلاثة مدد جزئية وهي سنوات السبعينات بما تمثله من انتعاش اقتصادي مضافاً لها السنة الأولى من العقد التالي لاتساق ظروف هذه السنة مع سبقاتها عموماً لتصبح المدة الجزئية الأولى ١٩٧٠-١٩٨١، والمدة الجزئية الثانية تمثل سنوات الحرب العراقية الإيرانية ١٩٨٢-١٩٩٠ والمدة الجزئية الثالثة تمثل جانباً من سنوات الحصار الاقتصادي الذي فرض على العراق للمدة ١٩٩٠-١٩٩٤ لبعض البيانات وللمدة ١٩٩٥-١٩٩٥ لبعض آخر. وإن الجدولين (٨) و(٩) يشتملان البيانات التي تيسر للدراسة.

١-٢ دالة متوسط الاستهلاك القومي - أسعار ثابتة -

في هذه المرحلة تم تحليل بيانات متوسط الاستهلاك القومي والدخل القومي المتاح للمرة ١٩٩٤-١٩٧٠ بالأسعار الثابتة باعتبار $١٩٨٠ = ١٠٠$. فتم الحصول على دالة تقديرية أخذت الصيغة الآتية:

$$\hat{Y}_i = 1.052 + 0.000025 X_i \quad \dots \quad (1)$$

to = (9.974)** (2.281)*

$$F = 5.903 \quad R^2 = 18\% \quad \text{MSE} = 0.40$$

يلاحظ من معطيات الدالة أعلاه، إن القيمة المقدرة للمعلمـة B_1 مقاربة للصفر وهي لا تتفق مع المنطق الاقتصادي، في حين كان اختبار t معنوي إحصائياً بمستوى معنوية 1% و 5% مع انخفاض في معامل التحدـيد (R^2) .

وبإعادة تحليل البيانات على مستوى المدد الجزئية المشار إليها حصل الباحثان على النتائج الموضحة في جدول (١).

جدول (١) : تقدير دوال متوسط الاستهلاك القومي - الدخل القومي المتاح في العراق للمدد الجزئية

١٩٧٠-١٩٩٤ بالأسعار الثابتة

الأنموذج والاختبارات	المدة
$\hat{Y}_i = 0.989 - 0.00004 X_i$	١٩٨١-١٩٧٠

to (10.92)** (4.11)** F = 16.89** R ² = 62.8% Y _i = 1.29 - 0.000026 X _i	١٩٩٠-١٩٨٢
to (10.40)** (2.17) F = 4.72 R ² = 40.3% Y _i = 1.19 - 0.000080 X _i	١٩٩٤-١٩٩١

نستطيع القول أن تطبق دالة الاستهلاك على بيانات المدد الجزئية أبرز لنا نمطاً من التجانس المقبول لبيانات كل مدة على حدة من خلال اختلاف الحدود الثابتة التي تمثل انطلاقاً خطوط الانحدار وتساوي الميلو الثابتة والتي يمكن اعتبارها متساوية للصفر. أي أن معادلات الانحدار تكاد تكون متوازية، وهذا يؤكد انتقاء بيانات كل مدة إلى مجموعتها الجزئية، إضافة إلى قدرة الأنماذج الأولى في تفسير نسبة مقبولة من التغيرات التي حصلت في متغير الاستهلاك في سنوات السبعينيات وهي الأهم في سياق الأحداث التي وقعت في العراق.

٢-٢ دالة الاستهلاك القومي - أسعار ثابتة-

تم في هذه المرحلة تحليل بيانات الاستهلاك القومي والدخل القومي المتاح للمدة ١٩٧٠-١٩٩٤ بالأسعار الثابتة وتحت فرض $100 = 1980$ وقد تم الحصول على تقدير دالة العلاقة على وفق معادلة الانحدار التالية موضحاً نتائج إحصاءات الاختبار من الدرجة الأولى.

$$\hat{Y}_i = 2085 + 0.555 X_i \quad (2)$$

to = (1.73) (4.46)**
F = 19.87** R² = 46.3% MSE = 2401.86

ويتبين من معادلة الانحدار (٢) إن دالة الاستهلاك التقليدية قد حققت وإلى حدٍ ما مطابقة جيدة على البيانات المتوفرة، وبالرغم من اجتيازها للاختبارات الاقتصادية والمعنوية الإحصائية لمقدرة المتغير المستقل، إلا أن (R^2) كانت منخفضة.

وبإعادة تحليل البيانات على مستوى المدد الجزئية حصل الباحثان على النتائج المبينة في جدول (٢) والتي تؤكد على قدرة دالة الاستهلاك في التوصيف من خلال الاختلاف الواضح في تقديرات الحدود الثابتة والميلو الحدية أولاًً ومن خلال حجم التفسير الجيد لمتغير الدخل القومي المتاح في توضيح التغير في الاستهلاك القومي ولكن أنماذج على حدة، الأمر الذي يؤكد صحة تقسيم المدة الكلية إلى المدد الجزئية آنفة الذكر.

جدول (٢)

تقدير دوال الاستهلاك القومي - الدخل القومي المتاح في العراق للمدد الجزئية من المدة ١٩٩٤-١٩٧٠ بالأسعار الثابتة

المدة	الأنماذج والاختبارات
-------	----------------------

$\hat{Y}_i = 3196 + 0.264 X_i$ to (4.33)** (3.72)** $F = 13.84^{**}$ $R^2 = 58.1\%$	١٩٨١-١٩٧٠
$\hat{Y}_i = 2737 + 0.755 X_i$ to (2.32)** (6.74) $F = 45.49$ $R^2 = 86.7\%$	١٩٩٠-١٩٨٢
$\hat{Y}_i = 507 + 0.780 X_i$ to (0.80)* (3.55) $F = 12.62$ $R^2 = 86.3\%$	١٩٩٤-١٩٩١

٣-٢ دالة الاستهلاك العام - أسعار جارية

في هذه المرحلة تم تحليل بيانات الاستهلاك العام والإنفاق العام للمدة ١٩٧٠-١٩٩٥ بالأسعار الجارية وحصل الباحثان على تقدير دالة العلاقة على وفق معادلة الانحدار التالية موضحاً معها نتائج إحصاءات الاختبار من الدرجة الأولى:

$$\hat{Y}_i = -8067 + 1.11 X_i \quad (3)$$

$$to = (2.13)** (151.07)*$$

$$F = 22823.01 \quad R^2 = 99.9\% \quad MSE = 18639.40$$

إن مقدرات هذه الدالة لا تتفق مع منطق نظرية الاستهلاك كون $MPC > 1$ ، إضافة إلى سالبية (B_0) الذي يمثل الاستهلاك المستقل، على الرغم من المعنوية الإحصائية العالية للمقدرات والتي يظهرها اختبار (t). كما يلاحظ عدم منطقية نسبة معامل التحديد المقدر لاقترابه من الواحد الصحيح للأسباب المذكورة سابقاً.

وبتحليل البيانات على مستوى المدد الجزئية حصل الباحثان على النتائج المبينة في الجدول (٣).

