



Entropy بۇ ھۆنراۋى كوردى ھەردوو ھۆنەر بىكەس و گۆران

(PP 207 - 223)

ID No. 2136

<https://doi.org/10.21271/zjhs.22.5.14>

نظيره صديق كريم بەرزنجى

بەشى ئامار كۆلىڭى بەرپۆەبەردن وئابوورى / زانكۆى صلاح الدين-ھەولير

nazeera.kareem@su.edu.krd

ۋەرگىرتن : 2018/04/10

پەسندكردن : 2018/07/08

بلاۋكردەنەۋە : 2018/11/01

پوختە

تيۇرى زانبارى (Information Theory) لقيكى سەرەككپە لەماتماتىكى كدراريدا (applied mathematics) كە لەسەربنچىنەى تيۇرەكانى ئەگەرەكان (Theory Probability) وتيۇرەكانى ئامار (Statistics) دانراۋە لەزانستەكانى ئامارو ئەندازەۋ ئامارو كۆمپيوتەرۋ بىركارى و فيزياۋ تەكنۆلۇژيەكان وزانستى دەرۋونى وچەند زانستىكى تىرەكارھاتوۋەۋ لىكۆلىنەۋەى لەسەر دەرگىت. ئەم بىرۆكەپە لەلايەن زانا (Claude Elwood Shannon) لەسالى (1948) داۋەك تويۇنەۋەيەك پىشكەشى كىر لەدواييدا پەرەى پىدارا ۋەك تيۇرىكى زانستى شىكردەۋەۋ زانستىەكانى لەسەرگىرا. گرنگىرەن يەكەى پىۋانە كىردى زانبارى برىتيە لە Entropy. ھەموۋشەك لەگەردوندا بەرپكى پىك دېت لەكۆتاييدا ئەگۆرپىت بۇ ناپىكى پىۋەرى ئەۋ گۆرانكارىە برىتيە لە Entropy كەپىۋەرپكە بۇدىارى كىردى ناپىكى يان ھەرپەمەكى. لەئاماردا Entropy ھەر ناپىكى دەنويىن كە ئەۋناپىكى گومان دروست دەكات كەۋانە لەئاماردا Entropy ۋەك پىۋەرپك بۇ گومان (دلىيانەبوون) (uncertainty) بەكاردېت ۋەك شىكردەۋەيەكى ئامارى لەزۇر بوارەكانى زانست وويۇدە بەكارھىتېرەبەلەم لەۋيۇەى كوردىدا ئەۋرپكەپەھىچ نەگىراۋەبەتايىبەتى لە لىكۆلىنەۋەى بەرھەمى ھۆنەرەكاندا ۋەلەبەرئەۋەى ھۆنراۋەپەيۋەندى بە ھەست وناخى مرقۇفەۋە ھەپە ۋەلەكارلىكەبايۇلۇجىەكانەكەلەكارىگەرى پوداۋىكە لەسەرى ۋەئەۋ پوداۋە ئەپىتە سەرچاۋەپەكى ووزەپەك كە بەۋوشە وگفتوگۇ دەرئەبىرپىت يان ئەۋانين بلىين ھۆنراۋە برىتيەلەھۆنەۋەى ۋوشەى پەۋان وپرستەى پىك وپىك لە كزە وسۇز دەرۋونەۋە دەرچىت كار دەكاتەسەر كزە وسۇز دەرۋونى كە سانى تىرۇ دەرخستى ئەم راسىتەبۇ خويىندەۋەى پىۋەى دلىيانى لە ھەستى ھۆنەرە كانماندا دوو ھۆنەرمان ھەلۇارد يەكەمىان مامۇستا فايەق بىكەس بۇ ھەستى كوردايەتى تاقىكردەۋەى لە ھۆنراۋەى (ئەى ۋەتەن مەفتوونى تۆم... ۋەدوۋەمىان مامۇستا گۆران بۇ ھەستى ئەۋىنى و ۋەتاقىكردەۋەى لە ھۆنراۋەى (جوانى بى ناۋ) ى بەتيۇرەكانى تيۇرى زانبارى شىكردەۋەى (Entropy) و تيۇرى رىگاي كۆدى (Fano Entropy - Shannon) مان بەپى شىكارى ياساى تايىبەتى خۇيان ۋەك پىۋەر بۇ ئەگەرى گومان يان(دلىيانەبوون) (uncertainty of probability) بەكارھىتېرەۋە بەماناى ئەۋنەنجامەى لە شىكارى شىكردەۋەى(Entropy) دەستمان كەۋت ئەگەرى گومانە يان پىۋەى دلىيا نەبوۋنە ۋە بۇ دلىيا بوون ئەۋ ئەنجامەمان لە ژمارە (100) سەد دەرگىر پىۋەى دلىيا بوونمان دەرھىتە كە يەكەمىان مامۇستا فايەق بىكەس بۇ ھەستى كوردايەتى تاقىكردەۋەى لە ھۆنراۋەى (ئەى ۋەتەن مەفتوونى تۆم... 72.354%) ۋە بەرپكى كۆدى (Fano Entropy - Shannon) كە تيۇرىكى تەر (73%) ۋەدوۋەمىان مامۇستا گۆران بۇ ھەستى ئەۋىنى و ۋەتاقىكردەۋەى لە ھۆنراۋەى (جوانى بى ناۋ) ى(69.93458%) ۋەھەرۋەھابەكارھىتېرەۋەى تيۇرى رىگاي (65%) (Fano Entropy - Shannon) ۋەپاش لىكۆلىنەۋەى بۇ سەلماندىن كارايى (significant) ئەنجامە ئامارىكەبە پىگاي (test-t) دەرگەۋت ھەردوو ئەنجامەكە كاران (significant) مامۇستا فايەق بىكەس (0.017) و مامۇستا گۆران (0.001)) دەرچوون.

1-كلىلە ۋوشەكان: Entropy ، Shannon-Fano coding ، data compression - Shannon ، ھۆنراۋەى(ئەى ۋەتەن مەفتوونى تۆم...) مامۇستافايەق بىكەس، ھۆنراۋەى (جوانى بى ناۋ) مامۇستا گۆران.

2-پىشەكى

ھەستى مرقۇف چەند جورپكى ھەپە گرنگىرەنپان ھەستەدەمارىە كارۋستاتىكىەكان وكارۋ موگناتسىەكان ۋەھەستە كىمپايى ۋەھەستە فيزيايىەكان و ھەستە مېكانىكىەكان ۋە ھۆكارى پەيدا بوونى ئەم ھەستانە ئەگەرپتەۋە بۇ ئەۋ ووزانەى كە كارىگەرن بەۋ شەپۇلە كارۋموگناتسىەچىرپچرانەى كە ئەنەنجامى كارىگەرى مرقۇفەكان لەسەر يەكتىرى و بونەۋەرۋكانى تىرەماناى جەستەى ھەر بونەۋەرپك ۋەك تەۋەرپك ۋايەبە بوارپكى ووزە دەرۋەدراۋە وپىچراۋەتەۋە ئەم بوارەكۆمەلە ھىلىكى چەماۋەى شىۋەھىلكەيىن دوۋجەمسەرى پۆزەتيف و نىگەتيفان ھەپەكە لە مرقۇفا سەرۋوۋچاچەكانيان دەنويىن (سەرۋوۋ جەستەۋ خواروۋى جەستە) بەلىكەۋتتى جەستەى مرقۇفەكان بەپەكتىرى ئەپىتە ھۆى گواستەۋەى ووزە لە بەرزتېنەۋە بۇ



