

التنبؤ عن تلوث الهواء باستخدام العمليات العشوائية المكانية الاستماع قراءة صوتية للكلمات القاموس

ا.م.د محمد طه احمد الغنام كلية التربية / جامعة تكريت .
م.م. هبة علي طه الصباغ كلية التربية للبنات / جامعة الموصل

الملخص

ان التنبؤ بالعمليات العشوائية المكانية (المعروف بأسلوب كريكنك kriging) يعطي نتائج جيدة اعتمادا على دالة الفاريوكرام $\gamma(x, y)$ في ايجاد التنبؤات . وفي هذا البحث استعرضنا عدد من اساليب تنبؤ الكريكنك ، وتم التطبيق باستخدام الكريكنك الشامل الملائم لعدم استقرارية البيانات ، وفي الجانب العملي عن قياس تلوث الهواء ، اخذت البيانات من تجربة احيائية في قسم علوم الحياة اقيمت لقياس تلوث الهواء بالغازات الملوثة (غاز ثاني اوكسيد الكربون) حول مصفى بيجي ، ثم أوجدنا تقدير دالة الفاريوكرام $\gamma(x, y)$ ، والتنبؤ لموقع التلوث بالهواء ببعدين وكانت النتائج مقبولة وقريبة من الواقع الحقيقي .

Predication of air pollution using spatial stochastic process

ABSTRACT

To predict the random spatial processes (known kriging technique) that give a good results depending on the function variogram $\gamma(x, y)$ to find predictions. In this paper, we reviewed a number of methods of prediction.

The application using kriging complete appropriate to nonstationary data, taking data from abiological experiment in department of biology, to measure air pollution gas carbon dioxide around the Baiji refinery, we have created assessment function $\gamma(x, y)$ and predicting for pollution two-dimensional and the results were close to reality.

1- المقدمة : تعرف العملية العشوائية Stochastic process -بشكل عام

بأنها مجموعة من المتغيرات العشوائية $(X_t, t \in T)$ المعرفة بالدليل $t \geq 0$ (الزمن) ، على فضاء احتمالي مستمر او متقطع ولها قيم في هذا الفضاء .
اما العملية العشوائية المكانية فهي التي تكون متغيراتها تمثل بيانات مكانية مثل وجود المعادن في باطن الأرض التي تهتم بها هندسة التعدين والمياه الجوفية وتقدير احتياطات الخامات المختلفة، وجود الغازات والملوثات في الجو، وكذلك النباتات الطبيعية. أن كل هذه الظواهر تدخل ضمن مفهوم الأحصاء المكاني (الفراغي) أو الجيولوجي ، ويكون الهدف عادة التعرف على البنية التركيبية للمتغيرات في المنطقة الجغرافية المدروسة ، والأرتباط والعلاقات فيما بينها.

أن قيم المتغيرات المكانية تمثل دالة حقيقية تأخذ قيمة معينة ضمن المنطقة أو المجال الجغرافي ، في فضاء ذي بعد واحد بالنقطة $(x(u_1, u_2, u_3))$ أو بعدين بالنقطة $(z(u_1, u_2, u_3))$ او ثلاثة ابعاد بالنقطة $(z(u_1, u_2, u_3))$.
الهدف في هذا البحث تقديم دراسة نظرية للعمليات العشوائية او المتغيرات العشوائية المكانية وتطبيقها على تلوث الهواء الجوي ببعدين ذلك ان معظم البحوث تتناول البعد الواحد فقط ، وكذلك لما لهذا الموضوع من اهمية نظرية ، وعملية على حياة الإنسان.

2- النموذج الخطي المكاني العام : General linear model in spatial

((statistics)) : يمكن كتابة النموذج الخطي المكاني للمتغير $z(x)$ في المجال او المنطقة D الذي هو مجموعة جزئية من الفضاء R^p بصيغة المصفوفات وكما يأتي :

$$Z = FB + \epsilon \dots \dots \dots (1)$$

$$z(x) = f^t(x)B + e(x) \dots \dots \dots x \in D \subseteq R^p \dots \dots (2)$$