جدول (٣)

تقدير دوال الاستهلاك العام - الإنفاق القومي في العراق للمدد الجزئية من المدة ١٩٧٠-١٩٩٥ بالأسعار الجارية

الأنموذج والاختبارات	المدة
$\hat{Y}_i = 553 - 0.507 X_i$ to (3.68)** (21.39)**	١٩٨١-١٩٧٠

$F = 457.71^{**}$ $R^2 = 97.9\%$	
$\hat{Y}_i = -132 + 0.774 X_i$ $t_o (0.04)^{**} (4.16)^{**}$ $F = 17.28$ $R^2 = 71.2\%$	١٩٩٠-١٩٨٢
$\hat{Y}_i = -32808 + 1.12 X_i$ $t_o (1.37)^* (55.30)^{**}$ $F = 3058.06$ $R^2 = 99.9\%$	١٩٩٤-١٩٩١

إن تحليل البيانات على مستوى المدد الجزئية، أظهر لنا بعض المقبولية، حيث عادت نتائج تحليل المدد الأولى والثانية إلى دائرة القبول، وكانت النتائج منطقية عكس المدة الثالثة التي كانت نتائج تحليل بياناتها غير منطقية إلى حدٍ ما، وتعطي انطباعاً أولياً بأنها ربما كانت سبباً في نتائج تحليل أنموذج المدة الكاملة.

٤-٢ دالة الاستهلاك العام – أسعار ثابتة

في هذه المرحلة تم تحليل بيانات الاستهلاك العام والإنفاق القومي للمدة ١٩٧٠-١٩٩٥ بالأسعار الثابتة وباعتبار ١٩٨٠ = 100، وحصل الباحثان على تقدير دالة العلاقة على وفق معادلة الانحدار التالية موضحاً معها نتائج إحصاءات الاختبار من الدرجة الأولى:

$$\hat{Y}_i = 694 + 0.607 X_i \quad (3)$$

$$t_o = (2.26)^* \quad (13.88)^{**}$$

$$F = 192.72 \quad R^2 = 88.9\% \quad MSE = 774.10$$

يتبيّن لنا إن هذه الدالة حققت مطابقة جيدة لبيانات الاستهلاك العام للإنفاق القومي بالأسعار الثابتة، كونها اجتازت الاختبارات الاقتصادية والإحصائية معاً. وعند تحليل بيانات السلسلة الزمنية على مستوى المدد الجزئية جدول (٤) يتبيّن أن الدوال المقدرة حققت مطابقة أفضل عند تحليل البيانات مقارنة بكل مدة المرحلة ١٩٧٠-١٩٩٥، لاسيما للمدد الأولى والثالثة. في حين فشلت في تحقيق مطابقة مقبولة في حدها الأدنى للمدة الثانية، الأمر الذي يبقى الباب مفتوحاً إلى حدٍ ما أمام أهمية التوصيف على المستوى الجزيئي.

جدول (٤)

تقدير دوال متوسط الاستهلاك القومي – الإنفاق القومي في العراق
للمدد الجزئية من المدة ١٩٩٥-١٩٧٠ بالأسعار الثابتة

المدة	الأنموذج والاختبارات
١٩٨١-١٩٧٠	$\hat{Y}_i = 852 + 0.486 X_i$

$to (3.91)^{**} (14.35)^{**}$ $F = 205.98^{**} R^2 = 95.4\%$ $\hat{Y}_i = 4763 + 0.234 X_i$	$1990-1982$
$to (4.73)^{**} (2.14)$ $F = 4.56 R^2 = 39.5\%$ $\hat{Y}_i = 462 + 0.706 X_i$	$1995-1991$
$to (1.98) (7.290)^{**}$ $F = 53.10^{**} R^2 = 94.7\%$	

يتضح من التحليل التقليدي للبيانات حجم التشوّه الكبير في هذه البيانات. ومعروف أن هذا التشوّه يعود إلى حجم التغيرات الكبيرة التي حدثت في البلاد خلال العقود الثلاثة السابقة والتي تراوحت ما بين انتعاشات كبيرة في الاقتصاد أو اسفل السبعينات وانتقالاته السريعة التي حققت وفورات مالية هائلة، وبين انتكاسات مريرة في قطاعات الاقتصاد المختلفة، نتيجة سنوات الحرب في عقد الثمانينات وسنوات الحصار في عقد التسعينات.

إن نتائج مهمة على مستوى التوصيف والتبؤ تمضي عن هذه الانتقالات، خلفت قصوراً كبيراً في أدوات مراكز البحث والقرار، الأمر الذي سيترتب عليه توصيف التأثيرات العريضة لهذه الانتقالات جنباً إلى جنب، أي محاولة توصيف للعلاقات التبادلية لأية ظاهرة اقتصادية.

عليه، عمد الباحثان إلى استخدام المتغيرات الصماء لتمثيل التأثيرات العرضية غير المُقيسة واستخدام تحويل القوى لتحويل بيانات المتغير التوضيحي كأدوات لمعالجة تشوّه البيانات وضعف قدرة النماذج الخطية التقليدية في تمثيل هذه البيانات وتعظيم قدرة المتغير التوضيحي في تفسير التباين الكلي للمتغير التابع.

ثالثاً. استخدام المتغيرات الصماء في تمهيد البيانات:

١-٣ إطار نظري

إن القاعدة العامة في اختيار المتغيرات الصماء متعلقة بعدد المستويات غير المتجانسة للمتغير النوعي، فإذا كان لهذا المتغير K من المستويات فيمكن تمثيله بـ(1-K) من المتغيرات الصماء. وعلى سبيل المثال إذا كان المتغير النوعي متعلق بحالة الحرب والسلم بين بلدين، فإن $2 = K$ وبالتالي فإن متغيراً وهمياً واحداً سيكون كافياً لتمثيل العلاقة بين البلدين على وفق الآتي:

$$D = \begin{cases} 1 & \text{في حالة الحرب} \\ 0 & \text{في حالة السلم} \end{cases} \quad (5)$$

إن هذه القيم العددية (الواحد والصفر) للمتغير النوعي ليس هدفها إعطاء الأهمية النسبية لمستويات المتغير، بل الهدف منها هو التمييز بين هذه المستويات (خاشع الرواية، ١٩٨٧: ٤٠٢).

في النماذج الخطية والتي تستخدم في القياس الاقتصادي، تختلف استخدامات المتغيرات الصماء باختلاف أنماط البيانات ومتطلبات النظرية الاقتصادية (عبدالقادر عطيه، ٢٠٠٤: ٣٣٩) ويمكن إيجاز أهم هذه الاستخدامات فيما يأتي:

١. بناء نموذج لفترات زمنية طويلة تخللتها أحداث عرضية كبيرة مثل الحرب والانقلابات والكوارث، ساهمت في إحداث تغيرات كبيرة في الظاهرة موضوع الدراسة. فمن خلال استخدام المتغيرات الصماء يمثل كل منها بفترة زمنية متجانسة في التأثير والتأثير في محيط الظاهرة خلال الفترة وتكون جزئية من السلسلة الزمنية وتظهر احتمالات مختلفة للعلاقة بين الميل الحدي وحدود الثابتة لنماذج مماثلة للعلاقة بين متغيرين في سلسلة زمنية مجزأة.

إن استخدام المتغيرات الصماء يساعد في بناء نموذج انحدار خطى بسيط مشترك لنفس الدالة ولفترات الجزئية من السلسلة الزمنية الأصلية سوية، وتقع هذه الدراسة في إطار هذا الاستخدام وبالتحديد لحالة تساوي الميل الحدي واختلاف الحدود الثابتة والمطبقة من قبل ماراي (Murray, 2006: 331).

٢. بناء نموذج انحدار مشترك لوصف دالة ظاهرة معينة في مجتمعين مختلفين، ولا يختلف استخدام المتغيرات الصماء في هذه الحالة عن الحالة السابقة.