نەزەرىيەۋىيەتتا دۈجەستەكە بارىكى ھاسەنگى كارۆ مۇگناتىسى يەك بارگە بن لەم كاتەدا ووزەى نوئ لە ھەرىكە لە جەستەكاندادرۈست ئەيىت بە كارىگەرى كارەبايى وفىزىيائى بارگە پۈزەتەقەكان ھەستى پۈزۈ خۇشەويستى ويەكتەر قىلگەردن ويەكتەرپاراستن ھەمووھەستەخۇشى و خىرخوازەكان لە ناخى مۇقەكەكاندا درۈست ئەيىت بەلام بەيىچەوانەۋەبارگە نىگەتەقەكان ھەستى ترس وىق وىنەۋ دىلەۋاۋىڭ و دىزايەتەكتەردن ھەمووھەستە ناخۇشەكان وناپەسەندەكان درۈست دەبن. ۋەھۇنراۋەش دەرپىنى ھەستى مۇقە بەرامبەر مۇقەتەكى تر يان بەرامبەر سىرۈشت و كارەسات و پوداۋەكانە لەبەر ئەۋەى مامۇستا بىكەسى پۇشنىر لە رۇۋانىك دا ژىياۋە كە كورد لەئەۋ پەرى چەۋساندەنەۋە ئەشكەنەدان ۋقات وقرى وژىردەستەيىدا بوۋە لەپارەپەرىنە كەى شەشى ئەيىلۈلى كە 1930 دى ژىنگىلەزكاراۋە بىكەس بۇ ماۋەى دوۋسال بوۋەبەمامۇستا لەبەرئەۋەى بىرىندارۈبەندىكاراۋە بۇيە لىكەۋتتى بارگە نىگەتەقەكانى لەگەل ژىنگىلەزدايەتەر كارىگە تر بوە لە دىزايەتە بەردەۋام دا بوۋە ھەستەكى بەرزى كوردايەتە لە ناخىا كىلە ئەسپىنچ لەبەندىخانەدا ھۇنراۋەبەناۋەبانگەكەى(ئەى ۋەتەن مەفتۈۋى تۆم و شىۋەتەر بىرگەۋتەۋە....) نوسىۋە ۋە ھەروەھا پۈزەى ھۇنراۋەكوردايەتەكانى 71.5% ھەمووھۇنراۋەكانىيەتە ۋەبەرزەتەرىن رۈزەيەبەبەرۈدەكتەرىن بەرپۈزەى ھەموو جۇرەكانى ھۇنراۋەكانى تى، بەلام مامۇستا گۇران لەبەرئەۋەى ئاشتى وئازادىخۋاز بوۋە لە (1951 يەك سال و لە 1954 دوۋسال و 1956 دوۋسال) بەندىكاراۋە بەلام زۇرىنەى كاتەكانى تى لە گەل سىرۈشت و خۇشەكانى ژياندا ژياۋە ۋەك باخى چەمى بىارە ۋە لەبەجەۋ (ئىستەگەى پادىۋى پۇزەۋەلتە) يافا لە فەلەستىن ويەكتەى سۇقىيەت وچىنى مىللى و كۇرئىي دىمۇكرات بۇيە لىكەۋتتى بارگە پۈزەتەقەكان ھەستى خۇشەويستى (سىرۈشت وئافەرت) لەناخىا ئەۋرۈۋىتىن ۋەك لە كۆمەلەى يەكەمى (بەھەشت و يادگار) لە ھۇنراۋەى (جۋانى بى ناۋدا) ۋەھەروەھا پۈزەى ھۇنراۋە خۇشەويستەكانى 36.48% ھەموو ھۇنراۋەكانىيەتە ۋەبەرزەتەرىن رۈزەيەبەبەرۈدەكتەرىن بەرپۈزەى ھەموو جۇرەكانى ھۇنراۋەكانى تى ئەم ئەنجامانە بۇ ھەردوۋەھۇنراۋەكانە جەخت لەپاستى كارىگەرى شەپۇلە كارۋمۇگناتسىيەكان دەكاتەۋە بۇ ئەم مەبەستە شىكارى ئامارى پىتۈەرى(Entropy) مان بەكارھەپنا ئەم شىكردنەۋەئەداكەلەزەنستەكانى ئەندازەۋەئامارويىركارى و فىزىۋەتەكنۇلۇژىيەكان وچەندەزەنستەكى تەبەكارھاتۈۋە ھەر زانستەى بە مەبەستى تايەتە خۇى ۋەلەزەنستى ئاماردا (Entropy) و (Information theory) ۋەك پىتۈەرىك بۇ گۇمان (دلىيانەبوۋى) (uncertainty) تا ئەنجامى ئەۋشىكارە كەم بىت ئەۋە پۈزەى دلىيانەبوۋى زىاتەتەبىت كەئامانجى ئەم توۋىنەۋەيەمانە لەم توۋىنەۋەيەمانە كۆمەلەىك تىۋرۈ شىكارى ئامارى تا يىت بە (Entropy) مان بەكارھەپناۋە ۋەراستى ئەنجامەكانمان سەلماندوۋە.

3-ئامانجى توۋىنەۋە :

بەكارھەپنانى رىگەى (Entropy) و رىگەى (Shannon-Fano Entropy) ۋە رىگەى (Shannon - Fano coding) ۋە رىگەى Compression Shannon-Fano بۇ دىيارى كەردنى پۈزەى دلىيانى لە (ھەستى كوردايەتەى مامۇستا فابەق بىكەس بەھۇنراۋەى(ئەى ۋەتەن مەفتۈۋى تۆم) ۋە ھەستى ئەۋىنى مامۇستاگۇران بەھۇنراۋەى (جۋانى بى ناۋ)) ۋەھەروەھا بۇ دىيارى كەردنى كاراى شىكردنەۋەئامارىيەكانى بۇدەرخستەننى راستى ئەنجامەكانى رىزەى ھەردوۋەستەكە بە بەكارھەپنانى (t-test)

4-بەشى تىۋرى

شىۋازى تىۋرى شىكارەئامارىيەكان

1-4 پىناسەى Entropy [3][14]

ئەم شىكردنەۋەيەلە زانستەكانى ئەندازەۋەئامارويىركارى و فىزىۋەتەكنۇلۇژىيەكان زانستى دەروۋى وچەندەزەنستەكى تەبەكارھاتۈۋە ھەر زانستەى بە مەبەستى تايەتە خۇى ۋەلەئاماردا ۋەك پىتۈەرىك بۇ گۇمان (دلىيانەبوۋى) (uncertainty) بەكاردەت تا ئەنجامى ئەۋشىكارە كەم بىت ئەۋە پۈزەى دلىيانەبوۋى زىاتەتەبىت ھەموۋشتەك لەگەردوندا لە كۇتالىدا لەرىكەۋە ئەگۇرەت بۇ نارىكى Entropy پىتۈەرى ئەۋ گۇرانكارىيە ۋە بىرەتە لەپىتۈەرىك بۇدىيارى كەردنى نارىكى يان ھەپەمەكى يان دلىيا نەبوۋى پاستى لەۋ سىستەمەى كە پىۋانەى بۇدەكرەت ئەۋىرۈكەيە لەياسى فىزىيائى پىرۋسەى Thermodynamics سىرۋم داينامىكى يەكى دىيارى كاراۋەۋە ھاتۈۋە كە گەرمە دەگۇرەت بۇ ھىزىكى ناۋەكى سىستەمەى. ۋە (Entropy statistical thermodynamics) ۋە انتروپى ياساى ئامارى thermodynamics ۋە ياساكانى (Thermodynamics) گەنگەن لەيەكخستى بىنەماكانى باپۇلۇجى كە بىرەتەن لەپىرۋسە كىمىۋايەكانى (metabolism) ماناى راچەنىنى ھەموۋىندەۋەرەكان. يەكەم ياساى Thermodynamics ناۋ دەبەرت بەياساى مانەۋەى ووزە بەشۋەيەك دارپۇراۋە كە ووزە نەدرۈست دەكرەت نە لەناۋ دەبەرت بەلكو دەبەت لە شىۋازىكەۋە بگۇرەت بۇشىۋازىكى تر



وہ خانہ لہش کۆمەلە پروسەپەك ئەنجام دەدات كەپتویستیان بە ووزەپە بەلام ووزەپە سیستمیکی داخراوو بەنەگۆپی دەمەنیتتەوہ. بەلام گۆپینی ووزە دەپتتەوہی دروست بوونی Entropy كە لە دوومەر- یاسای Thermodynamics دا ھەپە کەوا دارپژراوہ کە ووزە لە شتوازیكەوہ بگۆرپت بۆ شتوازیکی تر ووزەکە کەم دەکات بە شتوہپەك ووزە لەکۆتاییدا کەمتر دەپت لە ووزەپە سەرەتا لەم کاتەدا Entropy زیاد ئەپتت بە گۆپینی ووزە کەم بوونی ووزە لە ژینگەپەکدا دەپتتە زیاد بوونی ناریکی مانای زیاد بوونی Entropy زیاد بوونی پکی مانای کەم بوونی Entropy

2-4 ئەمارى میکانیکی Entropy [1] [4] [13] [14]

لەسالەکانی دوای (1800) زانایان (Maxwell, Ludwig Boltzmann and Josiah Willard Gibbs) درپژەیاندا بە بیرۆکەکە زانا کلاسیکەکان ئەم ھاوکیشە خوارەوہدا یاسایەکی فیزیایی گشتی دانرا بۆ پیناسەپە entropy لەئاماری فیزیایی میکانیکیدا چونکە یەکەم جار ییرۆکەکە لە لایەن زانای فیزیا (Boltzmann) دارپژراوہک تیوری گازی

$$l = -k \sum P_i \log (P_i) \dots \dots \dots (1)$$

P_i : بریتە لە ئەگەرێک i گەردیلەکانی ھەمان سیستمە
 k : (constant) نەگۆرێکە یەکەپتوانە پە entropy یەلە (thermodynamics) ی زانا Boltzmann ی فیزیایە کە دەکاتە Joules/Kelvin) $23-10 \times 1.380658$

(-) : نیشانەپتتەپتت (negative) چونکە نرخ ئەگەر $0 \leq Pr \leq 1$ (probability)
 ژمارەپ سەروپەك ولەپتوانیانەكە نرخ لۆگاریتم نینگەپتت (negative)
 وە ئەتوانرێ ھاوکیشەپ (1) بە شتوہپەکی سادەتر بنوسرپت وەك لەھاوکیشەپ (2)
 $l = k \cdot \log(N)$ (2)

N : بریتە لە کۆی ژمارەکانی گەردیلەکانی ھەمان سیستمە
3-4 پیردۆزی Entropy [3] [4] [6] [7]

گریمان $\{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ بریتە بن لە n ھپما بەمەرچ کۆمەلە گریمانەپپەکیان (رووداوپکیان) probabilities ھەپتت کە بریتە بن لە $\{p_1, p_2, \dots, p_n\}$ یەك لەدوای یەك وەپتویستە ھپماکان سەربەخۆپ (independently) بەمانای پەپوہندیان بەپەكەوہنەپتت وە ئەگەر (a_i) ھپماپەکی دیاریکراویان پتت ئەوا $\log(1/p_i)$ زانیاریمان لەبارەپ ھپما دیاریکراوہكە بدات کاتێک ھپمادیاریکراوہكان (N) دانەبن کەواتە ($N * p_i$) (رووداو دەبن بۆھپمای (ai) بەم شتوہپەلەکاتی بوونی (N) ھپمای سەربەخۆ ئەوا (total information) ھەموو زانیاریەکان :

$$l = \sum_{i=1}^n (N * p_i) * \log(1/p_i) \dots \dots \dots (3)$$

بەلام نیوہی زانیاریەکانی یەك ھپمای دیاریکراو پتت دپت لە
 $l/N = \sum_{i=1}^n (1/N) (N * p_i) * \log(1/p_i) = \sum_{i=1}^n p_i * \log(1/p_i) \dots \dots \dots (4)$