حيث أن :-

$$Z = (z(x_1), z(x_2), \dots \dots \dots z(x_n))^t$$

$$F = f^t(x) = (f_1(x_1), f_2(x_2), \dots \dots \dots f_n(x_n))$$

$$B = (\beta_1, \beta_2, \dots \dots \dots \beta_p)^t$$

$$\epsilon = (\epsilon(x_1), \epsilon(x_2), \dots \dots \dots \epsilon(x_n))^t$$

ومن فرضيات النموذج ما يأتي :-

$$1 - Ez(x) = f^t(x)B$$

$$2 - E[z(x+h) - z(x)]^2 = 2\gamma(h) \dots \dots (x, x+h) \in D \dots (3)$$

$$3 - Cov [z(x+h), z(x)] \dots \dots \dots exists$$

تقاس العلاقة الاعتمادية أو الاستقلالية بين متغيرات العمليات العشوائية أو المتغيرات المكانية بدالة الفاريوكرام Variogram function ، وتعتبر هذه الدالة مقياساً بديلاً عن الأرتباط ذلك لأن التباينات بين مشاهدات قيم المتغيرات

المكانية احيانا تكون كبيرة أو غير معروفة فنكون معاملات الارتباط الناتجة عنها صغيرة مما يجعل النتائج والتفسيرات عنها خاطئة أو غير دقيقة ، ومن جانب آخر وفي حالة عدم الأستقرارية فقليلا ما يكون التغيرات معلوما ، ولهذا تم اقتراح دالة الفاريوكرام بازاحة قدرها h وصيغة الدالة والتي تمثل مربع التزايد المتوقع بين القيم او المواقع كما يأتي :-

$$2\gamma(h) = E[z(x) - z(x+h)]^2 \dots\dots\dots (4)$$

$$2\gamma(h) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n [z(x_i) - z(x_i+h)]^2$$

- وتعتمد هذه الدالة بشكل رئيسي على المسافة h ولا تعتمد على الموقع x .
- أما $\gamma(h)$ فتسمى دالة شبه الفاريوكرام ومن أهم خصائصها :
- 1- أنها موجبة $\gamma(h) \geq 0$ بسبب الصيغة التربيعية وأن :
 - 2- $\gamma(0) = z(x) - z(x) = 0$ ، اما معالمها فهي : المدى range وهو المسافة التي تستقر عندها الدالة التي تزداد بزيادة المسافة h ، ويسمى الارتفاع عند نقطة الأستقرار هذه بالتباين (الأولي) sill.
 - 3- موحدة الخواص Isotropic على جميع زوايا الجهات (عند الأستقرارية) أي تعتمد على المسافة h فقط بين نقاط المتغير وليس على الاتجاه [Cressie 1993]
 - 4- أنها دالة زوجية تحقق $\gamma(h) = \gamma(-h)$ ومتماثلة $\gamma(x,y) = \gamma(y,x)$ ، وأن غايتها عند $h \rightarrow \infty$ تؤول للتباين $(\text{var}(z(x)))$. في حين ان غاية دالة شبه الفاريوكرام هو ما يسمى sill .
 - 5- لأغراض التنبؤ ، فإنه عادة يتم وضع وصف او تقدير لها بأحد النماذج المقترحة بهذا المجال ومن أشهرها النموذج الكروي والنموذج الطبيعي ، والأسّي ، والخطي وغيرها.
 - 6- تمتلك الدالة ظاهرة الأنقطاع nugget او عدم الأستمرارية فعندما تصبح $h=0$ فان الدالة لا تساوي صفر .
 - 7- ترتبط دالة الفاريوكرام بالتغيرات (التباين المشترك) ، في حالة أن العمليات العشوائية مستقرة ونوضح ذلك كما يأتي :-

$$\begin{aligned} 2\gamma(h) &= E[z(x) - z(x+h)]^2 \\ &= E z^2(x) + E z^2(x+h) - 2cov[z(x+h), z(x)] \\ &= var[z(x)] + var[z(x+h)] - 2c(h) \\ 2\gamma(h) &= C(0) + C(0) - 2C(h) \\ \therefore \gamma(h) &= C(0) - C(h) \dots\dots\dots (5) \end{aligned}$$

حيث تمثل $C(h)$ دالة التباين ، وعندما الأزاحة $h=0$ فتكون
 $var[z(x)] = C(0)$

3- التنبؤ للعملية العشوائية (الكريكنك Kriging) :- هو أسلوب للاستقراء أو للتنبؤ استخدم في صناعة التعدين للتنبؤ عن مدخلات وتقدير نموذج كتلوي للموارد المعدنية . وأن تسمية الكريكنك اطلقها البروفسور Georges Matheron نسبة الى المهندس Daine Krige من جنوب افريقيا،الذي اقترحها .