٣. استخدام المتغيرات الصماء في نماذج السلسلة الزمنية ذات التقلبات الموسمية كموجات البرد والحر المفاجئة (Koutsoyiannis, 1977: 284).

٤. تقدير نموذج السلسلة الزمنية للدواوين ذات التقلبات الموسمية الطبيعية والمتوقعة كدواوين المبيعات الموسمية. ويشير الباحثون إلى إمكانية استخدام المتغيرات الصماء في أنموذجي الضرب والجمع.

٥. تقويم نماذج العلاقات التي تمثل بخط منكسر – وهو ذلك النمط من الخطوط التي يتغير فيها الميل بعد مستوى معين من العلاقة – الأمر الذي يستوجب قياس التغير في الميل لمرحلتين على الأقل أولهما قبل نقطة الانحراف في الخط وثانيهما بعد نقطة الانحراف (Draper and Smith, 1982: 340).

٦. تستخدم كبديل عن القياسات الكمية لبعض المتغيرات الكمية عند فقدان بعض منها أو أن طبيعة المتغيرات تستوجب هذا التمثيل كالفئات العمرية في الدراسات السكانية أو فئات الدخل في الدراسات الاقتصادية وكل النوعين من الدراسات يستوجبان في أحيان التخلص عن المعدل لتمثيل الفئات لصالح الترميز الرقمي كمتغيرات صماء.

من جانب آخر، هناك اتجاه جديد لتصنيف استخدامات المتغيرات الصماء على أساس رياضي يختلف عن التصنيف السابق ذكره الذي يصف هذه المتغيرات بالاستناد على طبيعة وأساليب نماذجها، والأساس الرياضي يستند على الجوانب الإحصائية لأنموذج المستهدف، فيشير (Murray, 2006: 328) إلى هذه الاستخدامات وهي:

المتغيرات الصماء المتعددة لتقدير المتوسط

Multiple Dummy Variable to Estimate Means

١. المتغيرات الصماء المتعددة لتقدير معلمة المقطع

Multiple Dummy Variable to Estimate Intercept

٢. المتغيرات الصماء المتعددة لتصنيف الأبعاد المتعددة

Multiple Dummy Variable to Categorize Along Several Dimensions

٣. المتغيرات الصماء المتعددة لميول مختلفة لفئات مختلفة

Multiple Dummy Variable to Allow Different Slopes for Different Groups

٤-٣ تحليل البيانات باستخدام المتغيرات الصماء

لما كانت الدراسة تفترض إن عدد المتغيرات النوعية غير المقلسة يساوي (٣) والتي تقابل قيمة (K) وهي كل من سنوات السبعينات والثمانينات والتسعينات، استوجب ذلك افتراض متغيرين نوعيين بالاستناد إلى العلاقة (K-1) لتشكل مع المتغير التوضيحي الصيغة المفترضة التالية لأنموذج العلاقة:

$$Y_i = B_0 + B_1 X_i + B_2 D_{1i} + B_3 D_{2i} + e_i \quad (6)$$

حيث أن D_{1i} و D_{2i} يمثلان متغيران أصمان مساويان للصفر والواحد الصحيح على وفق المعادلة الآتية:

$$\left\{ \begin{array}{ll} D = (0, 1) & \text{للمدة 1981-1970} \\ & (1, 0) \text{ لـ 1990-1982} \\ & (0, 0) \text{ لـ 1995-1991} \end{array} \right. \quad (7)$$

إن هذا التقسيم يؤمن تقدير الأنماذج الكلية لكل من العلاقات المدروسة على وفق المعادلة (6) وتقدير النماذج الفرعية الممثلة لفترات الثلاثة وكالآتي:

$$\left\{ \begin{array}{ll} D = \left(\hat{B}_0 + \hat{B}_2 \right) + \hat{B}_1 x_i & \text{للمدة 1981-1970} \\ & (1990-1982) \\ D = \left(\hat{B}_0 + \hat{B}_3 \right) + \hat{B}_1 x_i & \text{للمدة 1990-1982} \\ & (1995-1991) \end{array} \right. \quad (8)$$

حيث يلاحظ تساوي الميل الحدية لخطوط انحدار الفترات الثلاث، واختلاف الحدود الثابتة لهذه الخطوط (Walpole and Myers and Nyers, 2002: 427) و (Murray, 2006: 331).

بتحليل البيانات في الجدولين (٨) و (٩) مع استخدام المتغيرات الصماء D_{1i} و D_{2i} المعرفة على وفق الصيغة (٧)، حصل الباحثان على النماذج المقدرة لدوال الاستهلاك المختلفة موضحاً معها إحصاءات الاختبار من الدرجة الأولى وملخصة بالجدول (٥).

جدول (٥)
نماذج مقدرة لدوال الاستهلاك المختلفة متضمنة المتغيرات الصماء للفترة ١٩٩٥-١٩٧٠
بالأسعار الجارية والثابتة

المدة	الأنماذج والاختبارات
دالة متوسط الاستهلاك القومي - الدخل القومي المتاح بالأسعار الثابتة ١٩٨٠=١٠٠ العراق للفترة ١٩٧٠-١٩٩٤ والمدد الجزئية لها	$\hat{Y}_i = 1.07 - 0.000025 X_i + 0.201 D_{1i} - 0.187 D_{2i}$ <p>to (17.66)** (3.59)** (2.70)* (2.61)*</p> <p>$F = 25.14^{**}$ $R^2 = 78.2\%$ $M.S.E = 0.114$</p>
للمدة ١٩٨١-١٩٧٠ للمدة ١٩٩٠-١٩٨٢	$\hat{Y}_i = 1.271 - 0.000025 X_i$ $\hat{Y}_i = 0.883 - 0.000025 X_i$

$\hat{Y}_i = 1.271 - 0.000025 X_i \quad \text{للمدة ١٩٩١-١٩٩٤}$	
$\hat{Y}_i = 1738 + 0.349 X_i + 5208 D_{1i} + 628 D_{2i}$ <p>to (3.47)** (5.29)** (6.98)** (0.89) $F = 88.74^{**} \quad R^2 = 92.7\% \quad M.S.E = 927.93$</p>	<p>دالة الاستهلاك القومي - الدخل القومي المتاح بالأسعار الثابتة ١٩٨٠ = ١٠٠ العراق للمدة ١٩٧٠ - ١٩٩٤ والمدد الجزئية لها</p>
$\hat{Y}_i = 6946 + 0.349 X_i \quad \text{للمدة ١٩٧٠-١٩٨١}$ $\hat{Y}_i = 2366 + 0.349 X_i \quad \text{للمدة ١٩٨٢-١٩٩٠}$ $\hat{Y}_i = 1738 + 0.3492 X_i \quad \text{للمدة ١٩٩١-١٩٩٤}$	
$\hat{Y}_i = -32787 + 1.12 X_i + 26168 D_{1i} + 30374 D_{2i}$ <p>to (3.69)** (148.45)** (2.53)* (3.02)** $F = 9920.16^{**} \quad R^2 = 99.9\% \quad M.S.E = 16325.5$</p>	<p>دالة الاستهلاك العام - الإنفاق القومي ب الأسعار الجارية في العراق للمدة ١٩٧٠ - ١٩٩٥ والمدد الجزئية لها</p>
$\hat{Y}_i = -6619 + 1.12 X_i \quad \text{للمدة ١٩٧٠-١٩٨١}$ $\hat{Y}_i = -2413 + 1.12 X_i \quad \text{للمدة ١٩٨٢-١٩٩٠}$ $\hat{Y}_i = -32787 + 1.12 X_i \quad \text{للمدة ١٩٩١-١٩٩٥}$	
$\hat{Y}_i = 1014 + 0.465 X_i + 1654 D_{1i} - 44 D_{2i}$ <p>to (4.89)** (13.51)** (4.94)* (0.18) $F = 228.18^{**} \quad R^2 = 46.9\% \quad M.S.E = 428.71$</p>	<p>دالة الاستهلاك العام - الإنفاق القومي ب الأسعار الثابتة ١٩٨٠ = ١٠٠ العراق للمدة ١٩٧٠ - ١٩٩٥ والمدد الجزئية لها</p>
$\hat{Y}_i = 2668 + 0.465 X_i \quad \text{للمدة ١٩٧٠-١٩٨١}$ $\hat{Y}_i = 970 + 0.465 X_i \quad \text{للمدة ١٩٨٢-١٩٩٠}$ $\hat{Y}_i = 1014 + 0.465 X_i \quad \text{للمدة ١٩٩٠-١٩٩٥}$	