تیپینی:

$$\lim_{x \rightarrow 0} x \log(1/x) = 0 \quad \text{ئەگەر}$$

$$\lim_{p_i \rightarrow 0} p_i \log(1/p_i) = 0$$

پاش تیپینی پیناسەپ زانیاری تەواومان کردکەواتە بەھۆی گریمانەپپ رووداوہکانوہ ئەگەرکۆمەلەپەکی گریمانەپپ ۆك (a probability distribution) یان probabilities

$$P = \{p_1, p_2, \dots, p_n\}$$

کەواتە پیناسەپ (Entropy) بە ھۆی P بریتەلە یاسای:

$$H(P) = \sum_{i=1}^n p_i * \log\left(\frac{1}{p_i}\right) = \sum_{i=1}^n p_i * \log(p_i^{-1}) \dots \dots \dots (5)$$

$$H(P) = -\sum_{i=1}^n p_i * \log(p_i) \quad \text{فۆرمیولای گشتی} \dots \dots \dots (6)$$



4-4 شانون انتروپى Shannon Entropy [4] [5] [12]

ئەم جۆرەى Entropy پاش زانا Shannon1 بەم ناوہ ناوی لئىراھەرچەندە لە بنچىنەدا ئەگەر پىتەوہ بۇ دوزانا (Pauli) وە (von Neumann) بەوہ پىناسە دەكرىت كە بەكارئەھىنرىت بۇ (discrete probability distribution) دابەش بووی ئەگەر پچر پچر كە پىتوانەيەكە بۇ زانىنى برى زانىارى پىتويست لەسەر ناوہندە ژمىرەيى بۇ ديارى كردنى چەندنمونەيەكى ھەرەمەكى وەرگىراولەئەو دابەش بووہ. كۆددانان برىتە لەكىشانى نەخشەيەكى زنجىرە ھىمايەك كە لە سەرچاوەيەكى زانىارى زنجىرەيەك ھىمايە ئە لەفايتا وەرگىراون بەشيوہى (bits) ن بەشيوہەك كە بتوانى سەرچاوەي ھىماكان بەتەواوى بگەر پىتەوہ بۇ (binary bits) بىتەدوانىەكان (سفر ويەك) وە ئەمە بىرۆكەى (data compression) (داتاي پەستراو) كە داتاكان وا دەپەستىتەوہ كە رىگا نادات بە وون بوونى تەنھا بەشيكى كەمىش وەھەرەوہا برى زانىارى پىشېنى كراوى پى ديارى دەكرىت ئەمە بە تيۆرى شانونى سەر چاوەى كۆددانان Shannon's source coding theorem ناودەبرىت كەيەكىكەلەرپىگاكاني (تيۆرى زانىارى (information theory))

5-4 كۆدى شانون [4] [5] [12]

لە بىردۆزى زانىارىەكاندا سەرچاوەى كۆددانان دەگەر پىتەوہ بۇ (Shannon 1948) كاتىك كە (X) گۆراوئىكى ھەرەمەكەيە كە لەكۆمەلە نرخیكى $\{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ پىكھاتىن لەگەل ئەگەرەكاني $\{l_1, l_2, \dots, l_n\}$ گریمان $\{p_1, p_2, \dots, p_n\}$ كۆدېن بۆئەنرخانەھەرەكەيان $H(X)$ انتروپىيەكەيەتى كەدەتوانىت پەستىت بۆزىاتر لە $NH(X)$ (bits) كە $N \rightarrow \infty$ وەبەپىي ياساى Kraft's

$$l_i = \log \frac{1}{p_i} \quad \text{ئەگەر} \quad \text{Inequality} \quad \sum_{i=1}^n 2^{-l_i} \leq 1$$

وہ دەتوانىت بىسەلمىتريت كە l_i وە كە Kraft's Inequality پاسادان بكات

$$\sum_{i=1}^n 2^{-l_i} = \sum_{i=1}^n 2^{-\lceil \log \frac{1}{p_i} \rceil} \leq \sum_{i=1}^n 2^{-\log \frac{1}{p_i}} = \sum_{i=1}^n p_i = 1 \quad \dots\dots\dots(7)$$

ئەمە سنوورى نزمى بە $H(X)$ ديارى دەكرىت

This is lower bounded by $H(X)$ $\sum_{i=1}^n p_i \left\lceil \log \frac{1}{p_i} \right\rceil$

Upper bounded by $H(X) + 1$ دىارى دىكات دىارى ھەرەوہا سەلماندى سنوورى بەرزى بە

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^n p_i \left\lceil \log \frac{1}{p_i} \right\rceil &\geq \sum_{i=1}^n p_i \log \frac{1}{p_i} = H(X) \\ \sum_{i=1}^n p_i \left\lceil \log \frac{1}{p_i} \right\rceil &< \sum_{i=1}^n p_i \left(\log \frac{1}{p_i} + 1 \right) = H(X) + \sum_{i=1}^n p_i = H(X) + 1 \dots\dots\dots(8) \end{aligned}$$

6-4 بىردۆزى كۆددانان [9] [11] [13]

گریمان (Σ_1) و (Σ_2) دوو كۆمەلەى سنوردان لەپىت كە بەپىي ئەلفا بىتاي لەدواى يەك پىزىكراون پىكراون گریمان (X) كۆراوئىكى ھەرەمەكى بىت نرخیەكاني لە (Σ_1) وەرگرتوہ وەرگىمان (f) كۆمەلەيەك كۆدى ھەلۆەشاوہ بىت لە (Σ_1^*) بۆ (Σ_2^*) كاتىك $|\Sigma_2| = a$ گریمان (Σ_1) و (Σ_2) دوو كۆمەلەى سنوردان لەپىت كە بەپىي ئەلفا بىتاي لەدواى يەكپىزىكراون گریمان (X) كۆراوئىكى ھەرەمەكى بىت نرخیەكاني لە (Σ_1) وەرگرتوہ وەرگىمان (f) كۆمەلەيەك كۆدى ھەلۆەشاوہ بىت لە (Σ_1^*) بۆ (Σ_2^*) كاتىك $|\Sigma_2| = a$ وەرگىمان (I) گۆراوئىكى ھەرەمەكى بىت وە كۆدەكاني لە $f(X)$ وەرگرت بىت بەپىي (Shannon 1948)

$$\frac{H(X)}{\log_2 a} \leq El \leq \frac{H(X)}{\log_2 a} + 1 \quad \dots\dots\dots(9)$$

Proof : Source coding theorem for symbol codes

سەلماندى سەرچاوەى بىردۆزى كۆددانان بۇ ھىماي كۆدەكان بۇ $(1 \leq i \leq n)$ گریمان S_i برىتى بوولە ووہەى جۆراو جۆرەلە X_i وەھەرەوہا پىناسەى

$$q_i = \alpha^{-l_i} / C$$

C ھەلۇئىردا ئەگەر

$$q_1 + q_2 + \dots + q_n = 1$$



$$H(X) = -\sum_{i=1}^n p_i \log_2 p_i \leq -\sum_{i=1}^n p_i \log_2 q_i \quad \text{ئەوا}$$

$$= -\sum_{i=1}^n p_i \log_2 a^{-l_i} + \sum_{i=1}^n p_i \log_2 C = -\sum_{i=1}^n p_i \log_2 a^{-l_i} + \log_2 C$$

$$\dots\dots\dots (10) \quad C = \sum_{i=1}^n a^{-l_i} \leq 1 = -\sum_{i=1}^n -l_i p_i \log_2 a \leq E \log_2 a$$

Kraft's inequality وە ھەروھەا بەپیتی

$$S_i = \lceil \log_a p_i \rceil ,$$

$$-\log_a p_i \leq l_i < -\log_a p_i + 1$$

$$a^{-l_i} \leq p_i$$

$$= \sum p_i l_i < \sum p_i (-\log_a p_i + 1) = \sum -p_i \frac{\log_2 p_i}{\log_2 a} + 1 = \frac{H(X)}{\log_2 a} + 1 \quad \dots\dots\dots (11)$$

4-7 درهختی کۆدەکان [درهختی شانۆن-فانوۆ] [1] [2]

Shannon-Fano Algorithm[Shannon-Fano Coding] Shannon-Fano source encoding follows the steps:

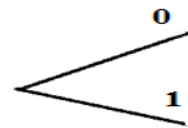
بۆکیشانی درهختی شانۆن فانوۆ (کەپاست ترین algorithm و سادەترین شیۆه) ییۆستی بە چەند ھەنگاوێک ھەیه

- 1- ییۆستە ھێماکان بەپیتی ئەگەرەکان (probabilities) لە پرسپارەکە دا بەرھوژێر (descending) دیاری بکەین
- 2- ھێماکان بەش بکړین بۆچەند دانەپەک لە بەشە کۆمەلە (subgroups) بەمەرجێک ئەگەری بەشە کۆمەلەکانی دوا یەک لە یەکتەر نزیک بن ھەربەشە کۆمەلەپەک بە دووپارچە ھێلی یەکتەرپ وەک

Shannon-Fano Algorithm[Shannon-Fano Coding] Shannon-Fano source encoding follows the steps:

بۆکیشانی درهختی شانۆن فانوۆ (کەپاست ترین algorithm و سادەترین شیۆه) ییۆستی بە چەند ھەنگاوێک ھەیه

- 1- ییۆستە ھێماکان بەپیتی ئەگەرەکان (probabilities) لە پرسپارەکە دا بەرھوژێر (descending) دیاری بکەین
- 2- ھێماکان بەش بکړین بۆچەند دانەپەک لە بەشە کۆمەلە (subgroups) بەمەرجێک ئەگەری بەشە کۆمەلەکانی دوا یەک لە یەکتەر نزیک بن ھەربەشە کۆمەلەپەک بە دووپارچە ھێلی یەکتەرپ وەک

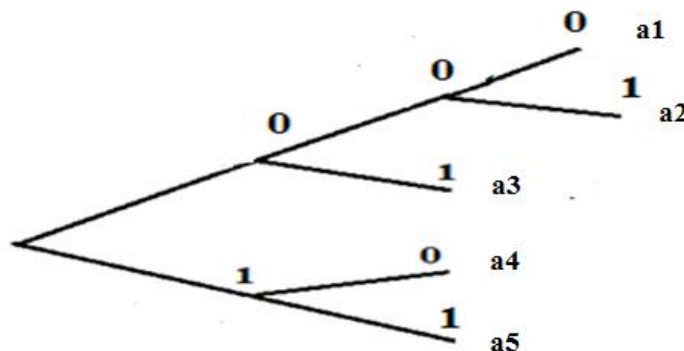


وێنە ی ژمارە (1) سەرەتای درهختی کۆدەکان [درهختی شانۆن-فانوۆ] دیاری دەکات

3- دانانی کۆد بۆ ووشەکان bit(0) بۆ بەشی سەرەوێ بەشە کۆمەلەکە (subgroup) وە (1) bit بۆ بەشی خوارەوێ بەشە کۆمەلەکە.