هناك عدة اساليب معروفة للتنبؤ عن العمليات المكانية اهمها ما يأتي :-
 (3) - (1) التنبؤ البسيط أو الكريكنك البسيط simple kriging : وهو المعدل الموزون للقيم $z(x)$ والنقط المجاورة حول الموقع $z(x_0)$ المراد التنبؤ له ، على افتراض ان أي نقطة لها علاقة بدرجة ما مع $z(x_0)$ ، وهذا النوع قليل الاستخدام الذي يفترض استقرارية للنموذج وأن التوقع معلوم أو يساوي صفر $\mu(x) = 0$ ، والتباين المكاني معلوم أو لا يعتمد على x .

(2 - 3) التنبؤ الاعتيادي ordinary prediction :- ان نموذج التنبؤ الاعتيادي للعملية العشوائية المكانية المستقرة وهو ما يعرف الكريكنك الاعتيادي يفترض الآتي :-

$$z(x) = \mu + \epsilon(x) \dots\dots\dots x \in D \dots\dots\dots (6)$$

وعندما تكون μ معلومة سنحصل على التنبؤ بالصيغة الآتية :-

$$z^\circ(x) = \sum_{i=1}^n w_i z(x_i) \quad , \quad \text{where} \quad \sum_{i=1}^n w_i = 1 \quad \dots\dots\dots (7)$$

حيث أن w_i متجه من الأوزان وأن القيد $\sum_{i=1}^n w_i = 1$ يضمن عدم التحيز للتنبؤ أي أن :

$$Ez^\circ(x) = Ez(x) = \mu$$

ان القيمة التقديرية للأوزان هي التي تجعل مربع الفرق بين القيم التنبؤية والقيم الأصلية أقل ما يمكن ، أو التي تصغر متوسط مربع خطأ التنبؤ باستخدام أسلوب لاكرانج :

$$var[z(x)] = E[z(x) - z^\circ(x)]^2 \dots\dots\dots (8)$$

سنحصل على الصيغة الآتية (ألياس 2008) :-

$$w = \gamma^{-1} \left[\gamma_0 + \left(\frac{1-\gamma_0^t \gamma^t}{1^t \gamma^{-1}} \right) 1 \right] \dots\dots\dots (9)$$

حيث ان:

$$t = (1, 1, \dots\dots\dots, 1)$$

$$\gamma_0 = (\gamma_{01}, \gamma_{02}, \dots\dots\dots \gamma_{0n})^t$$

$$Y = Y_{ij} = \gamma(x_i - x_j)$$

اما تباين التنبؤ المصغر الذي يمثل تباين كريكناك فنحصل عليه من تعويض القيم التقديرية الى w وتقديرات معاملات لاكرانج المستخدمة في صيغة تباين التنبؤ في معادلة (8) أنفا .

(3 - 3) - التنبؤ الشامل Universal prediction : (أو الكريكناك الشامل) ، أن نموذج التنبؤ الشامل الذي يخص العملية العشوائية المكانية غير المستقرة ، الذي يكون فيه متوسط العملية المكانية متغيرا من موقع لآخر ، ويتكون من جزئين : التراكم drift الذي يمثل معدل القيم المتوقعة للتغير المكاني بين الجوارات ، والتغير الناتج عن عدم استقرارية مكونات الأسطح ، ويكتب النموذج كما يأتي :-

$$z(x) = \mu(x) + \epsilon(x) \dots \dots \dots x \in D \dots \dots \dots (10)$$

اما التنبؤ فنحصل عليه من الصيغة الآتية :

$$\hat{z}(x_0) = \sum_{i=1}^n w_i z(x_i) \quad , \quad \text{where} \quad \sum_{i=1}^n w_i = 1 \quad \dots \dots \dots (11)$$

وبحيث يتحقق أن :

$$E[\hat{z}(x_0)] = EZ(x_0) = \mu(x)$$

وبالمصفوفات يكتب النموذج بالشكل الآتي :-

$$Z = XB + \epsilon \quad \dots \dots \dots (12)$$

$$B = (\beta_0, \beta_1, \dots \dots \dots, \beta_p)^t$$

وأن X مصفوفة عناصرها معلومة $f(x_i)$ وتساوي متجه F الموصوفة سابقا بالمعادلة (1).