يتبيّن من نتائج التحليل في جدول (٥) لبيانات متوسط الاستهلاك القومي (\hat{Y}_i) والدخل القومي المتاح (X_i) والمتغيرات الصماء (D_{1i}) و(D_{2i}) والمعرفة على وفق المعادلة (٦) للمدة الكلية ١٩٩٤-١٩٧٠، ومن النماذج المقترنة للمدد الجزئية على وفق النماذج المعرفة بالمعادلة (٨)، إن قيمة F المستخرجة معنوية وإن الانحدار معنوي لكل وهي متسقة تماماً مع قيمة معامل التحديد (R^2) التي تشير إلى أن الأنماذج يوضح ما يزيد عن 78% من التغييرات الكلية في متوسط الاستهلاك القومي، إلا أن القيمة المقترنة لمعلمة الانحدار (B_1) صغيرة وتکاد تكون مساوية لصفر، أي أن المتغيرات الصماء التي اشتراك في الأنماذج هي التي ساهمت بالنسبة العظمى في تفسير سلوك متوسط الاستهلاك القومي. لعل مساعدة المتغيرات الصماء في التفسير ، دليل على أهمية هذه المتغيرات في التعبير عن التغييرات النوعية في بنية الاقتصاد العراقي خلال مدة الدراسة، هذا من ناحية، ومن ناحية أخرى، فإنه من الواضح أن المتغيرات الصماء لم تدفع بمتغير الدخل القومي إلى دائرة التفسير.

أما بالنسبة لنتائج بيانات الاستهلاك القومي (Y_i) والدخل القومي المتاح (X_i) بالأسعار الثابتة والمتغيرات الصماء (D_{1i}) و(D_{2i}) على وفق المعادلة (٦) للمرة الكلية ١٩٧٠، ١٩٩٤-١٩٧٠، والنماذج المقدرة للمدد الجزئية على وفق المعادلة (٨)، فقد ساهمت المتغيرات الصماء في تحسين مطابقة دالة العلاقة على البيانات المتاحة واشتركت مع متغير الدخل القومي المتاح في تفسير ٩٢.٧٪ من التغيرات الكلية في الاستهلاك القومي، إضافة إلى أن قيمة F المحسوبة تشير إلى أن الانحدار معنوي وإن النموذج يعبر عن العلاقة إلى حد كبير.

أما نتائج تحليل بيانات الاستهلاك العام (\hat{Y}_i) والإنفاق القومي (X_i) بالأسعار الجارية والمتغيرات الصماء (D_{1i}) و(D_{2i}) على وفق المعادلة (٦) للمرة الكلية ١٩٧٠-١٩٩٥ والنماذج المقدرة للمدد الجزئية، أظهرت أن المتغيرات الصماء لم تسهم كثيراً في تحسين المطابقة بين الدالة المقدرة والبيانات المتاحة.

ينطبق الأمر تماماً، على نتائج تحليل بيانات الاستهلاك العام (Y_i) والإنفاق القومي (X_i) بالأسعار الثابتة والمتغيرات الصماء (D_{1i}) و(D_{2i}) على وفق المعادلة (٦) للمرة الكلية ١٩٧٠-١٩٩٥ والنماذج المقدرة للمدد الجزئية على وفق المعادلة (٨).

إن الصور الأخيرة للنماذج بعد استخدام المتغيرات الصماء، غير موقعة جميعها في تمثيل دوال الاستهلاك المختلفة. وإن إجراء بعض التغييرات في أقيام المتغير التوضيحي ربما تكون مناسبة لتمهيد البيانات وإعادتها إلى دائرة التفسير، على الأقل كي تتقاسم المتغيرات التوضيحية توضيح التباين الكلي في الاستهلاك.

رابعاً. استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى في تمهيد البيانات:

بعدما تبين من المباحث السابقة إن النماذج المقدرة لبعض الدوال سواء بأنموذج الانحدار الخطي البسيط أو نموذج الانحدار الخطي المتعدد - متضمناً المتغيرات الصماء - قد فشل في تمثيل العلاقة بين الاستهلاك والمتغير التوضيحي سواء ما كان ممثلاً بالدخل أو الإنفاق، عمد الباحثان إلى استخدام تحويل القوى لتحويل بيانات المتغير التوضيحي (Cook and Weisberg, 1971: 112 و 1982: 78) على وفق أنموذج التحويل الآتي:

$$\psi = \begin{cases} X_i^\lambda & , \lambda \neq 0 \\ \ln X_i & , \lambda = 0 \end{cases} \quad (9)$$

إن أنموذج التحويل (٩) يمثل صيغة عامة لمعظم التحويلات المعروفة، فعلى سبيل المثال عندما $\lambda = 0.5$ فإن التحويل عندئذ يسمى بالتحويل الجذري وكذا الحال عندما $\lambda = -1$ ، فالمعروف إن التحويل في هذه الحالة هو التحويل الكسري، ومنها أيضاً التحويل اللوغاريتمي عندما تقترب من (λ) الصفر.

إن أنموذج العلاقة المفترض على وفق هذا التحويل سيكون:

$$\begin{cases} Y = B_0 + B_1 X_i^\lambda + B_2 D_{1i} + B_3 D_{2i} + ei & , \lambda \neq 0 \\ B_0 + B_1 \ln X_i + B_2 D_{1i} + B_3 D_{2i} + ei & , \lambda = 0 \end{cases} \quad (10)$$