4- دوبارەکردنەوێ دوو ھەنگاوی (2) وە (3) ئەگەر زیاتر لە یەک ھێما ھەبۆلە ھەر بەشە کۆمەلە یەکدا تا درهختەکە دروست دەبێت وەک خوارەو

درهختی شانۆن



وێنە ی ژمارە (2) درهختی کۆدەکان [درهختی شانۆن-فانوۆ] دیاری دەکات



5- پاش تەواو بوونی دانانی ھەموو بەشە کۆمەلەکان دروست کردنی درەختی شانۆن کۆدەدی ووشە کان دەرئەھێنرێت خشتە ٥ (١) کۆدەکانی درەختی کۆدەکان [درەختی شانۆن-فانوۆ] دیاری دەکات

a1 → 000
a2 → 001
a3 → 01
a4 → 10
a5 → 11

کۆدەکان بە پێی درەختەکە	بەشە کۆمەلەکان
000	a_1
001	a_2
01	a_3
10	a_4
11	a_5

8-4 گەورەترین Entropy (Maximum Entropy) [8] [10]

بریتییە لە گەورەترین ناپیکی فیزیایی یان نموونەییکی ئامار بۆکەمترین زانیاری یاسای گشتی بۆگەورەترین دابەش بووی انترۆپی (Maximum Entropy Distribution) ئەگەر I کۆمەلە زانیاریەکی X بێت کە پێکھاتن لە کۆمەلە نرخیک لە

ناو $I = \{x_1, x_2, \dots\}$ و ئەگەر n نەخشە $f_1, f_2, \dots, f_n$ و $E(f_j(x))$

ئەگەر C کۆمەلە نیشانەییکی پۆزەتیف بن وە دابەش بووی گەورەترین انترۆپی (maximum entropy distribution) بۆ C ھەبێ

$$Pr(X = x_i) = C \exp\left(\sum_{j=1}^n Pr(x_i) f_j(x)\right), \quad k = 1, 2, \dots, m \quad (12)$$

کەواتە $f_j(x)$ بریتییە لە maximum entropy distribution . بۆ

$$C \sum_{i=1}^n Pr(x_i) f_j(x_i) = a_j \quad j = 1, 2, \dots, m \quad \text{کاتیک} \quad \sum_{i=1}^n Pr(x_i) = 1$$

گەورەترین زانیاری

$$Pr(x_i) = \frac{1}{Z(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_m)} \exp[\lambda_1 f_1(x_i) + \lambda_2 f_2(x_i) + \dots + \lambda_m f_m(x_i)] \quad (13)$$

بەلام

$$Z(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_m) = \sum_{i=1}^n \exp[\lambda_1 f_1(x_i) + \lambda_2 f_2(x_i) + \dots + \lambda_m f_m(x_i)] \quad (14)$$

9-4 دابەش بووی (t) (Student's t-distribution) وەک گەورەترین دابەش بووی entropy

Student's t-distribution as a maximum entropy distribution

یاسای دابەش بووی (t) (Student's t-distribution) [بریتی بێت لە گەورەترین ئەگەری دابەش بووی انترۆپی بۆگۆراوی ھەرەمەکی X کاتیک کەنرخێ چاوەروانکراوی $E[\ln(v+X^2)]$ ئەگۆرێت

10-4 سنووری متمانە Confidence intervals [3] [5]

$$5Pr(-A < T < A) = 0.9 \quad \text{گریمان ژمارە ٥ A ژمارەیک بێت بەمەرجیک}$$

کاتیک T یاسای دابەش بووی t ھەبێ بە $n-1$ پلە سەرەستی

$$Pr(T < A) = 0.95$$

$$A = t_{(0.05, n-1)} = Pr\left(\bar{x}_n - A \frac{S_n}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{x}_n + A \frac{S_n}{\sqrt{n}}\right) = 0.95$$

کەواتە مەودای دوو خالی کۆتایی لە ھەردوو سنوورە کە بریتیە لە: $\bar{x}_n \pm A \frac{S_n}{\sqrt{n}} UCL_{1-\alpha} = \bar{x}_n + t_{(a, n-1)} \frac{S_n}{\sqrt{n}}$ بەرزترین

سنووری متمانە (UCL) بۆ ئاستی متمانە $(n-1)$ (confidence level)



5- روبرى توۋىنەۋە

لەم توۋىنەۋەدە دا دووھۇنەرى بەرزى كوردمان ھەلۋاردو ەكەم (مامۇستا فايەق بىكەس) دووھم (مامۇستا گۇران) بۇ ئەم مەبەستەبەپتوستان زانى كە كورتەيەك لە ژيانى ھەريەكەيان روون بکەينەۋە

5- 1 مامۇستافايەق بىكەس

ناۋى فايەق كورى عبداللەبەگ كورى كاكە ھەمەبىنچىنەى بنەمالەيان لە قەلا چوالانەۋەھاتتەسلىمانى لەسالى (1905) لەسيتەك ھاتوۋەتە ژيانەۋە. لەرپاپەينى شەشى ئەيلول لەدژى پادشايتى ئىنگىلىزدا بەشدارى كوردوۋەيەكەك بوو لەو نىشتان پەرۋەرەنەى كە لە كوردايەتى نىشتان پەرۋەرىدا زەنگى بەرەبەيانى نەتەۋايەتى لىداۋەو كوردايەتى بىلاو كوردتەۋە لە ئەنجامى ئەو پۇلەى دا خراۋەتە بەندىخانەۋە لە بەندىخانەداتازار پىگەيانندىن ئەشكەنجەدان ۋازى لەكوردايەتى نىشتان پەرۋەرى پىن نەھىتاۋە ھۇنراۋە بەناۋبانگەكەى (ئەى ۋەتەن مەفتوونى تۆم...) نوسىۋەلەبەرئەۋەى يانى خەبات ۋەكوردايەتى بىلاۋئەكەتەۋە دوورئەخىتەۋە بۇخلەۋپاش سالىك بۇ ەمارە بەلام بىكەس ناچىت دەست لەئىشەكەى ھەلئەگرئ ۋەگەپتەۋە سلىمانى لەپىكەوتى (1948/12/18) كۆچى دوايى ئەكات

5- 2 مامۇستاگۇران

گۇران ناۋى ەبدوللا بەگ كورى سلىمان بەگ كورى ەبدوللا بەگ لە 1904 يان 1905 لەھەلەبجە لەدايك بوۋەلەبنەمالەى مىران بەگى مەريوانە كۆچ ئەكەن بۇ سلىمانى ۋ ماۋەيەك لەقەرەداغ دەبن پاشان پو دەكەنە ھەلەبجە ۋلى جىگىر دەبن لە 1925 بۇيەكەم جار بوۋە بەمامۇستالەھەلەبجەتاسالى 1937 ماۋەتەۋە. پاشان گۇنراۋەتەۋە بۇ دائىرەى ئەشغال بوۋە بەفەرمارنەبر تاسالى 1951 لەوماۋەيدەلەگەل چەندپۇشنىپىكىدا دەچىت بۇ يافى فەلەستىن لە ئىستگەى رادىۋكەى بەشى كوردستان دەكەنەۋە بەمەبەستى لە خەبات لەدژى فاشىزم لە سالى 1952 لەسلىمانى بە بەرپرسى پۇژنامەى ژىن لە 1954 ۋوزۇرى پىن نەچوگىرا لە 1959 دا بوۋەبرپرسى گۇڭۋارى شەفەق بەناۋىبەيان دەرى ئەكات لەئىسكانى سلىمانى دادەمەزرىت 1960 لەكارلادەبرىت پاش لابرندى دەچىتە بغداد ۋ لەزانكۆى بغدادئەبىتەۋانەبىژ ھەروەھا ئەبىتەئەندامى دەستەى نووسەرانى پۇژنامەى ئازادى لە 1962 توۋوشى نەخۇشى شىرپەنجەى گەدە دەبىت بۇ چارەسەر دەچىتەمۇسكۆلە نەخۇشخانەى كرېملىن لە 1962/11/18 كۆچى دوايى دەكات.