وبما أن التنبؤ الجيد هو الذي يحقق تصغير لمربع الخطأ ، فإن تقديرات الأوزان التي تجعل متوسط مربع الخطأ أقل ما يمكن بالصيغة الآتية :-

$$w = \gamma^{-1} [\gamma_0 - x(x^t \gamma^{-1})^{-1} (x^t \gamma^{-1} \gamma_0 - F)] \quad \dots \dots \dots (13)$$

ولمعرفة قوة او افضلية التنبؤ ، من الضروري حساب تباين هذا التنبؤ (تباين الكريكناك) وهو متوسط مربع الخطأ بين القيمة الحقيقية والقيمة التنبؤية . كما ويمكن ايجاد التقديرات الموقعية بأيجاد المعدل

$$\bar{z}(x) = \frac{\sum \hat{z}_i(x_0)}{n}$$

وكذلك ايجاد حدود الثقة اعتمادا على فرضية ان الظواهر المكانية تملك توزيع طبيعي تقريبي .

(3 - 4) - التنبؤ المكاني المضبيب : (أو الكريكناك المضبيب fuzzy kriging) :- بافتراض الأعداد المثلثية المضيبية التي توصف بثلاث قيم (وسطى ، يمنى

، يسرى) للمتغير العشوائي Z وبالصيغة $z=[z_r, z_l, z_m]$ أو $z=[z_m, z_l, z_r]$. [

تعريف : (المسافة المضطربة) : تعريف دايموند Diamond : المسافة بين قيمتين في الفضاء المضطرب للأعداد المثلثية يتم إيجادها بالصيغة الآتية :
 $D_2(X, Y)^2 = (X^l - Y^l)^2 + (X^m - Y^m)^2 + (X^r - Y^r)^2 \dots (14)$

تعريف : (القيمة المتوقعة حسب مفهوم Aumann) : تعرف القيمة المتوقعة للمتغيرات العشوائية المضطربة نسبة الى حد القطع α (α -cut) :
 $[EZ]^\alpha := \{EX/X \text{ is a selection point of } Z^\alpha\}$
 والذي سيكون عددا مثلثيا مضطربا ايضا ، كما ويعرف التباين باستخدام المعيار D_2 كلاتي :

$$VarZ := ED_2(Z, EZ)^2$$

هذا الاسلوب يمكن استخدامه لأيجاد الكريكنك المضطرب وفق ما اقترحه Dimond, 1989 بتكليف البيانات المثلثية المضطربة لمتتبع كريكناك ، وقد عمم خطوات هذا الأسلوب مستخدما التوقع والتباين ، وبافتراض توفر استقرارية من الدرجة الثانية .

يكون الحقل العشوائي $Z(x)$ مستقرا من الدرجة الثانية اذا حقق ما يأتي :
 - 1 أن القيمة المتوقعة $EZ(x)$ موجودة ومستقلة عن x .
 $EZ(x) = M = [M^l, M^m, M^r]$

2- دالة التباين موجودة C^β حيث ان $\beta \in \{l, m, r\}$ تحقق الآتي :-
 $\beta \in \{l, m, r\}, E(Z^\beta(x+h)Z^\beta(x)) = C^\beta(h), \dots, h \in R^2$

ان الهدف هو للتنبؤ عن المتغير المكاني $Z(x_0)$ نحصل عليه بموجب المعادلة الآتية:-

$$\hat{Z}(x_0) = \hat{Z}_0 = \bigoplus_{i=1}^n w_i . Z(x_i) \dots \dots \dots (15)$$

حيث تمثل \bigoplus الجمع الضبابي .ويكون هذا التقدير غير متحيز عند توفر شروط اوزان الكريكناك (التنبؤ) :

$$\sum_{i=1}^n w_i = 1, \quad w_i \geq 0, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