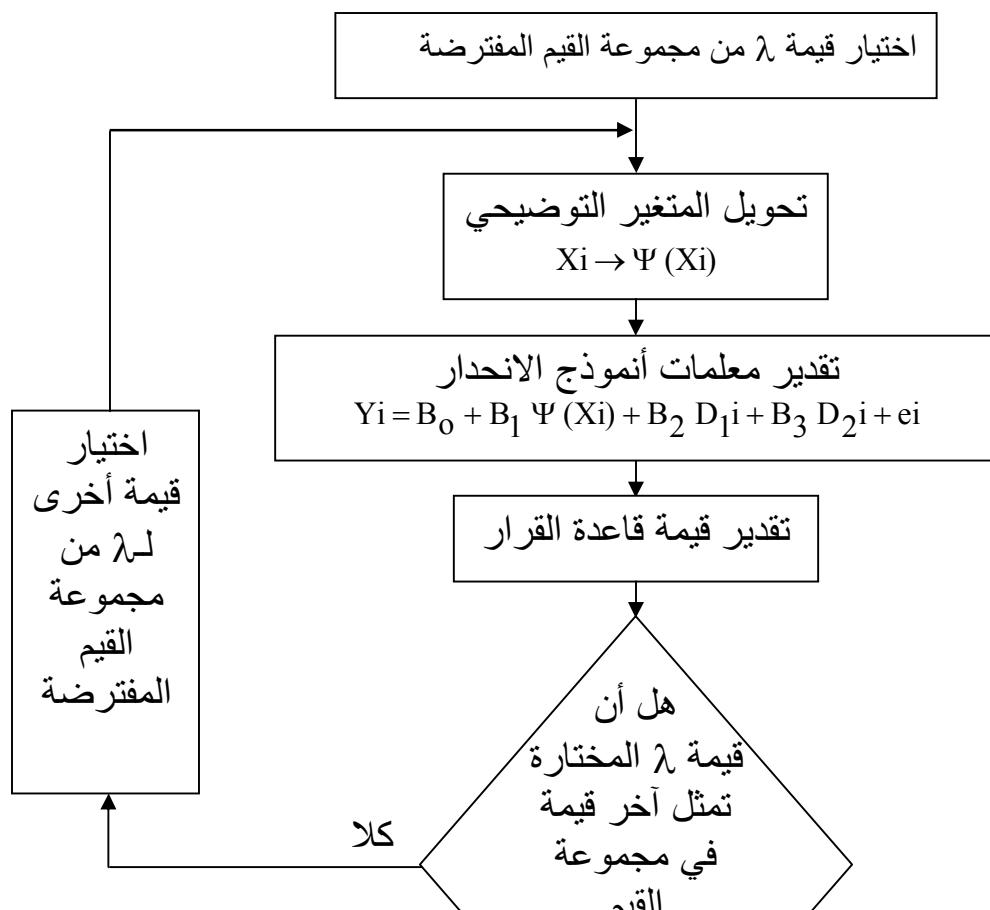
تتوافر في الأدبيات الإحصائية طرائق عديدة لتقدير معلمة القوى (λ) وأبرزها طريقة Box and Tidwell التي قدمت أول مرة عام ١٩٦٢ (Box and Tidwell, 1962) وطريقة الإمكان الأعظم Maximum Likelihood (1962) التي عرضها أول مرة Box

في عام ١٩٦٤ (Duan, 1993) حيث تضمنت تقدير معلمة القوى عندما يراد تحويل متغير الاستجابة بافتراض إن البيانات المحولة تتبع التوزيع الطبيعي والتي يمكن استخدامها مع بعض العمليات لتصبح مناسبة لنقدیر معلمة القوى للمتغير أو المتغيرات التوضيحية.

أما الطريقة التي استخدمت في هذه الدراسة، فكانت طريقة Draper and Smith التي تستند على طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية (OLS) لتقدير معلمات الأنماذج (١٠) وتومن اختيار أفضل مقدر لمعلمة القوى (λ) على وفق قاعدة قرار إحصائية، لأن تكون تصغير إحصاء يراد تصغيرها مثل متوسط مربعات خط الأنماذج MSE أو تعظيم إحصاء يراد تعظيمها مثل قيمة F أو قيمة معامل التحديد (Draper and Smith, 1982: 128) وسنتعامل في هذه الدراسة مع حالة تعظيم إحصاء وتصغير إحصاء.

إن الخوارزمية التالية تؤمن تقدیر المعلمة (λ) ومعلمات الأنماذج (١٠) على وفق طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية، والتي يمكن تكرارها لحين الحصول على مقدرات تتوافق مع قاعدة القرار المفترضة بتعظيم إحصاء.

إن المخطط الانسيابي التالي يمثل التطبيق لنقدیر معلمات الأنماذج:



وباستخدام مدى لمعلمة القوى (2,2) وبنطبيق المخطط الانسيابي أعلاه، وبتحليل البيانات في جدول (٨) و (٩) حصل الباحثان على النماذج المقدرة وموضحاً معها قيم إحصاءات الاختبارات من الدرجة الأولى ملخصة في جدول (٦).

جدول (٦)

تقدير دوال الاستهلاك باستخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى

دالة متوسط الاستهلاك القومي - الدخل القومي بالأسعار الثابتة $Y_i = f(\Psi(X_i), D_1i, D_2i)$

$$\hat{Y}_i = -0.222 + 62.8 X_i^{-0.5} + 0.625 D_1i + 0.192 D_2i$$

to (1.11)** (6.06)** (5.96)** (1.97)

$F = 53.19^{**}$ $R^2 = 88.4\%$ M.S.E = 0.08

$$\hat{Y}_i = 0.403 + 62.8 X_i^{-0.5} \quad \text{للمدة ١٩٨١-١٩٧٠}$$

$$\hat{Y}_i = -0.03 + 62.8 X_i^{-0.5} \quad \text{للمدة ١٩٩٠-١٩٨٢}$$

$$\hat{Y}_i = -0.222 + 62.8 X_i^{-0.5} \quad \text{للمدة ١٩٩٤-١٩٩١}$$

دالة الاستهلاك القومي - الدخل القومي المتاح بالأسعار الثابتة $Y_i = f(\Psi(X_i), D_1i, D_2i)$

$$\hat{Y}_i = -977 + 96.6 X_i^{0.5} - 4481 D_1i - 9 D_2i$$

to (1.16) (5.29)** (5.31)** (0.01)

$F = 88.73^{**}$ $R^2 = 92.7\%$ M.S.E = 927.99

$$\hat{Y}_i = -5458 + 69.6 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٨١-١٩٧٠}$$

$\hat{Y}_i = -986 + 69.6 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٨٢-١٩٩٠}$ $\hat{Y}_i = -977 + 69.6 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٩١-١٩٩٤}$ <p style="text-align: center;">دالة الاستهلاك العام - الدخل القومي بالأسعار الجارية $Y_i = f(X_i, D_1i, D_2i)$</p>
$\hat{Y}_i = -492721 + 1958 X_i^{0.5} + 240828 D_1i + 371597 D_2i$ <p style="text-align: center;">to (5.74)** (18.73)** (2.70)** (4.19)** $F = 160.36^{**} \quad R^2 = 95.6\% \quad M.S.E = 125611.0$</p>
$\hat{Y}_i = -251893 + 1958 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٧٠-١٩٨١}$ $\hat{Y}_i = -121124 + 1958 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٨٢-١٩٩٠}$ $\hat{Y}_i = -429721 + 1958 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٩١-١٩٩٥}$ <p style="text-align: center;">دالة الاستهلاك العام - الإنفاق القومي بالأسعار الثابتة $Y_i = f(X_i, D_1i, D_2i)$</p>
$\hat{Y}_i = -1371 + 73.0 X_i^{0.5} + 1322 D_1i - 265 D_2i$ <p style="text-align: center;">to (5.64)** (17.89)** (4.92)** (1.32) $F = 386.69^{**} \quad R^2 = 98.1\% \quad M.S.E = 331.42$</p>
$\hat{Y}_i = 49 + 73.0 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٧٠-١٩٨١}$ $\hat{Y}_i = -1636 + 73.0 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٨٢-١٩٩٠}$ $\hat{Y}_i = -1371 + 73.0 X_i^{0.5} \quad \text{للمدة ١٩٩٠-١٩٩٥}$

إن استخدام تحويل القوى لبيانات الدخل القومي أو الإنفاق القومي للدول الأربع المختلفة حق تحسيناً مقبولاً في مطابقة الدول على البيانات المتيسرة، حيث أن النماذج الأربع المقدرة نجحت في اجتياز معظم اختبارات الدرجة الأولى ابتداءً من قيمة F الانحدار التي تشير إلى مقبولة عالية لجميع النماذج عند مستوى المعنوية ١% و ٥%، أما قيم (t) فتشير هي الأخرى إلى معنوية معظم معاملات الانحدار تحت المستويين ١% و ٥% أيضاً، إلا بعض الحالات لمعلمات الحد الثابت ومعلمات المتغير. أما معلمات معامل التحديد (R^2) في النماذج الأربع فإنها تشير إلى مستوى عالٍ من حجم التفسير الذي تقدمه المتغيرات التوضيحية.