6 - بەشى جى بەجى كوردنى كوردارى :شېكردنەۋەى ئامارى (Practical Part)

6- 1 باۋەرپىن كوردن (متمانە) (Reliability)

خشتەى (2) ئاستى باۋەرپىن كوردنى (Reliability) داتاي توۋىنەۋەى ديارى دەكات

Cronbach's Alpha	N of Items
0.813	2

ئەم ئەنجامە دەرپىنەكە بۇ شىۋى ئەم داتايە بۇ شىكردنەۋەئامارىەكان لەبەرئەۋەى نرخی $\alpha = 0.813$ Cronbach's Alpha () بەپى نرخیەكانى خشتەى Cronbach's Alpha $0.813 \leq \alpha < 0.9$ () ئاستى باۋەرپىن كوردنى (Reliability) داتاي ئەم توۋىنەۋەى باشە ۋگۇنجاۋە

6- 2 مامۇستا فايەق بىكەس

6- 1- 2 شىكردنەۋەى رېژەى سەدى جۇرى ھۇنراۋەكانى مامۇستا فايەق بىكەسدا

لەگەل ئەۋەى مامۇستافايەق بىكەس بىجگە لە ھۇنراۋە كوردايەتى ۋسرودەنىشتمانىەكانىدا تەنھاتايەتەبەكوردايەتى ھەروەھا لە ھەندئ ھۇنراۋەكانى سى جۇرى كۆمەلەكەى (ھەستى دەروون ۋ بۇمنداآن ۋ كۆمەلەيەتى) دا ھەستى كوردايەتى تىدا دەرپىۋە ۋەك ئەم خشتەيەى خوارەۋە



خشتهی (3) پڙهیی سهدی جۆری هه موو هۆنراوه کانی فایه ق بیكهس وه پڙهیی سهدی ئه وهۆنراوه کانی که کوردایه تییه و یان کوردایه تییه تیا به دی ده کریت له هه موو جۆره کاندایا

جۆری هه موو هۆنراوه کانی فایه ق بیكهس				
ئوه وهۆنراوه کانی که کوردایه تییه تیا به دی ده کریت له هه موو جۆره کاندایا		ناوه رۆك-بابهت جۆری هه موو هۆنراوه کانی		
پڙهیی سهدی	ژماره	پڙهیی سهدی	ژماره	
$\frac{68}{95} \times 100 = 71.5\%$	34	36%	34	کوردایه تییه
	13	25%	24	ههستی دهروون
	10	18%	17	بۆمندا لان
	6	16%	15	کۆمه لایه تییه
	5	5 %	5	سرودی نیشتمانی- کوردایه تییه
	68		95	

له م خشته یه وه دیاره که ژماره ی هۆنراوه کوردایه تییه (34) به پڙهیی سهدی 36% وه ژماره ی سرودی نیشتمانی (کوردایه تییه) (5) به پڙهیی سهدی 5% که کۆیان ده کاته (39) هۆنراوه به پڙهیی سهدی $36\% + 5\% = 41\%$ هه موو هۆنراوه کانی به وه ههروه ها ههستی کوردایه تییه مامۆستا فایه ق بیكهس له هه موو جۆره وهۆنراوه کاندایا ئه گهر به یه ک دپیش بیت هاندانی ههستی کوردایه تییه هه به دی ده کریت وه که له ستوونی چواره می خشته که دا دیاره له $(29 = 6 + 10 + 13)$ هۆنراوه یدا مۆرکی ههستی کوردایه تییه تیا به که ده کاته پڙهیی سهدی $100 = 30.5\% (29/95)$ هه موو هۆنراوه کانی که واته پڙهیی سهدی هه موو هۆنراوه کانی که هۆنراوه ی کوردایه تییه و هۆنراوه ی مۆرکی ههستی کوردایه تییه ده کاته $71.5\% = 41\% + 30.5$

2-2-6 شیکاری ئاماری (Entropy)

1-2-2-6 شیکاری ئاماری (Entropy) له هۆنراوه ی (ئهی وهتەن مەفتوونی تۆم...)

بۆ زانیی پڙهیی دلیایی له کوردایه تییه مامۆستا فایه ق بیكهس له هۆنراوه ی (ئهی وهتەن مەفتوونی تۆم...) شیکاری ئاماری (Entropy) به کار ئه هینین به نوسینی تهواوی هۆنراوه که له م خشته یه دایه وه رگرتی تهواوی داواکراوه ئاماری و بیرکاریه کان ئه که یه نه نجامه راستیه که

ئهی وهتەن مەفتوونی تۆم شپوهتم بیرکته وه
ئهی وهتەن مەفتوونی تۆم شپوهتم بیرکته وه
وهختی به نندیو ئه سارهت پچ به تهوق وکۆته وه
من له زیکرو فیکری تۆ غافل نه بووم وا ئینه گهی
حه پس وتی هه لدان وزیللهت تۆی له بیر بردۆته وه
به و خودایه ی بچ شهریک ولا مه کان ووا حیده
عه شقی تۆ نه وعی له دلما ناگری کردۆته وه
ئاگریکی واهه زارسال ئاوی برژیتته سهر
قهت گرو کلپه و بلیسه ی تا ئه به دنه کوژیتته وه
باسی مه جزوونی وکه ساسیی خۆت نه که ی توخوا وهتەن
چونکه به و باسه برین وزامه که م ئه کو لیتته وه
ماته مینی تا به که ی، ده ی پیکه نه وسهر هه لپه



موفتەخىرە، شوهرەتت واعالەمى گرتۆتەو
نەگبەتى لا چوو، سەعادەت بۆتە پىشتىوانى تۆ
كەوكەبى بەخت و فرىشتەت بەرزە ئەدرەوشىتەو
گەرچى بەينىكە زەلىل و دىلى دەستى زالىمى
نۆبەتى شادىتە ئەمجا ناحەزت لىكىتتەو
لافى مىللىيەت بەدەم لەم عەسرەدا كەلكى نىيە
پۇژى ھەولە، ھەر بەھىممەت گۆى ھونەر ئەپرىتەو
بى قوسورە، چەندجە سوورە سەدشوكرئەولادەكەت
وا لەرپى تۆدا لەخوينا سەيرى چۆن ئەتلىتتەو
بەسىيە، تەنەم لى مەدە ھەر پۇ لەكەى جارانتىم
ھىندە خىلمت بى ھەتاكو دەست وپىم ئەكرىتتەو
شەرتە شەرتى پىاوتى بى گەر خودا دەستىم بىدا
دوژمىت پەت كەم وەكوو سەگ بىخەمە ژىرپىتتەو

بۆ شىكرەنەو ۋى ئامارى (Entropy) لەھۆنراو ۋى (ئەى وەتەن مەفتوونى تۆم شىوہەتم بىركەوتەو) پىويستە شىكرەنەو ۋى (ژمارەى) frequency) پىت و ووشەكان دىارى بكرىت بەھۆيانەو ۋى ياساى انترۆپى دىارى بكرىت وە لە خشتەى (4) دەرھىنراو

خشتەى (4) بۆ شىكرەنەو ۋى ھۆنراو ۋى (ئەى وەتەن مەفتوونى تۆم شىوہەتم بىركەوتەو)

Pr(x) * LogPr(x)	لوگارىتمى ئەگەرەكان logPr(x)	ئەگەرەكان Probability Pr(x)	ژمارەى پىت و ووشەكان (X)	ئەوپىتو ووشانەى كەپەيوەستن بە كوردايەتى
0.11741-	0.1761-	0.6667	28	وہتەن، تۆم، شىوہەتم، تۆ، تىنەگەى، تۆى، خ ۆت، پىكەنە، شوهرەت، تۆى، خۆت، وەتەنپ ىكەنە، موفتەخىرە، شوهرەت، تۆ، فرىشتە ت، دىلى، شادىتە، ناحەزت، ئەولادەكەت، تۆد ا، تەنەم، لىمەدە، جارانتىم، خىلمت، دوژم ت، ژىرپىتتەو
0.15905-	0.4772 -	0.3333	14	بەندى، ئەسارەت، تەوق، كۆت، چەپس، تىھ ەلدان، زىللەت، برىن، زامەكەم ئەكولىتتەو، نەگبەتى، زەلىلى، دىلى، خوین، سەيرى چۆن ئەتلىتتەو
0.27646-			42	
رېژەى گومان $Entropy = -\sum P(x) \log P(x) = -(-0.27646) = 0.27646$ رېژەى دلىايى $1 - 0.27646 = 0.72354$ رېژەى سەدى دلىايى $(0.72354) \times 100 = 72.354\%$				

6-2-2-2 شانون-فانو Shannon-Fano coding بەكارھىنانى رىگای كۆدى شانون-فانو

بە بەكارھىنانى رىگای كۆدى شانون-فانو بۆ ھەمووھۆنراوكانى كە راستەوخۆ كوردايەتە يان ھەستى كوردايەتى تىدايە پىويستىمان بە دۆزىنەو ۋى ئەگەر $Pr(x) = \text{Probability}$ ھەيە وە ك لە خشتەى (5) ديارە

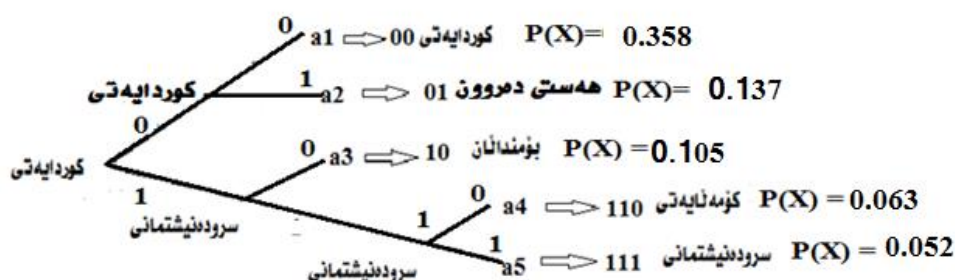


خشتەى (5) بەكا رەڧئانى رىگى كۆدى شانون - فانۆ بۇ ھەموو ھۆنراوەكانى كە راستەوخۆ كوردايە تيە يان ھەستى كوردايە تيە تيىدايە

ئەو ھۆنراوەكانى كوردايە تيە لە ھەموو جۆرەكاندا	تيا بەدى دەكرىت	ژمارەى ھەموو ھۆنراوەكان	ناوەرۆك - بابەت جۆرى ھۆنراوەكانى
ئەگەرەكان Probabilities Pr(x)	ژمارە يان (x)		
0.358	34	34	كوردايە تيە
0.137	13	24	ھەستى دەروون
0.105	10	17	بۇمندا لان
0.063	6	15	كۆمە لايە تيە
0.052	5	5	سرودە نىشتمانىەكان (كوردايە تيە)
0.715	68	95	كۆ

6-2-2-3 درەختى كۆدى شانون - فانۆ Shannon-Fano tree

Shannon-Fano tree لە دوو ھەنگاۋ پىويستمان بەكىشانى درەختى كۆدى شانون - فانۆ ھەيە كە برىتيە لەوئىنەيەكى شىۋە درەختى پىكدەخرىت بەپى شىۋازىك بۇ دىبارىكردى كۆدى كارىگەرەكە بەھۆيەو كۆدەكان دىارى دەكرىت ۋەك لە وئىنەى خوارەو ەداديارە.