وعندما نبحث عن المقدرات التي تجعل مربع الانحراف المتوقع أقل ما يمكن ، والذي يمكن تمثيله بالصيغة الآتية [Hans& Gebhardt 2000] :-

$$\begin{aligned}
& ED_2(Z_0, \hat{Z}_0)^2 \\
&= \sum_{i=1}^n w_i \sum_{j=1}^n w_j \sum_{\beta \in \{l, m, r\}} C^\beta (x_i - x_j) \\
&- 2 \sum_{i=1}^n w_i \sum_{\beta \in \{l, m, r\}} C^\beta (x_i - x_0) \\
&+ \sum_{\beta \in \{l, m, r\}} C^\beta (0) \dots \dots \dots (16)
\end{aligned}$$

نحصل على التقديرات الآتية :-

$$\hat{Z}_0 = \left[\sum_{i=1}^n w_i Z^l(x_i), \sum_{i=1}^n w_i Z^m(x_i), \sum_{i=1}^n w_i Z^r(x_i) \right] \dots \dots \dots (17)$$

ومن فوائد الأوزان غير السالبة هو تجنب الضرب المختلط $EZ^l Z^r$ الذي يجعل حساب الصيغة (16) غير ممكنا. وباستخدام شروط Kuhn-Tucker الأعتيادية يمكن صياغة المسألة وفق مضروبات لاكرانج لايجاد الحل ومن ثم ايجاد تباين كريكناك المضرب ، (راجع المصدر اعلاه و Diamond 1989)

(3-5) التنبؤ المكاني البيزي (Bayesian Kriging) : هذا الأسلوب اقترحه (Omre 1987) ، يفترض في النموذج المكاني الشامل رقم (10) أن : $\mu(X) = f^t(x)\theta \dots \dots \dots, f: R^2 \rightarrow R^p, \theta \in R^p$

وتسمى f دالة اتجاه و θ معلمة اتجاه .

أن اسلوب بيز يوظف المعرفة السابقة حول Z لايجاد التنبؤ واحيانا توظف المعرفة حول معلمة الاتجاه θ التي تعتبر هنا متغيرا عشوائيا ويمتلك توزيعا احتماليا ، وفي حالة الكريكناك البيزي الخطي نحتاج معرفة العزمين الاوليين لهذا التوزيع الاحتمالي . وهنا يتم استخدام تقدير التنبؤ Kriging الشامل الى Z عند x_0 بالصيغة الآتية:

$$\hat{Z}_0 = \sum_{i=1}^n w_i Z(x_i) + w_0$$

ويتم ايجاد الاوزان w_i التي تجعل متوسط انحرافات التنبؤ اقل ما يمكن $\min E(Z_0 - \hat{Z}_0)^2$ ، ومن ثم يمكن ايجاد تباين الكريكناك البيزي وهناك عدد من الدراسات بهذا الاتجاه .

4- الجانب التطبيقي:

ان الهدف من وضع النموذج المكاني والعملية العشوائية المكانية غير المستقرة هو الوصول إلى أمثل متنبئ وذلك عن طريق معرفة دالة الفاريوگرام (Variogram function) بحيث يضمن شرط عدم التحيز مع أصغر متوسط مربع الخطأ (Minimum mean square error) حيث ان توفر فاريوگرام جيدة يعطي تقديرات حسنة .

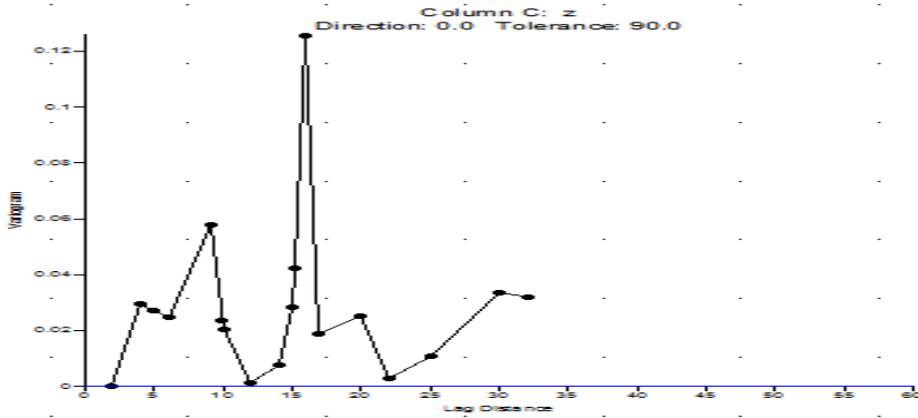
في هذا البحث استخدمنا بيانات غير مستقرة لمواقع التلوث حول مصفى بيجي وفي داخله عام 2004 بغاز ثاني اوكسيد الكربون، حيث تم الحصول عليها من تجربة اقيمت لدراسة التلوث بعدد من الملوثات ومواقع مختلفة بمنطقة المصفى ، وهذه البيانات اختيرت منها الى 18 موقعا من تلك الدراسة لبعدين ، البعد الاول المسافة عن سياج المصفى وبأتجاهات مختلفة والبعد الثاني الارتفاع عن سطح الأرض ، كما في الجدول رقم (1) الآتي .