لابد من الإشارة هنا إلى مسألة مهمة جداً وهي مقدرات λ (معلمة القوى) التي حققت هذا النجاح في التوصيف والبناء حيث كانت تتمحور حول القيمة (0.5 ± 0.5) بمعنى أن التحويل الجذري كان ناجحاً في تمهيد بيانات المتغير التوضيحي سواءً ما كان متعلقاً بالدخل القومي أو الإنفاق القومي. فإنه من المعلوم أن التحويل الجذري للبيانات يساهم في تصغير أقيام هذه البيانات وبالتالي يساهم في تصغير مدى البيانات الكلية، وعليه فإن هذا التصغير ساهم في تمهيد المتغيرات التوضيحية بكل معانها.

خامساً. الاستنتاجات والمقررات:

- إن البيانات التي اعتمدت في تقدير مختلف الدول، قبل إجراء معالجات عليها لم تعط معنوية مقبولة سواء من الناحية الاقتصادية أو الإحصائية، باستثناء دالة الاستهلاك العام - الإنفاق القومي بالأسعار الثابتة والتي يعبّر عنها أنها أظهرت ارتفاعاً في متوسط مربعات الخطأ بلغ (١٠.٧٧٤).

٢. إن استخدام المتغيرات الصماء يساهم في إعادة توصيف البيئة المحيطة بالظاهرة المدروسة، الأمر الذي يساعد في التعامل مع حزمة شبه متكاملة من المتغيرات المؤثرة في الظاهرة. كما أن تحويل القوى يؤثر هو الآخر في زحمة البيانات على المستوى بمقدار معلمة التحويل، لتأهيل متغيرات الدراسة، وإدماجها في نماذج مقبولة اقتصادياً وإحصائياً.
٣. عند استخدام المتغيرات الصماء في تقيير دالة متوسط الاستهلاك القومي – الدخل القومي المتاح بالأسعار الثابتة تبين بأنها نجحت نسبياً في إعادة المتغيرات التوضيحية للتفسير عندما تداخل تأثيرها المعاير عنه بالتغييرات التي طرأت على المجتمع العراقي مع تأثير تلك المتغيرات، وذلك من خلال ارتفاع قيمة كل من (R^2) و(F) مع انخفاض قيمة (S.M.E.) أما عند استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى معاً، فقد نجحت الدالة المقدرة في تحقيق مطابقة جيدة مع البيانات من خلال ارتفاع أكبر لقيمة (R^2) و(F) وانخفاض أكبر لقيمة (S.M.E.) مع مطابقة معلمة الدخل القومي المتاح للنظرية الاقتصادية.
٤. عند استخدام المتغيرات الصماء في تقيير دالة الاستهلاك القومي – الدخل القومي المتاح بالأسعار الثابتة، يلاحظ أنها ساهمت في إعادة التوصيف وتحقيق مطابقة جيدة على البيانات إلا أنها ليست أفضل من الدالة الأخرى التي استخدمت فيها المتغيرات الصماء وتحويل القوى معاً.
٥. عند تقيير دالة الاستهلاك العام – الإنفاق القومي بالأسعار الجارية وباستخدام المتغيرات الصماء تارة والمتغيرات الصماء وتحويل القوى معاً تارة أخرى، اتضح لنا إن التحليلين باستخدام كلتا المعالجتين ساهمت في تمهيد البيانات وبناء النموذج، إلا أن الدالة المقدرة باستخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى حققت مطابقة أفضل، نتيجة لانخفاض قيمة (S.M.E.) ومنطقية نسبة معامل التحديد.
٦. أما عند تقيير دالة الاستهلاك العام – الإنفاق القومي بالأسعار الثابتة وباستخدام المتغيرات الصماء فقط ومن ثم استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى معاً، تبين حدوث تحسن في تقيير الدالة وبالأخص عند استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى معاً حيث حدث ارتفاع في كل من نسبة (R^2) وقيمة (F) وانخفاض واضح قيمة (S.M.E.).
٧. النتائج أعلاه تتفق مع فرضية البحث من أن استخدام المتغيرات الصماء وتحويل القوى في عملية التقدير يضفي إلى تحقيق مطابقة جيدة على البيانات ويساهم في تمهيدها وبناء أنموذج أفضل.
٨. في كل الأحوال لا يمكن القول بعمومية التأثير الذي أوردناه في الفقرة السابقة سواء للمتغيرات الصماء أو تحويل القوى لعدم معرفتنا بما آلت إليه قيمة معلمة المتغير التوضيحي وحتى قيمة الثابت نتيجة استخدام تحويل القوى، والتي تتطلب معالجات هي الأخرى للوقوف على مدى مطابقتها للمنطق الاقتصادي على الأقل.
٩. تشير الأدبيات الإحصائية وتجارب الباحثين، إن البيانات الخام للظواهر المختلفة ومنها الاقتصادية، نادراً ما تكون مهيأة للتحليل الإحصائي بسبب الشروط الموضوعية على إجراءات التحليل عموماً. ففي حين نجد إن بعض الأساليب الإحصائية لا تطبق إلا إذا كان توزيع البيانات طبيعياً، نجد أن هناك أساليب إحصائية أخرى تطورت في اتجاه آخر لتجاوز هذا الشرط ومنها على سبيل المثال أساليب التحليل الحصينة Robust واساليب التحليل اللامعلمية Nonparametric Analysis التي ساعدت في تجاوز الحاجة لمعرفة توزيع البيانات عموماً، لذا يقترح الباحثان إلى استخدام هذه الأساليب جنباً إلى جنب مع المتغيرات الصماء وتحويل القوى عند الفشل في بناء نماذج مطابقة للبيانات.