وئىنەى ژمارە (5) درەختى كۆدى شانون - فانۆ Shannon-Fano tree بۇ ھۆنراوەكانى مامۇستا فايەق بىكەس

6-2-2-4 شانون - فانۆى پەستىتراو

خشتەى (6) شىكردەنەو ھۆنراوە كوردايە تيەكانى مامۇستا فايەق بىكەس بە بەكارھىتئانى ژمارەى ھۆنراوە كوردايە تيەكان و كۆدى درەختى Shannon - Fano

Symbol X ھىماى X	Frequency دوبارەكان	bits/symbol Shannon-Fano Code ھىماى درەختى كۆدى شانون	Shannon-Fano شانون-فانۆ
a ₁	34	00	2
a ₂	13	01	2
a ₃	10	10	2
a ₄	6	110	3
a ₅	5	111	3
$\sum x_i$	68		
			147

بە بەكارھىتئانى ياساى (Shannon-Fano Compression) بۇخشتەى (6)



2.2 = 147 / 68 = دوبارەكان / شانون-فانو = ئىكراى درىژى كۆدى شانون -فانو

$$(\sum x_i)(2^3) = (68)(8) = 544 \quad \text{Original size} = \text{قەبارەى بنەرەتى}$$

لەر ئەنجامەو دەرئەكەوئت كە ژمارەى هىماكانى كۆدەكان (2 يا 3) هىماين وەك لەستوونى هىماكان ديارە وەك (00 و 01 و 01 و...و
(111

Shannon-Fano Compression size = (Shannon-Fano Code)* (frequency) = قەبارەى شانون فانوى پەستىنراو

$$(\sum x_i) = 147$$

Shannon-Fano Compression = (Compression size / Original size) =

$$= 147 / 544 = 0.27 = 27\%$$

Shannon-Fano Compression ratio = 100 - Shannon-Fano Compression = 100% -

$$27\% = 73\%$$

3-2-6 ديارى كردنى كارايى ئەنجامەكان بۆ كوردايەتى مامۆستا فايەق بىكەس بە ناقيكردنەوہى

One-Sample(t-test)

خشتەى (7) ديارى كردنى كارايى ئەنجامەكان بۆ كوردايەتى مامۆستا فايەق بىكەس بە ناقيكردنەوہى One-Sample(t-test)

	t	df	Sig. (2-tailed)	N	Mean Difference	Std. Deviation	Std. Error Mean	95% Confidence Interval of the Difference	
								Lower	Upper
x	3.936	4	0.017	5	19.00000	1.79352	0.80211	5.5981	32.4019

3-6 مامۆستا گۆران

شىكردنەوہى ئامارى بۆ ھەستى ئەويندارى لە ھۆنراوہكانى مامۆستا گۆران

1-3-6 شىكردنەوہى رىژەى سەدى جۆرى ھۆنراوہكانى مامۆستا گۆران

خشتەى (8) شىكردنەوہى ئامارى رىژەى جۆرى ھۆنراوہكانى مامۆستا گۆران

جۆرى ھۆنراوہكانى گۆران							
ئەو ھۆنراوہكانى كەبۆ (ئەوينى) نووسراوون يان مۆركى (ئەوينى) يان ھەيە				كۆى رىژەى سەدى ھۆنراوہكان	رىژەى سەدى	ژمارەيان	ناوہرۆك -بابەت-
26	22.02%	4	22.02%	22.02 %	16.35%	26	(ئەوينى)و(بەھەشتى
					3.14 %	5	دل وغەزليات)و(لاسايى
					2.53 %	4	ئەدەبى عوسمانى)
20	13.21%	1	36.48%	15.74 %	12.58%	20	وہرگىراو
					0.63%	1	خەيام بەکوردى
					2.53%	4	شىعرى بە پەخشان وہرگىراو
11	6.92%	10	6.29%	13.21%	6.92%	11	سروشى جوان
					6.29%	10	دەنگى دەروون



لەكۆرى خەباتا	لەكۆرى خەباتا (شەوئەت)	14	8.81%	10.70%		
	دۆڧى مروارى	3	1.89%			
	سروود	6	3.77%			
	كورداىەتە	11	6.92%	10.69%		
فرمىسك وهونەر	شەوئەن وفرمىسك	5	3.14 %	8.78%		
	هونەرە جوانەكان	7	4.39%			
	دووهاوئەنەگەشت	2	1.25 %			
	پەس لەىەك پەردەى كورتا	8	5.03%	5.03%		
	شەىرى گەپ	8	5.03%	5.03%		
	شەىرەۆ منالان	8	5.03%	5.03%		
لاوك وپەيام	لاوك وپەيام	2	1.26%	1.26%		
	ئۆپەرەت	2	1.25%	1.25%	2	1.25%
	بۆ زاخاوى مىشك	1	0.63%	0.63%		
	هەمەجۆر	1	0.63%	0.63%		
	كۆ	159	100%			

لەم خشتەى(8)هە ديارە كەژمارەى ھۆنراوە ئەوئەىەكانى (بەھەشتى دل و غەزلىات)و(لاسای ئەدەبى عوسمانى) ھۆنراوەى ئەوئەىەىن وە ھەرەھا ھەستى ئەوئەىەى مامۇستا گۆران لەھەموو جۆرەھۆنراوەكانىدا ئەگەر بە ىەك دىڧىش بىت ھەر بەدى دەكرىت وەك لەستوونى ھەشتەمى خشتەكەدا ديارە ومۆركى ئەوئەىەى كەواتە رىژەى سەدى ھەموو ھۆنراوەكانى كە ھۆنراوەى ئەوئەىەى و ھۆنراوەى مۆركى ھەستى ئەوئەىەى دەكاتە (36.48%)

2- 3-6 شەىكرەنەوەى ئامارى (Entropy)

1-2- 3-6 شەىكرەنەوەى ئامارى (Entropy)لەھۆنراوەى(جوانى بى ناو) مامۇستا گۆران

ھەلېژاردنى ھۆنراوەى جوانى بى ناو بۆ تاقىكرەنەوە ھەستى (ئەوئەىەى)لەلاى مامۇستا گۆران

جوانى بى ناو
قژكالى لىوئالى ،پرشنگى نىكا كال ، ئەى كچە جوانەكەى سەرگۆنانەختىك ئال !
ئەى كچە مەنگەكەى بەدەنگى چە دوو ، گەندە مووى دەم وچا و ،مەچەك ھەلنەگرتوو..
ئەى ئەندام وردىلەى نەرمۆلەى ئىسك سووك ، ئەى بەرگى ساكارت دلگىرتلە ھى بووك !
پاستەمن رىپوارم ،سەرپچ ى ئەپوانم ، ! بەلام وا جوانى تۆ كارى كرىلەگىانم
ئەلئى نەك ھەرئىستا ،عومرىكى درىژە !بەو دەست وپەنجانەت برىنم سارپژە
ئەى كچەكالەكە !جوانى ترىا زۆربىن



لەباغچەى بەھاراگوڭباخى بەر خۆر بن!..
با پەنگيان پەرداخت بى وجىگەيان سەرچل بى ، بەواتاى خەلکى تر با ناويان شاگوڭ بى ،
گيانى من بۇ تەل وەنەوشە پەرۆشە، كەلە لەژىرسىبەرى تووتىرکا خامۆشە!
لەھەمووئاسمانا ئەستىرەى بەربەيان! ! ئەخاتەدلى من ھەستىكى سىي وجوان !
لە تەختىك ھەل دەستى ھەزارويەك ئەغمە ئەوہيان شىرىن تردىتەگويم زۆر نزمە!
كانىەكى پروونى بەر تريفەى مانگەشەو! لەبىنيا بلەرزى مروارىي و زىخ وچەو
جوانترە لقلاي من لەدەرياي بى سنوور شەئولى باتەبەرتىشكى رۇد شلت وھوور
قۇكالى ليوتالى ،پىشكى نىگا كال ئەى كچە جوانەكەى سەرگۇنانەختىك ئال !
دەربەست نىم پىيوارم ،دەربەست نىم پەوتەنىم !ئەزانى شىرەو دەربەستى ئىجگارچىم ؟!
ھى ئەوہى نىگارنىك لەيادىم كىشراوہ شۇخىكى نايابە بەلام ئاخ بى ناوہ

شىكىردنەوہى ئامارى (Entropy لەھۇنراوہى) (جوانى بى ناو) پىويستەشىكىردنەوہى ژمارەى (frequency) پىت و ووشەكان دىارى بىرىت بەھۇيانەوہە ياساى انترۇپى دىارى بىرىت وە لە خستەى (9) دەرىنراوہ وە بۇ زانىنى رىژەى دلىباى (لە ئەوينى) مامۇستا گۇران لە ھۇنراوہى (جوانى بى ناو) شىكارى ئامارى (Entropy) بەكارئەھىتىن

خستەى (9) وە رىژەى دلىباى (ئەوينى) مامۇستاگۇران لە ھۇنراوہى (جوانى بى ناو)