جدول رقم (1) بيانات عن تلوث الهواء حول مصفى بيجي.

No .	x1 البعد عن السياج	x2 الارتفاع	نسبة تلوث الهواء $z(x)$
1	250	2	0.894
2	240	2.5	0.873
3	230	1.5	1.152
4	255	1	0.991
5	246	2	0.651
6	260	1.5	0.773
7	488	1	0.799
8	500	2	0.750
9	510	2.5	0.723
10	520	1	1.052
11	490	1	0.821
12	505	1.5	0.606
13	750	1.5	0.447
14	740	1	0.385
15	730	2	0.696
16	760	1	0.631
17	755	1.5	0.564
18	745	1.5	0.816

(المصدر:موفق انهاب صالح (2006)،دراسة لبعض الملوثات في مصافي بيجي ،اطروحة دكتوراة علوم حياة ،قسم علوم الحياة،كلية التربية ،جامعة تكريت.)

وأن المواقع لم تتوزع على نحو منتظم أي أنه لا توجد شبكة منتظمة Regular grid وإذا كانت الأخيرة موجودة عندها تحسب دالة الفايروكرام بطريقة حساب الزوايا (قاسم وعبد الموجود (1998).
تم حساب ورسم دالة الفايروكرام باستخدام البرنامج المساحي (Surfer 8) الخاص بالخرائط والأسطح ثلاثية الأبعاد وهو يعد احد برمجيات نظم المعلومات الجغرافية (Geographical Information System:GIS) وكانت الدالة كما مبين في الشكل (1).



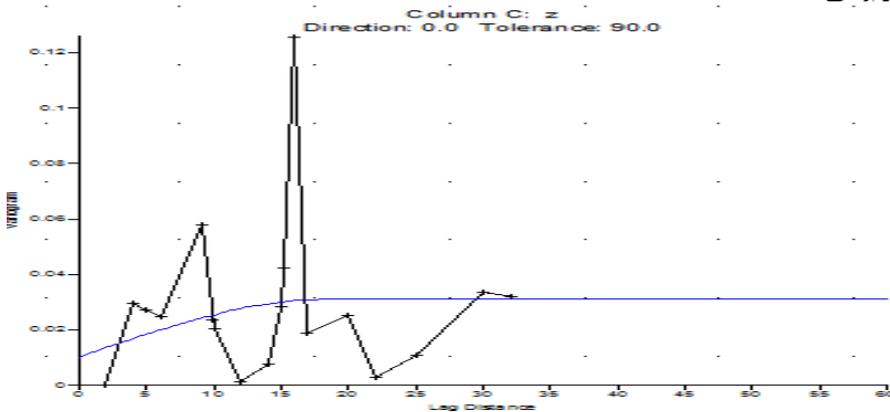
الشكل (1) يبين منحنى دالة الفايروكرام لبيانات نسبة التلوث

الشكل رقم (1) يوضح عدم إستقرارية ظاهرة التلوث في المنطقة القريبة من سياج مصفى بيجي وذلك نتيجة لصعود منحنى دالة الفايروكرام وعدم إستقراره مما يدل على عدم إستقرار بيانات نسبة التلوث الجوي بالغاز. ووفقت الدالة وفق النموذج الكروي (Spherical model) الآتي :

$$\gamma(h) = \begin{cases} \Psi_0 + \Psi \left[\frac{3}{2}(h/a) - \frac{1}{2}(h/a)^3 \right] & \text{if } h < a \\ \Psi_0 + \Psi & \text{if } h \geq a \end{cases}$$

اذ ان Ψ_0, Ψ, a تمثل معاملات النموذج .