جدول (٧)

دوال استهلاك مقدرة بصيغ مختلفة في العراق للمدة ١٩٩٥-١٩٧٠ بالأسعار الجارية

الدالة	الأنموذج والاختبارات	المدة
الأولى	$\hat{Y}_i = -14227.462 + 1.382 X_i$ <p>to (1.201) (48.312)</p> <p>$F = 2334.03$ $R^2 = 99\%$</p>	١٩٩٥-١٩٧٠
الثانية	$\hat{Y}_i = -32.070 + 0.938 X_i$ <p>to (0.04) (164.415)</p> <p>$F = 27032.14$ $R^2 = 100\%$</p>	١٩٩٤-١٩٧٠
الثالثة	$\hat{Y}_i = 0.839 + 0.000 X_i$ <p>to (17.313) (2.511)</p> <p>$F = 6.31$ $R^2 = 21\%$</p>	١٩٩٥-١٩٧٠
الرابعة	$\hat{Y}_i = 0.821 + 0.000 X_i$ <p>to (16.939) (0.711)</p> <p>$F = 0.506$ $R^2 = 2\%$</p>	١٩٩٤-١٩٧٠
الخامسة	$\hat{Y}_i = 0.353 + 0.120 \log X_i$ <p>to (1.205) (1.654)</p> <p>$F = 2.735$ $R^2 = 11\%$</p>	١٩٩٤-١٩٧٠

السادسة	$\ln \hat{Y}_i = \ln 3.017 + 0.642 \ln X_i$ <p>to (1.523) (2.972)</p> <p>$F = 8.835$ $R^2 = 31\%$</p>	١٩٩٠-١٩٧٠
---------	---	-----------

جدول (٨)

الدخل القومي والدخل القومي المتاح ومتوسط الاستهلاك القومي والاستهلاك العام
والإنفاق القومي في العراق لمدة ١٩٧٠-١٩٩٥ بأسعار الجارية (مليون دينار)

الإنفاق القومي	الاستهلاك العام	متوسط الاستهلاك القومي	الدخل القومي المتاح	الدخل القومي	السنة
١٠٥٦.٢	٨٥٣.٤	٠.٩٢٧١	٩٢٠.٥	٩٤٨.٤	١٩٧٠
١١٧٤.٢	٩٦٤.٨	٠.٨٩٨١	١٠٧٤.٣	١١٠٣.٤	١٩٧١
١٢٤٤.٢	٩٧٠.٥	٠.٨١٦٨	١١٨٨.٠	١٢١٧.٨	١٩٧٢
١٢٩٣.٤	٩٣٥.١	٠.٦٠٢٢	١٥٥٢.٨	١٥٨٢.١	١٩٧٣
٢٤٢٩.١	١٤٨٠.٢	٠.٤٧٦٤	٣١٠٧.٠	٣١٣٦.٠	١٩٧٤
٢٧٠٢.٨	٢٢٨٣.٢	٠.٥٨٩٦	٣٨٧٢.٥	٣٩٠٧.٤	١٩٧٥
٤٤٤٠.٧	٢٩٤١.٨	٠.٦٠٥٢	٤٨٦٠.٥	٤٩٥٥.٣	١٩٧٦
٤٦٤٢.٠	٣١٤٨.٦	٠.٥٧٦٢	٥٤٦٤.٥	٥٥٢٦.٦	١٩٧٧
٥٤٦٩.٠	٤٠١٣.٠	٠.٦٠٣٣	٦٦٥٢.١	٦٧٠٩.٩	١٩٧٨
٧٨٩٦.٧	٤٦١٨.١	٠.٤٣٨٦	١٠٥٢٩.٣	١٠٥٨٨.٥	١٩٧٩
١٠٩١٣.٦	٦٠٥٣.١	٠.٣٩٧٠	١٥٢٤٦.٠	١٥٣٢٣.٠	١٩٨٠
١٤٦٢٤.١	٧٦٠٢.٤	٠.٧٦٢٥	٩٩٧٠.٦	١٠٠٦٤.٩	١٩٨١
١٧٨٧٣.٩	١٠٥٠٣.٨	١.٠٢٩٣	١٠٢٠٤.٤	١٠٣٢١.٢	١٩٨٢
١٧٠٣٦.٨	١٢٣٢٤.٢	١.١٧٨٣	١٠٤٥٩.٣	١٠٦١٩.٩	١٩٨٣
١٥٥٠٤.٥	١٢٨٠٤.٣	١.٠٥٧٤	١٢١٠٩.١	١٢٢٩٠.٠	١٩٨٤
١٦١٩٥.١	١٢٥٣٠.٥	١.٠٠٤٤	١٢٤٧٥.٦	١٢٦٨٦.٧	١٩٨٥
١٦٥١٨.٨	١٣٦٥٠.٥	١.١٢٩١	١٢٠٨٩.٢	١٢٣٢٠.٨	١٩٨٦
١٨٤١١.٩	١٤٨٧٨.٢	٠.٩٨٧١	١٥٠٧٢.٢	١٥٣١١.٣	١٩٨٧
٢٠٦٣٩.٧	١٦٣٦١.٤	٠.٩٧٧٢	١٦٧٤٢.٨	١٦٩٨٢.٩	١٩٨٨
٢١٢١٠.٥	١٧٢٢٢.٥	٠.٩٧٩٨	١٧٢٧٧.٢	١٧٨٦٦.٩	١٩٨٩
٢٣٦٨٩.٨	١٧٩٠٢.٥	٠.٩٠٨١	١٩٧١٣.٧	٢٠٠١٨.١	١٩٩٠
٢٠٤٥٣.٥	١٦٦٤٤.٤	٠.٨٩٧٦	١٨٥٤٢.١	١٨٧٤٤.٦	١٩٩١
٥٨٢٣١.٠	٤٩٨٢٨.١	٠.٩٦٥٦	٥١٦٠٤.٧	٥١٩٧٨.٠	١٩٩٢
١١٣٤٠٨.٠	١٠٢٧٤٩.٢	١.٠٤٦٤	٩٩١٩٥.٦	٩٩٢٤٢.٦	١٩٩٣
٦١٢٦٤٦.١	٥٨٨٧٧٤.٨	٠.٩٣٥٥	٦٢٩٣٤٧.٢	٦٣٢٥١١.٠	١٩٩٤
٢٥٥٢٤٨.٨	٢٨٥٠٠٧١.٤	٠.١٤١٦	٢٠١٢٣٢٨.٩	٢٠٢٣٨١١.٠	١٩٩٥

المصدر: البيانات من عمل الباحثين بالاعتماد على:

- الجمهورية العراقية، وزارة التخطيط، المجموعات الإحصائية السنوية لسنوات متفرقة.
- دراسات الحسابات القومية لمنظمة اللجنة الاقتصادية والاجتماعية لغربي آسيا، نشرة (٢٠)، الأمم المتحدة، نيويورك، ٢٠٠٠، ص ٤٧.

جدول (٩)

الدخل القومي المتاح والإنفاق القومي والاستهلاك القومي والاستهلاك العام ومتى
الاستهلاك القومي في العراق لمدة ١٩٧٠-١٩٩٥ بالأسعار الجارية (مليون دينار)