	ژمارەى ئىت و ووشەكان		ئەگەر probability P(x)	لۇگارىتمى ئەگەر (log p(x))	P(x)logp(x)
	(X)				
دوبارەبونەوہى ووشەى ئافرەت (كچ)	14	ى،ى،ى،كچە جوانەكەى، كچەمەنگەكەى،ى،ت،بووك،جوانىي تۆت،كچەكالەكە،گوڭباخى، شاگوڭ،شۇخىكى	0.48276	-0.31627	- 0.15268
ووشەى پەيوەست بە دلدارى	15	قۇكالى،ليوتالى،نىگا كال،گۇنانەختىك ئال ،چپەدوو،گەندەمووى،دەم وچا،مەچەك ھەلنەگرتوو،نەرمۇلە، ئىسك سووك،دەست وپەنجەت	0.51724	-0.28631	- 0.14809
كۆ	29				$\sum P(x) \log P(x) = -0.30077$
پىژەى گومان $Entropy = -\sum P(x) \log P(x) = -(-0.30077) = 0.30077$ $پىژەى گومان = 1 - 0.30077 = 0.69923$ $پىژەى سەدى دلىباى = (0.69923)(100) = 69.923\%$					



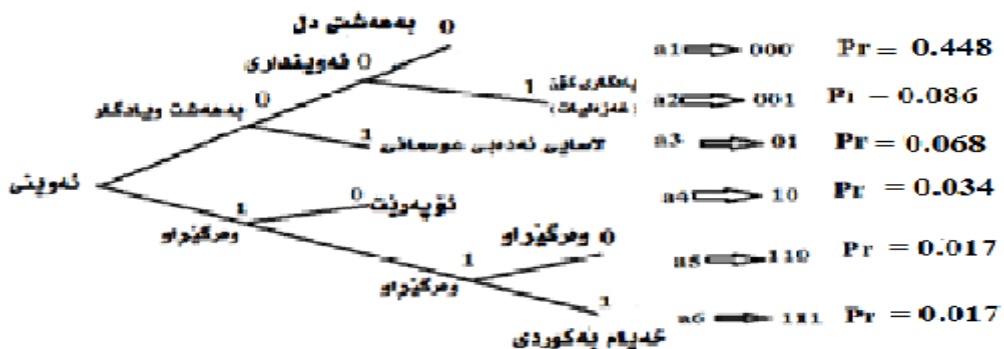
لېرەدا دەرئەكەۋىت كە مامۇستا گۇران بەرژىزەي (69.923%) پاستگۆيەلە (ئەۋىنى) یدا ئەئەمەش گونجاۋە لەگەل پېژەي ھۇنراۋە ئەۋىندارىەكانى = 36.48% (كە بەرژىزىن پېژەي لە جۇرى ھۇنراۋەكانى دەنۆتىن

2-2-3-6 بەكا رەئىنانى رېگای كۆدى شانۇن-فانو Shannon-Fano coding

بە بەكا رەئىنانى رېگای كۆدى شانۇن -فانو بۇ ھەمووھۇنراۋەكانى كە پاستەوخۇ ئەۋىنەكان يان ھەستى ئەۋىنى تېدايە پېۋىستىمان بە دۆزىنەۋەي ئەگەر $Pr(x) = Probability(x)$ ھەيە ۋەك لەم خىشتەيەي خوارەۋەدا ديارە خىشتەي (10) بەكارەئىنانى رېگای كۆدى شانۇن -فانو بۇ ھەمووھۇنراۋەكانى مامۇستا گۇران بۇديارىكردى ئەگەرى بەگشتى ئەۋ ھۇنراۋە ي كەبۇ (ئەۋىنى) نووسراۋون ۋە ئەۋ ھۇنراۋە ي مۆركى ئەۋىنىيان ھەيە

ئەگەرى ئەۋ ھۇنراۋە ي كەبۇ ئەۋىنى نووسراۋون ۋە ئەۋ ھۇنراۋە ي مۆركى ئەۋىنىيان ھەيە			ئەۋىنى ئەۋ ھۇنراۋە ي كە (ئەۋىنىن) يان مۆركى) ناۋەرۆك -بابەت-		probability $Pr(x_i)$
ئەۋىنى (يان ھەيە	ئەۋىنىن) يان مۆركى)	ژمارەيان	بەشە كۆمەلەكان	كۆمەلەي ھۇنراۋە	
26	0.448	26	بەھەشتى دل (ئەۋىندارى)	بەھەشت وياڭار	
5	0.086	5	يادگارى كۇن (غەزەليات)		
4	0.068	4	(لاساي ئەدەبى عوسمانى)		
2	0.034	2	ئۆپەرىت		
1	0.017	20	ۋەرگىراۋ	ۋەرگىراۋ	
1	0.017	1	خەيام بەكوردى		
39	0.67	58			

3-2-3-6 درەختى شانۇن



ۋىنەي ژمارە (6)

درەختى كۆدى شانۇن -فانو Shannon-Fano treeبۇھۇنراۋەكانى مامۇستا گۇران

4-2-3-6 شانۇن -فانو پەستىنراۋ

خىشتەي (11) شېكرەنەۋەي ھۇنراۋە ئەۋىنەكانى مامۇستا گۇران بەرگىگى (Shannon -coding)

Symbol X	Frequency		bits/symbol Shannon-Fano Code	(frequency) Shannon-Fano
	ھۇنراۋەكان بەگشتى	ھۇنراۋە ئەۋىنەكان		



a_1	26	26	000	3	78
a_2	5	5	001	3	15
a_3	4	4	01	2	8
a_4	2	2	10	2	4
a_5	20	1	110	3	3
a_6	1	1	111	3	1
$\sum x_i$	58	39			109

بەكارهيتىنالى ياساى (Shannon-Fano Compression) بۆخستەى (11)

The average length of the Shannon- Fano code = ئىكپاي درىژى كۆدى شانوون فانۆ

$$= 109 / 39 = 2.8$$

لەر ئەنجامەۋە دەرئەكەۋىت كە ژمارەى هىماكانى كۆدەكان (2 يا 3) هىماكان ۋەك لەستوونى هىماكان ديارە ۋەك (000 و 001 و 01 و 111)

$$\text{Original size} = (\sum X_i)(2^3) = 39(8) = 312$$

$$\text{Shannon-Fano Compression size} = (\text{Shannon-Fano Code}) (\text{frequency} \sum x_i) = 109$$

$$\text{Shannon-Fano Compression} = (\text{Compression size} / \text{Original size})$$

$$= (109 / 312) = 0.35 = 35\%$$

$$100 - \text{Shannon - Fano Compression} = 100 - 35\% = 65\%$$

$$100\% - 35\% = 65\%$$

3-3-6 ديارى كرنى كارايى ئەنجامەكان بۆئەويندارى مامۇستا گۆران بە تاقىكرندەۋەى

One-Sample(t-test)

خستەى (12) ديارى كرنى كارايى ئەنجامەكان بۆئەويندارى مامۇستا گۆران بە تاقىكرندەۋەى One-Sample(t-test)

	t	df	Sig. (2-tailed)	N	Std. Deviation	Std. Error Mean	Mean	95%Confidence Interval of the Difference	
								Lower	Upper
x	4.199	12	.001	13	6.60557	1.83206	7.69231	3.7006	11.6840

7- دەرئەنجام Result and discussion

1- بۆدەرختستى گونجاني داتاي ئەم توپژىنەۋەيەبۇشيكردنەۋەى ئامارى ومتمانە پىن كرنى هەردوداتاي ھۆنراۋەكانى (مامۇستا فايەق بىكەس و مامۇستا گۆران) مان تاقىكرندەۋە بە پىي پىۋەرى (Cronbach's Alpha - Reliability scale) لە ئەنجامدەپپى خستەى (2) پىژەى Cronbach's Alpha دەكاتە (0.813) ئەم ئەنجامدەۋەى ئەخات كەئەم داتايەباشە چونكە بەپپى خستەى Cronbach's Alpha ئەگە رتەنجامى شىكرندەۋە لەنپوان (0.8-0.90) دا باشەۋگونجاۋە بۆ شىكرندەۋە . ئاستى باۋەرىپىكرندى (Reliability) داتاي ئەم توپژىنەۋەيە

2- شىكرندەۋەى ئامارى بۆ ھەستى كوردايەتى لەھۆنراۋەكانى مامۇستا فايەق بىكەسدا

a -لەخستەى (3) ھەستى كوردايەتى مامۇستا فايەق بىكەس لەھەموۋجۆرەھۆنراۋەكانىدا ئەگەر بە يەك دىپىش بىت ھاندانى ھەستى كوردايەتى ھەر بەدى دەرئىت يانمۆركى ھەستى كوردايەتى تيا يە71.5%

b -لەخستەى (4) بۆ دىنباۋون لەھەستى كوردايەتى مامۇستا فايەق بىكەس ياساى Entropy بۆ ھۆنراۋەى (ئەى ۋەتەن مەفتوونى تۆم شىۋەتم بىركەۋتەۋە) مان بەكارهيتنا پىژەى سەدى دىنبايى(72.354%)