ومن الجدير بالذكر أن أغلب النماذج المستخدمة في دراسات التلوث هو النموذج الكروي



شكل (2): منحنى دالة الفاريوگرام والنموذج الكروي لبيانات التلوث حول مصفى بيجي.

حيث نلاحظ من هذا المنحنى أنه يقطع المحور العمودي $\gamma(h)$ عند $\Psi_0 = 0.01$ والمنحنى يزداد ارتفاعاً الى ان يستقر عند $h = 17$ وهذا يحدد قيمة المدى $a = 17m$ ، ونلاحظ أن دالة الفاريوگرام تستقر على ارتفاع $\gamma(h) = 0.03$ والذي يساوي التباين تقريباً. إذ إن

$$\sigma^2 = \Psi_0 + \Psi$$

وعليه فإن:-

$$\Psi = \sigma^2 - \Psi_0$$

$$\Psi = 0.03 - 0.01$$

$$\Psi = 0.02$$

إنقيمة $\Psi_0 = 0.01$ وهذا مايدل عن وجود خاصية تأثير عدم الاستمرارية (nugget)، أي جزء من التباين سببه أخطاء عشوائية صغيرة ترجع إلى أخطاء لا يمكن السيطرة عليها في قياس ارتفاع مستويات نسبة التلوث، وهذا مما يجعل القياسات عرضة لتأثير عدم الاستمرارية.

$$\gamma(h) = \begin{cases} 0.01 + 0.02 \left[\frac{3}{2} \left(\frac{h}{17} \right) - \frac{1}{2} \left(\frac{h}{17} \right)^3 \right] & \text{if } h < 17 \\ 0.03 & \text{if } h \geq 17 \end{cases}$$

كما تم ايجاد القيم التنبؤية $\hat{z}(x_0)$ بواسطة برنامج (Matlab)، وأيضاً

تم حساب تباين كريكنك (Kriging Variance) (σ_k^2) لكل موقع من مواقع

$$\sigma_k^2 = w'(\gamma_0 + Xm)$$

المنطقة قيد الدراسة طبقاً للمعادلة

وبأخذنا لمواقع المشاهدات الحقيقية وقيمها في منطقة الدراسة وتطبيق العملية

العشوائية المكانية $\{Z(x)\}$ التي لها النموذج الكروي المقترح أعلاه، ولغرض

تطبيق المعادلة رقم (1) وبعد حساب مصفوفة الأوزان w وان مجموع

الأوزان لكل عمود في المصفوفة والذي يمثل متجه الأوزان لكل موقع مقاس

تكون مساوية للواحد. وهذا مما يدل على دقة النتائج الحسابية ، وكما موضح في الجدول (2).

الجدول رقم (2) يبين القيم الحقيقية $z(x)$ والقيم التنبؤية $\hat{z}(x)$ المحسوبة و قيم تباين كرينك σ_k^2 .

.No	x1	x2	$z(x)$	$\sum_{i=1}^n w_i$	$\hat{z}(x)$	σ_k^2
1	250	2	0.894	1.0000	0.7778	0.0193
2	240	2.5	0.873	1.0000	0.7938	0.0273
3	230	1.5	1.152	1.0000	0.9195	0.0988
4	255	1	0.991	1.0000	0.7808	0.0233
5	246	2	0.651	1.0000	0.8914	0.0192
6	260	1.5	0.773	1.0000	1.0289	0.0374
7	488	1	0.799	1.0000	0.8229	0.0181
8	500	2	0.750	1.0000	0.6628	0.0249
9	510	2.5	0.723	1.0000	0.7898	0.0319
10	520	1	1.052	1.0000	0.5422	0.0969
11	490	1	0.821	1.0000	0.7857	0.0163
12	505	1.5	0.606	1.0000	0.7512	0.0229
13	750	1.5	0.447	1.0000	0.6929	0.0193
14	740	1	0.385	1.0000	0.8337	0.0261
15	730	2	0.696	1.0000	0.2978	0.0823
16	760	1	0.631	1.0000	0.5175	0.0377
17	755	1.5	0.564	1.0000	0.5460	0.0197
18	745	1.5	0.816	1.0000	0.4019	0.0197

كماتم إيجاد المقاييس الإحصائية عن القيم التنبؤية كما في الجدول (3).