1980=100

متوسط الاستهلاك القومي	الاستهلاك العام	الاستهلاك القومي	الإنفاق القومي	الدخل القومي المتاح	السنة
٠.٩٢٧١	١٦٤١.٢	٤٧٠١.٩	٢٠٣١.٢	٥٠٧١.٦	١٩٧٠
٠.٨٩٨١	١٧٩٠.٠	٤٨٧٢.٧	٢١٧٨.٥	٥٤٢٥.٨	١٩٧١
٠.٨١٦٨	١٧١٢.٥	٤٥٦٠.٤	٢١٩٤.٤	٥٥٨٢.٩	١٩٧٢
٠.٦٠٢٢	١٥٧٤.٢	٤٨٥٥.١	٢١٧٧.٤	٨٠٦٢.٣	١٩٧٣
٠.٤٧٦٤	٢٢٩٨.٥	٣٦١٣.٨	٣٧٧١.٩	٧٥٨٥.٤	١٩٧٤
٠.٥٨٩٦	٣٢٤٣.٢	٥٣٦٢.١	٣٨٣٩.٢	٩٠٩٤.٦	١٩٧٥
٠.٦٠٥٢	٣٧٨٦.١	٦٤٣٥.٨	٥٤٥٧.٨	١٠٦٣٣.٣	١٩٧٦
٠.٥٧٦٢	٣٧٦١.٨	٦٣٠٦.٠	٥٥٤٦.٠	١٠٩٤٤.٣	١٩٧٧
٠.٦٠٣٣	٤٨٢٩.١	٨٢٢٠.٠	٦٥٨١.٢	١٣٦٢٥.٨	١٩٧٨
٠.٤٣٨٦	٥١٠٢.٩	٧٣٧٤.٨	٨٧٢٥.٦	١٦٨١٤.٦	١٩٧٩
٠.٣٩٧٠	٦٠٥٣.١	٦٠٥٣.١	١٠٩١٣.٦	١٥٢٤٦.٠	١٩٨٠
٠.٧٦٢٥	٦٣٤٥.٩	٦٨٤١.٦	١٢٢٠٧.١	٨٩٧٢.٨	١٩٨١
١.٠٢٩٣	٧١٨٤.٥	٨٥٤٥.٢	١٢٢٢٥.٧	٨٣٠١.٧	١٩٨٢
١.١٧٨٣	٧٥٢٢.٤	٩٦٣٨.٨	١٠٤٠٧.٣	٨١٨٠.٣	١٩٨٣
١.٠٥٧٤	٧٢٤٢.٣	٩١٥١.٢	٨٧٦٩.٥	٨٦٥٤.٣	١٩٨٤
١.٠٠٤٤	٦٧٩٩.٠	٨٨٥٦.٧	٨٧٨٧.٤	٨٨١٧.٩	١٩٨٥
١.١٢٩١	٧٣١١.٥	١١٠٠٤.٩	٨٨٤٧.٨	٩٧٤٦.٢	١٩٨٦
٠.٩٨٧١	٦٩٩١.٦	١٢٨٦٦.٠	٨٦٥٢.٢	١٣٠٣٣.٧	١٩٨٧
٠.٩٧٧٢	٦٨١٧.٣	١٢٩٨٥.٢	٨٥٩٩.٩	١٣٢٨٧.٩	١٩٨٨
٠.٩٧٩٨	٦٢٧٦.٤	١١٥٣٠.٩	٧٧٢٩.٨	١١٧٦٨.٣	١٩٨٩
٠.٩٠٨١	٥٨٨٧.٠	١٠٤٦٢.٦	٧٧٩٠.١	١١٥٢١.١	١٩٩٠
٠.٨٩٧٦	١٩١٠.٥	٢٦٠٣.٠	٢٣٤٧.٧	٢٨٩٩.٨	١٩٩١
٠.٩٦٥٦	٣١١٢.٥	٣٢٧١.١	٣٦٣٧.٤	٣٣٨٧.٨	١٩٩٢
١.٠٤٦٤	٢٠٨٦.٤	٢٤٠٣.٥	٢٣٠٢.٨	٢٢٩٦.٩	١٩٩٣
٠.٩٣٥٥	١٥٨٧.٩	٢٦٥٦.٦	١٦٥٢.٨	٢٨٣٩.٦	١٩٩٤
٠.١٤١٦	١٧٠٢.٩	----	١٥٢٥.١	----	١٩٩٥

المصدر: احتسبت البيانات من قبل الباحثين باعتماد بيانات جدول (٨).

المصادر**المصادر العربية**

١. الراوي، خاشع محمود، (١٩٨٧)، "المدخل إلى تحليل الانحدار"، دار الكتب للطباعة والنشر - جامعة الموصل، الموصى.
٢. عطيه، عبدالقادر محمد عبدالقادر، (٢٠٠٤)، "الحديث في الاقتصاد القياسي بين النظري والتطبيق"، الدار الجامعية - الإسكندرية.
٣. الجمهورية العراقية، وزارة التخطيط، المجموعات الإحصائية السنوية لسنوات متفرقة.
٤. دراسات الحسابات القومية لمنظمة اللجنة الاقتصادية والاجتماعية لغربي آسيا، (٢٠٠٠)، نشرة (٢٠)، الأمم المتحدة، نيويورك.

المصادر الأجنبية

1. Ackley, G., (1961), "Macroeconomic Theory", Macmillan Company, New York.
2. Ando, A. and Modigliani, F., (1963), "The Life-Cycle Hypothesis of Saving", American Economic Review, No. (53), May.
3. Box, G. E. P. and Tidwell, P. W., (1962), "Transformation of the Independent Variables", Techno metrics, No (4).
4. Bronsn, W. H. and Litvack, J. M., (1976), "Macroeconomics", Harper International edition, Harper and Row, Publishers, New York.
5. Cook, D. R. and Weisber, S., (1982), "Residuals and Influence in Regression", Chapman and Hall, New York.
6. Draper, N. R. and Smith, H., (1981), "Applied Regression Analysis", 2nd edition, John Wiley and Sons, New York.
7. Duan, N., (1993), "Sensitivity Analysis for Box-Cox Power Transformation Model: Contracts Parameters", Biometrika, 80, 4.
8. Duesenberry, J. S., (1967), "Income, Saving and the Theory of Consumer Behavior", Oxford University Press, New York.
9. Finney, D. S., (1971), "Statistical Method in Biological Assay", 2nd edition, Hanfer Press, New York.
10. Friedman, M., (1957), "A Theory of the Consumption Function", Princeton University Press, N. J., Ch. 1-3.

- 11.**Hall, P. (1992), "On The Removal of Skewness by Transformation", *J. R. Statistics*, No. (1).
- 12.**Keynes, J. M., (1939), "The General Theory of Employment Interest and Money Harcourt", Brace and Company, Inc., New York.
- 13.**Koutsoyiannis, A., (1977), "Theory of Econometric", 2nd Edition, Macmillan.
- 14.**Linton, O. B., Chan, R., Wang, N. and Handle, W., (1997), "An Analysis of Transformation for Additive Nonparametric Regression", *JASA*, No. (440).
- 15.**Luisa, F. T., (1997), "Reducing the Variance by Smoothing", *Journal of Statistical Planning and Inference*, No. (57).
- 16.**Murray, M. P., (2006), "Econometrics-A Modern Introduction", Addison Wesley.
- 17.**Richard, T. Froyen, (1993), "Macroeconomics: Theories and policies", Macmillan Publishing Company, New York.
- 18.**Ruppert, D. and Wand, M. P., (1992), "Correcting for Kurtosis in Density Estimation", *Australian Journal Statistics*, 34 (1).
- 19.**Smithies, A., (1945), "Forecasting Postwar Demand", *Econometrica*, Vol. (13), January.
- 20.**Vaish, M. C., (1973), "Macroeconomic Theory", 6th ed., Vikas Publishing House DVT LTD, New Delhi.
- 21.**Walpole R. E., Myers R. H., Myers, S. L., (2000), "Probability and Statistics for Engineers and Scientists", 7th Edition, Prentice Hall.
- 22.**[www.pcon.jhu/people/carroll/\(carroll.htmlcarrol,2001](http://www.pcon.jhu/people/carroll/(carroll.htmlcarrol,2001).

This document was created with Win2PDF available at <http://www.win2pdf.com>.
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.
This page will not be added after purchasing Win2PDF.