- c - لەخستەى (5) خستەى (5) بەكارهيتىنى پىڭگى كۆدى شانون - فانو Shannon-Fano coding بۇ ھەموو ھۆنراۋەكانى كە راستەوخو كوردايەتتە يان ھەستى كوردايەتتە تىدائە كۆى گشتى ئەگەرەكان دەگاتە $(x) Pr = 0.715$
- d لەخستەى (6) بەكارهيتىنى كۆدەكانى وئەى ژمارە (5) درەختى كۆدى شانون - فانو بە بەكارهيتىنى لە ياساى شىكردنەۋەى شانون - فانو پەستىنراو Shannon-Fano Compression لە ھۆنراۋە كوردايەتتە كاندا ئەنجامەكەى 73% ماناى پىژەى دلىابوون لە ھەستى كوردايەتتە مامۇستا فايەق بىكەس 73%
- e - خستەى (7) one-sample t-test ۋە بۇ دەرختىنى مانادارى significant ياساى One-Sample t-Test دەرچوو significant ۋە لەبەرئەۋەى ئەنجامى (0170) كەمترە لە ئەلفا (050)
- 3- شىكردنەۋەى ئامارى بۇ ھەستى ئەۋىندارى لە ھۆنراۋەكانى مامۇستا گۆران دا
- a - لەم خستەى (8) ئەۋىنى مامۇستا گۆران لە ھەموو ھۆنراۋەكانىدا ئەگەر بە يەك دىپىش بىت ھەر بەدى دەرئىت مۆركى ئەۋىنى كەۋاتە پىژەى سەدى ھەموو ھۆنراۋەكانى دەگاتە (36.48%)
- b - خستەى (9) بۇ دلىابوون لە ھەستى ئەۋىندارى مامۇستا گۆران ياساى Entropy مان بەكارهيتا بۇ ھۆنراۋەى (جوانى بى ناۋ) ۋە پىژەى سەدى دلىابى (69.923%)
- c - خستەى (10) بە بەكارهيتىنى رىڭگى كۆدى شانون - فانو Shannon-Fano coding بۇ ھەموو ھۆنراۋەكانى كە ئەۋ ھۆنراۋەكانى كە (ئەۋىنىن) يان مۆركى (ئەۋىنى) يان ھەيە كۆى گشتى ئەگەرەكان دەگاتە $(x) Pr = 0.67$
- d خستەى (11) بەكارهيتىنى كۆدەكانى وئەى ژمارە (5) درەختى كۆدى شانون - فانو بۇ دۆزىنەۋەى Shannon-code بە بەكارهيتىنى لە ياساى شىكردنەۋەى شانون - فانو پەستىنراو Shannon-Fano Compression لە پىژەى دلىابوون لە ھەستى ئەۋىندارى مامۇستا گۆران ئەنجامەكەى 65%
- e - خستەى (12) بۇ دەرختىنى مانادارى significant ياساى One-Sample t-test دەرچوو significant ۋە لەبەرئەۋەى ئەنجامەكەى (0010) كەمترە لە ئەلفا (050)
- 8- پاسپاردە Recommendation
- 1- پىشنىارى توپۇرەر ۋا يە كە گرنگى بدرىت بە بەكارهيتىنى شىكردنەۋەى (Entropy) لە بابەتە وئەيىپەكاندا .
- 2- ھۆنرە كوردە تىكۆشەرەكان (لەھەر بوارىكدا بىت) بەرەۋەلەبىر چوونەۋە ئەچن بەتايەتتى لەلەى نەۋەى كوردى ئىستا بۆيە پىۋىستە لەتوئىژىنەۋە ئەكادىمىەكاندا شوئى دىارىكراۋوتايەتتىان بۇ دابىن بكرىت تا ئەۋ نەمرانە بېئىرئەۋە ياد .

سەرچاۋەكان

- [1] Andrew Rodriguez (2015) Information Processing and Learning Lecture 15 March 17 Lecturer: Aarti Singh 10-704
- [2] Bottou, L., Howard, P. G., and Bengio, Y. (1998) "The Z-coder adaptive binary coder. In Proceedings of the Data Compression Conference, Snowbird, Utah, March (1998), pp. 13-22.
- [3] Claude Elwood, (2009) "Elements of Information Theory Probability and Computing" Bell System Technical Journal Fall 15-359.
- [4] C.E. Shannon, (1948) "A Mathematical Theory of Communication", Bell System Technical Journal, vol. 27, pp. 379-423, 623-656, July, October.
- [5] Cover, T. M., and Thomas, J. A. (1991) "Elements of Information Theory". New York: Wiley.
- [6] David J. C. MacKay. "Information Theory, Inference, and Learning Algorithms" Cambridge University Press, 2003. ISBN 0-521-64298-1
- [7] Gallager, R. G. (1968) "Information Theory, Shannon entropy and Reliable Communication". New York: Wiley.
- [8] Jurafsky and Martin, (2006) "Using Entropy for Evaluating and Comparing Probability Distributions" section 6.7 Manning and Schutze, Section 2.2
- [9] McEliece, R. J. (1977) "The Theory of Information and Coding" A Mathematical Framework for Communication. Reading, Mass.: Addison-Wesley.
- [10] Thomas M. (2006). "Chapter 5 Data Compression". Elements of Information Theory. John Wiley & Sons. ISBN 0-471-24195-4
- [11] Tom Carter, 2011 "An introduction to information theory and Shannon entropy" [http://astarte.csustan.edu/tom/SFI-CSSS Complex Systems Summer School Santa Fe](http://astarte.csustan.edu/tom/SFI-CSSS%20Complex%20Systems%20Summer%20School%20Santa%20Fe)
- [12] Venkatesan Guruswami David Witmer January 17, 2013] Information Theory and Applications in TCS
- [13] Yao Xie, "Information Theory" (2010) ECE587, Duke University



[14] Zimmerman Andrew Jones, Anne Marie Helmenstine, (2017) "How to Calculate Entropy Meaning of Entropy in Physics[Laws of Thermodynamics as Related to Biology]". Ph.D July 10

سه‌رچاوه کوردیه‌کان

- 1-محمدی مه‌لا کریم (1980) دیوانی بیکه‌س ، مطبعة الادیب البغدادیة
- 2-محمدی مه‌لا کریم (1980) دیوانی گۆران ، مطبعة الوطنية بغداد

ملخص

نظرية المعلومات هي فرع رئيسي من الرياضيات التطبيقية (Applied Mathematics) أنها مبنية على نظرية الاحتمالات والإحصاء. تستخدم في علوم الهندسة والكمبيوتر والرياضيات والفيزياء والتكنولوجيا وعلم النفس ، إلخ. تم إنشاء هذه الفكرة من قبل (Claude Elwood Shannon) في عام 1948 ، ثم تطورت حتى أصبحت نظرية تستخدم في تحليلات البحوث العلمية. أهم وحدات قياس المعلومات هي Entropy ، ويستخدم هذا التحليل في العلوم المختلفة وفقاً لأهدافها الخاصة . كل شيء في الكون يبدأ في التكيف ويتغير في النهاية إلى العشوائية والفوضى والشك فالانتروبي Entropy هي مقياس لهذا التغيير وهي مقياس لعشوائية ، وفوضى والشك وفي علم الاحصاء الإنتروبي يمثل مقياس للشك (uncertainty) يتم استخدامه بمثابة تحليل إحصائي في البحوث العلمية والأدبية ولكن لا توجد استخدامها في البحوث الكردية لهذا السبب استخدمنا هذا التحليل في الادب الكردي بمان القصيدة تعبیر لمشاعر داخلية واعماق الشاعر وهي تفاعلات بايولوجية مرتبطة بالمؤثرات الخارجية تؤدي الى اظهار الطاقة من التغيرات الداخلية للشاعر ويعبر عنها با لكلمات والتعبير مؤثرة على المشاعر والاعماق الاخرين وتحليلنا هذه على الاحساس او المشاعر (الوطنية) او القومية لشاعرفائق بیکه‌س في القصيدة (با الوطن) والاحساس او المشاعر العاطفية (الغزل) لشاعر عبدالله كۆران في القصيدة (الجميلة بلا اسم) . في هذا البحث استخدمنا نظريات التابعة لنظرية المعلومات (تحليل الانتروبي) (entropy analysis) ونظرية (شانون فانو-انتروبي) (Shannon-Fano entropy) بطريقة (شانون فانو-كودين) (Shannon Fano-codin) ومن التحليلات استنتجنا من تحليل الانتروبي بان المشاعر (الوطنية) او القومية لشاعرفائق بیکه‌س (72.354%) اما المشاعر العاطفية (الغزل) لشاعر عبدالله كۆران (69.93458%) اما حسب نظرية (شانون فانو-انتروبي) بطريقة (شانون فانو-كودين) المشاعر (الوطنية) او القومية لشاعرفائق بیکه‌س (73%) اما المشاعر العاطفية (الغزل) لشاعر عبدالله كۆران (65%) ولتحقيق معنوية (significance) النتائج استخدمنا (t-test) والنتائج (0.017) و(0.001).

Entropy -in the Kurdish poem for the poets (Fayaq Bekkas) and (Goran)

Abstract

Information theory is a major branch of applied mathematics that is based on probability theory and statistics. It is used in engineering, computer science, mathematics, physics, technology, psychology, etc. This idea was created by (Claude Elwood Shannon) in 1948, and then evolved into a theory used in scientific research analyzes. The most important unit of information measurement is entropy, everything in the universe begins to adapt and eventually changes to randomness and chaos. Entropy is a measure of this change and is a measure of randomness, chaos and doubt. In the Statistic science entropy is a measure of uncertainty and is used as a statistical analysis in scientific research and literature, but not used in Kurdish research for this reason we used this analysis for Kurdish literature .The poem is an expression of the inner feelings and depths of the poet, which are biological reactions related to the external influences that lead to showing the energy of the internal changes of the poet and expressing the words which it has an effect on the sense of others. This analysis is of the patriotic feelings of the poet Faiq Bekas in his poem (EY WATAN) which means (oh homeland) and the emotional romantic feelings of the poet Abdullah Goran in his poem (BE JWANI BE NAW) which means (the beautiful nameless). In this study, we used theories of information theory (entropy analysis) and (Shannon-Fano entropy) by (Shannon Fano-codin). We concluded from the analysis of entropy that the poet Faiq Bekas had (72.354%) of national sentiments and poet Abdullah Goran had (65%) of emotional romantic feelings. In order to achieve the significance of the results, we used the t-test and the results are (0.017) and (0.001).