الجدول (3) يبين المقاييس الإحصائية للقيم التنبؤية.

Measure	X1	X2	$\hat{z}(x)$
Minimum value	230	1	0.2978
Median	505	1.5	0.7793
Maximum value	760	2.5	1.0289
Range	530	1.5	0.7311
Mean	498.5	1.56	0.71314
Standard deviation	204.331	10.497	0.1872
Variance	41751.246	0.247	0.03507

واستكمالاً للعمل حاولنا إيجاد حدود الثقة وذلك بحساب التقدير الموقعي $\overline{z(x)}$

$$\overline{z(x)} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \hat{z}_i(x_0) = 0.7131$$

(Local estimation) حسب المعادلة

ثم ايجاد التقدير الموقعي (GE (Global estimation حسب المعادلة :-

$$GE = AR * \overline{z(x)} = 206.1002$$

اذ ان $AR = 17 * 17 = 289$ تمثل مساحة المنطقة

:

ثم نحسب الخطأ في التقدير الموقعي او الاجمالي للمنطقة ، او مايسمى تباين التقدير الموقعي σ_{LE}^2

$$\sigma_{LE}^2 = \frac{1}{n^2} \sum_{i=1}^n \sigma_k^2(x_i) = 0.002$$

(Local estimation Variance) حسب المعادلة

بعد ذلك ايجاد التباين الكلي (TV (Total variance أو الخطأ في التقدير

الإجمالي ضمن المنطقة D حسب المعادلة $TV = AR^2 \sigma_{LE}^2 = 165.2024$ ، بعدها

نجد الخطأ المعياري حسب المعادلة $SE = \sqrt{TV} = 12.8531$

واخيرا تم حساب حدود الثقة (Confidence Limits) CL اعتمادا على القيم

الجدولية للتوزيع الطبيعي كونها ظاهرة طبيعية تقترب من الطبيعي وبموجب

المعادلة التالية نحصل على حدي الثقة للتقدير الموقعي:

$$CL = GE \pm 1.96SE = (180.9051, 231.2923)$$

5- الاستنتاجات: تم في هذا البحث استخدام اسلوب التنبؤ المكاني (الكريكنك) لبيانات تلوث الهواء المأخوذة من تجربة سابقة ببعدين لمصفي بيجي ، واعتمادا على النموذج الكروي كتقدير لدالة الفاريوكرام وباستخدام البرامج ذات العلاقة (Server , Matlab) حصلنا على تنبؤات قريبة من البيانات الأصلية وتباين تنبؤي قليل يساوي (0.035) فيكون من المناسب استخدام الأسلوب للتنبؤ لقيم تلوث الهواء في مواقع اخرى .

المصادر:

- 1- ألياس ، ماهر جوزيف ((2008)، التنبؤ عن العملية العشوائية المكانية غير المستقرة مع التطبيق ، رسالة ماجستير رياضيات ، كلية التربية جامعة الموصل .
- 2- قاسم ، محمد نذير اسماعيل و عبد الموجود ، شذى. (1998) تحليل احصائي في جيولوجي للبيانات الفراغية ، مجلة التربية والعلم العدد (30) . جامعة الموصل
- 3- محمود ، اسماء غانم (2006) : أسلوب بيز في التنبؤ عن العملية العشوائية المكانية ، اطروحة دكتوراه غير منشورة ، كلية علوم الحاسبات والرياضيات ، جامعة الموصل ، موصل - العراق .

4-Cressie , N. , (1993) ,Stochastic for spatial data , J. Wiley , New York.

5-Hans Bandemer , A. Gebhardt , Bayesian fuzzy kriging , Fuzzy Sets and Systems 112 (2000) 405-418 .

6-Jhon C. Davis , Statistical and data analysis in Geology (2002), Third edition , J. Wiley & Sons(Asia), Singapore.

7- Omre,H.,(1987): "Bayesian Kriging- Merging Observation and Qualified Guesses in Kriging", Mathematical Geology Vol. 19 No. 1,PP.(25-39).